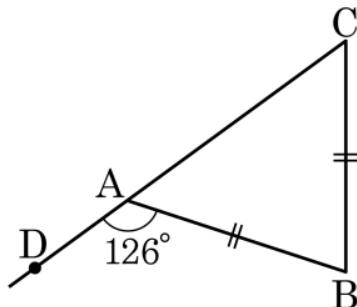


1. 다음 그림과 같이 $\overline{BA} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형 BAC 에서 $\angle BAD = 126^\circ$ 일 때, $\angle BCA$ 의 크기는?



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$ °

▷ 정답 : 54°

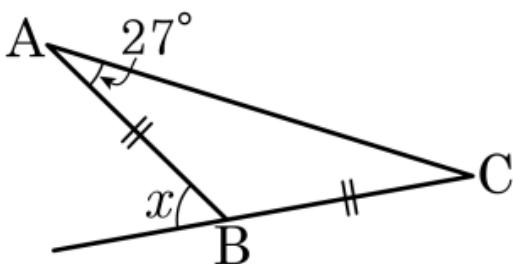
해설

$$\angle BAC = 180^\circ - 126^\circ = 54^\circ$$

$\triangle BAC$ 는 이등변삼각형이므로

$$\angle BCA = \angle BAC = 54^\circ$$

2. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형 ABC에서 $\angle A = 27^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

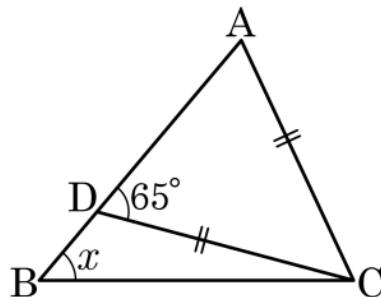


- ① 54° ② 56° ③ 58° ④ 60° ⑤ 62°

해설

$$\angle x = 27^\circ + 27^\circ = 54^\circ$$

3. $\overline{BA} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형에서 $\overline{CA} = \overline{CD}$ 가 되도록 점 D를 변 AB 위에 잡았다. $\angle x$ 의 크기는?



- ① 50° ② 55° ③ 60° ④ 65° ⑤ 70°

해설

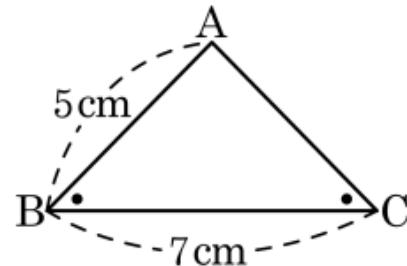
$\triangle ACD$ 가 이등변삼각형이므로

$$\angle CAD = 65^\circ$$

또 $\triangle ABC$ 는 $\overline{BA} = \overline{BC}$ 인 이등변삼각형이므로

$$\therefore \angle x = 180^\circ - 2 \times 65^\circ = 50^\circ$$

4. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle B = \angle C$ 일 때, \overline{AC} 의 길이는?

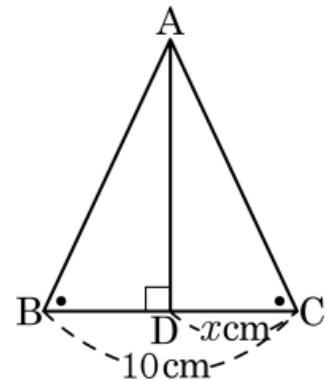


- ① 4cm ② 4.5cm ③ 5cm
④ 5.5cm ⑤ 6cm

해설

$\triangle ABC$ 가 이등변삼각형이므로
 $\overline{AC} = \overline{AB} = 5\text{cm}$

5. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle B = \angle C$ 일 때,
 x 의 값은?



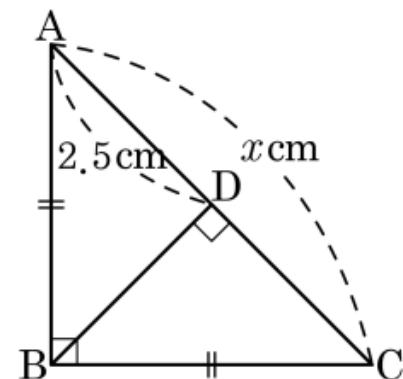
- ① 3.5 ② 4 ③ 4.5 ④ 5 ⑤ 5.5

해설

$\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이고 \overline{AD} 는 \overline{BC} 를 수직이등분하므로

$$x = \frac{1}{2} \times 10 = 5$$

6. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 일 때, x 의 값은?

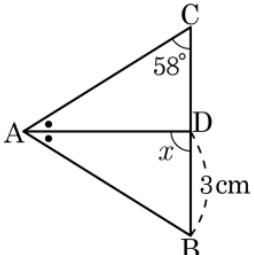


- ① 3.5 ② 4 ③ 4.5 ④ 5 ⑤ 5.5

해설

$\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이고 \overline{BD} 는 \overline{AC} 를 수직이등분하므로
 $\overline{AC} = 2.5 + 2.5 = 5(\text{cm})$

7. 다음 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이고 \overline{AD} 는 $\angle A$ 의 이등분선이다.
그림을 보고 옳은 것을 모두 고른 것은?



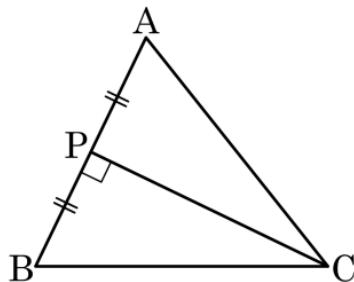
- ㉠ $\overline{CD} = 3\text{cm}$ ㉡ $\angle x = 90^\circ$
 ㉢ $\angle BAC = 32^\circ$ ㉣ $\overline{AC} \perp \overline{BC}$

- ① ㉠, ㉡ ② ㉡, ㉢ ③ ㉢, ㉣
 ④ ㉠, ㉡, ㉢ ⑤ ㉡, ㉢, ㉣

해설

- ㉠ \overline{AD} 는 $\angle A$ 의 이등분선이므로 $\overline{AD} \perp \overline{BC}$
 $\therefore \overline{BD} = \overline{CD} = 3\text{cm}$
 ㉡ $\overline{AD} \perp \overline{BC}$ 이므로 $\angle x = 90^\circ$
 ㉢ $\angle BAC = 180^\circ - 2 \times 58^\circ = 64^\circ$
 ㉣ \overline{AC} 와 \overline{BC} 사이의 각이 58° 이므로 \overline{AC} 와 \overline{BC} 는 수직이
아니다.

8. 다음 그림과 같이 $\overline{AP} = \overline{BP}$, $\overline{AB} \perp \overline{CP}$ 인 삼각형 ABC를 보고 옳은 것을 모두 골라라.



- | | |
|-----------------------------|--------------------------------------|
| ㉠ $\angle A = \angle B$ | ㉡ $\triangle ABC$ 는 직각삼각형 |
| ㉢ $\angle ACP = \angle BCP$ | ㉣ $\overline{AC} \neq \overline{BC}$ |

▶ 답 :

▶ 답 :

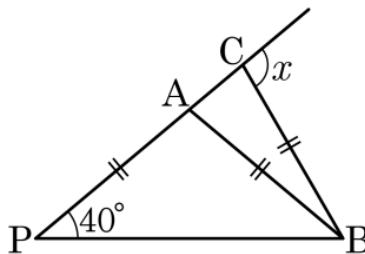
▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉢

해설

$\overline{AP} = \overline{BP}$, $\overline{AB} \perp \overline{CP}$ 이므로 $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이다.
이등변삼각형의 꼭지각의 이등분선은 밑변을 수직이등분하므로
 $\overline{AC} = \overline{BC}$, $\angle ACP = \angle BCP$

9. 다음 그림에서 $\angle P = 40^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는? (단, $\overline{AP} = \overline{AB} = \overline{BC}$)



- ① 90° ② 95° ③ 100° ④ 105° ⑤ 110°

해설

$\triangle APB$ 는 이등변삼각형이므로

$$\angle P = \angle ABP = 40^\circ$$

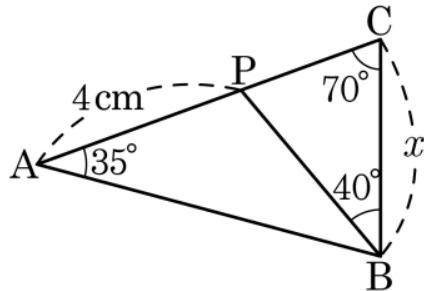
$$\angle BAC = 40^\circ + 40^\circ = 80^\circ$$

$\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이므로

$$\angle BAC = \angle BCA = 80^\circ$$

$$\therefore \angle x = 180^\circ - 80^\circ = 100^\circ$$

10. 다음 그림에서 x 의 길이는?



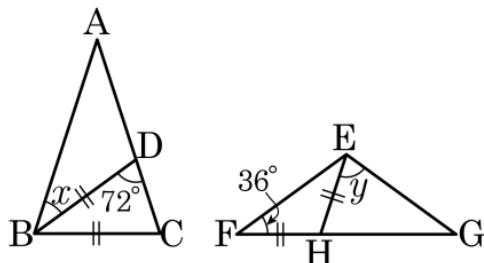
- ① 3cm ② 3.5cm ③ 4cm
④ 4.5cm ⑤ 5cm

해설

$\triangle BPC$ 에서 $\angle BPC = 180^\circ - 70^\circ - 40^\circ = 70^\circ$ 이므로 이등변삼각형

$\triangle BPA$ 에서 $\angle BPA = 110^\circ$, $\angle ABP = 35^\circ$ 이므로 이등변삼각형
 $\therefore \overline{AP} = \overline{BP} = \overline{BC} = 4\text{cm}$

11. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 와 $\triangle EFG$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\overline{EF} = \overline{EG}$ 일 때, $\angle x + \angle y$ 의 크기는?



- ① 104° ② 105° ③ 106° ④ 107° ⑤ 108°

해설

$\triangle BCD$ 는 이등변삼각형이므로

$$\angle CBD = 180^\circ - 2 \times 72^\circ = 36^\circ$$

$\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이므로

$$\angle ABC = \angle ACB = 72^\circ$$

$$\therefore \angle x = 72^\circ - 36^\circ = 36^\circ$$

$\triangle EFG$ 는 이등변삼각형이므로

$$\angle FGE = 36^\circ, \angle FEG = 108^\circ$$

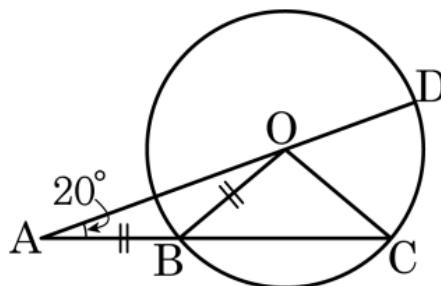
또 $\triangle EFH$ 는 이등변삼각형이므로

$$\angle EFH = \angle FEH = 36^\circ$$

$$\therefore \angle y = 108^\circ - 36^\circ = 72^\circ$$

$$\text{따라서 } \angle x + \angle y = 36^\circ + 72^\circ = 108^\circ$$

12. 다음 그림에서 $\overline{AB} = \overline{BO}$ 이고 $\angle OAB = 20^\circ$ 일 때, $\angle COD$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$ $^\circ$

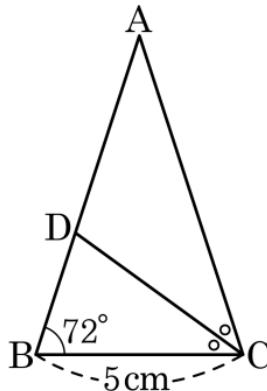
▷ 정답 : 60°

해설

$$\angle OBC = \angle OCB = 40^\circ \text{ 이므로 } \angle BOC = 100^\circ$$

$$\angle COD = 180^\circ - (20^\circ + 100^\circ) = 60^\circ$$

13. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\angle B = \angle C$ 인 이등변삼각형이다. $\angle C$ 의 이등분선이 \overline{AB} 와 만나는 점을 D 라 할 때, \overline{AD} 의 길이는?

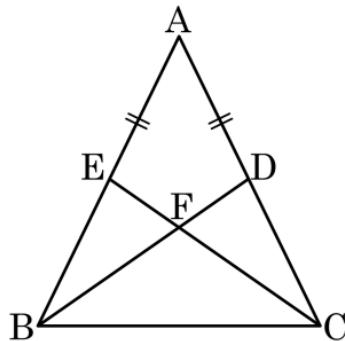


- ① 3cm ② 4cm ③ 5cm ④ 6cm ⑤ 7cm

해설

$\angle B = \angle C = 72^\circ$ 이고 $\angle BCD = \angle ACD = 36^\circ$ 이므로, $\angle A = 36^\circ$ 이다. 따라서 $\triangle ABC$, $\triangle ADC$ 는 두 내각의 크기가 같으므로 이등변삼각형이다. 따라서 $\overline{BC} = \overline{DC} = \overline{AD} = 5\text{ cm}$ 이다.

14. 다음 그림과 같은 이등변삼각형ABC에서 $\overline{AD} = \overline{AE}$ 일 때, $\triangle FBC$ 는 어떤 삼각형인지 구하여라.

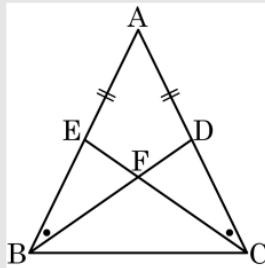


▶ 답 :

▷ 정답 : 이등변삼각형

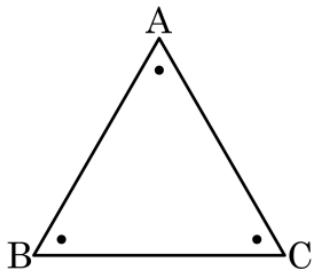
해설

다음 그림에서 $\triangle ADB \cong \triangle AEC$ (SAS 합동: $\overline{AD} = \overline{AE}$, $\overline{AB} = \overline{AC}$, $\angle A$ 는 공통)이므로 $\angle EBF = \angle DCF$ 이다.



따라서 $\angle FBC = \angle FCB$ 이므로 $\triangle FBC$ 는 이등변삼각형이다

15. 다음은 「세 내각의 크기가 같은 삼각형은 정삼각형이다.」를 보이는 과정이다.



$\triangle ABC$ 에서 $\angle B = \angle C$ 이므로

$$\overline{AB} = \boxed{(\text{나})} \cdots \textcircled{\text{7}}$$

$$\angle A = \boxed{(\text{다})} \text{이므로 } \overline{BA} = \overline{BC} \cdots \textcircled{\text{L}}$$

$\textcircled{\text{7}}, \textcircled{\text{L}}$ 에서 $\boxed{(\text{가})}$

따라서 $\triangle ABC$ 는 정삼각형이다.

(가) ~ (다)에 들어갈 것을 차례로 쓴 것은?

① $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CA}, \overline{AC}, \angle B$

② $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CA}, \overline{AC}, \angle C$

③ $\angle A = \angle B = \angle C, \overline{BC}, \angle A$

④ $\angle A = \angle B = \angle C, \overline{BC}, \angle C$

⑤ $\angle A = \angle B = \angle C, \overline{AC}, \angle C$

해설

$\triangle ABC$ 에서 $\angle B = \angle C$ 이므로

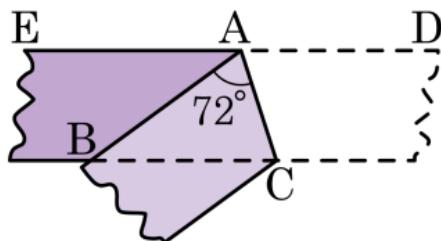
$$\overline{AB} = (\overline{AC}) \cdots \textcircled{\text{7}}$$

$$\angle A = (\angle C) \text{이므로 } \overline{BA} = \overline{BC} \cdots \textcircled{\text{L}}$$

$\textcircled{\text{7}}, \textcircled{\text{L}}$ 에서 $(\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CA})$

따라서 $\triangle ABC$ 는 정삼각형이다.

16. 폭이 일정한 종이테이프를 다음 그림과 같이 접었다. $\triangle ABC$ 는 어떤 삼각형인지 구하여라.



▶ 답 :

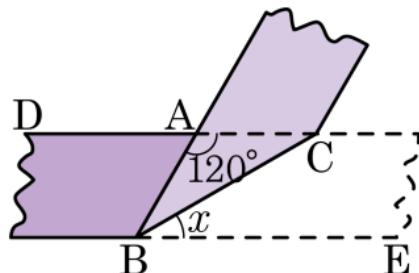
▷ 정답 : 이등변삼각형

해설

종이를 접었으므로 $\angle BAC = \angle DAC$ 이다. $\angle DAC = \angle BCA$ (엇각)이다.

따라서 $\angle BAC = \angle ACB$ 이므로 $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이다.

17. 폭이 일정한 종이를 다음 그림과 같이 접었다. $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



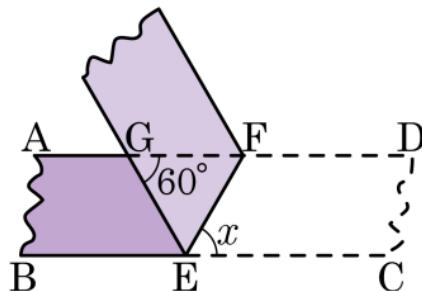
▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$

▶ 정답 : 30°

해설

$\angle EBC = \angle ACB = \angle x$ (엇각), 종이를 접었으므로 $\angle EBC = \angle ACB = \angle ABC = \angle x$ 가 된다. 따라서 $\triangle ABC$ 가 두 내각의 크기가 같으므로 이등변삼각형이고 $120^\circ + \angle x + \angle x = 180^\circ$, $\angle x = 30^\circ$ 이다.

18. 직사각형 모양의 종이를 다음 그림과 같이 접었다. $\angle FGE = 60^\circ$ 일 때, $\angle x$ 크기는?



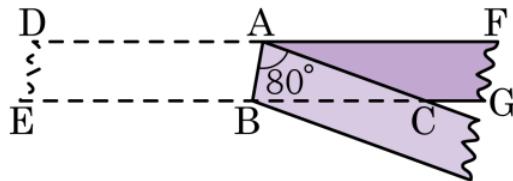
- ① 30° ② 40° ③ 50° ④ 60° ⑤ 80°

해설

$\angle GFE = \angle FEC = \angle x$ (엇각), 종이를 접었으므로 $\angle GEF = \angle FEC = \angle x$ 이다.

따라서 $\triangle GEF$ 는 두 내각의 크기가 같으므로 이등변삼각형이고 $60^\circ + \angle x + \angle x = 180^\circ$, $\angle x = 60^\circ$ 이다.

19. 다음 그림과 같이 폭이 일정한 종이테이프를 접었다. $\angle BAC = 80^\circ$ 일 때, 다음 중 각의 크기가 $\angle BAC$ 와 다른 것을 모두 고르면?

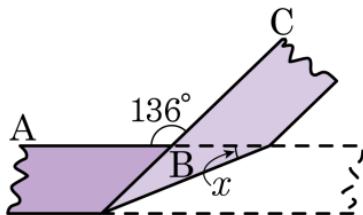


- ① $\angle DAB$ ② $\angle ABE$ ③ $\angle ABC$
④ $\angle ACB$ ⑤ $\angle CAF$

해설

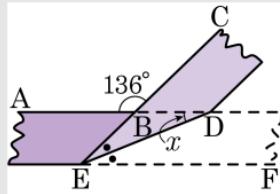
- ① 종이 테이프를 접으면 $\angle BAC = \angle DAB = 80^\circ$
- ② $\angle ABE = 180^\circ - \angle ABC = 180^\circ - 80^\circ = 100^\circ$
- ③ $\angle BAC = \angle ABC = 80^\circ$ (엇각)
- ④ $\triangle ABC$ 의 내각의 합은 180° 이므로
 $\angle ACB = 180^\circ - 80^\circ - 80^\circ = 20^\circ$
- ⑤ $\angle CAF = \angle ACB = 20^\circ$ (엇각)

20. 다음 그림과 같이 폭이 일정한 종이 테이프를 접었다. $\angle ABC = 136^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 20° ② 22° ③ 24° ④ 26° ⑤ 28°

해설



$$\angle ABE = 180^\circ - 136^\circ = 44^\circ$$

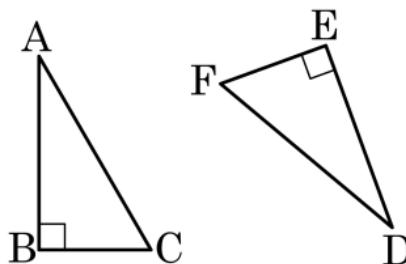
$$\angle ABE = \angle BEF = 44^\circ \text{ (엇각)}$$

$$\angle BED = \angle DEF = \frac{1}{2} \times 44^\circ = 22^\circ \text{ (종이 접은 각)}$$

$$\angle BDE = \angle DEF = 22^\circ \text{ (엇각)}$$

$$\therefore \angle x = 22^\circ$$

21. 다음 중 두 직각삼각형 ABC, DEF 가 서로 합동이 되는 조건이 아닌 것은?

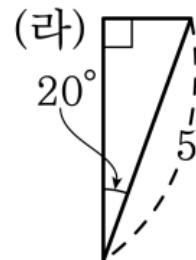
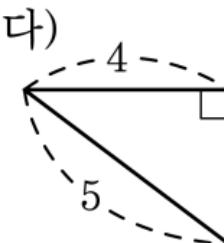
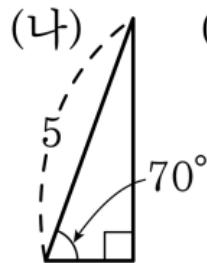
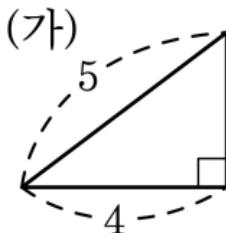


- ① $\overline{AB} = \overline{DE}$, $\overline{BC} = \overline{EF}$
- ② $\overline{AB} = \overline{DE}$, $\angle A = \angle D$
- ③ $\angle A = \angle D$, $\angle C = \angle F$
- ④ $\angle A = \angle D$, $\overline{AC} = \overline{DF}$
- ⑤ $\overline{AC} = \overline{DF}$, $\overline{BC} = \overline{EF}$

해설

세 내각이 같다고 해서 합동이라 말할 수는 없다.

22. 다음 중 서로 합동인 것끼리 바르게 짹지어진 것은? (정답 2 개)



- ① (가) 와 (라) ② (가) 와 (다) ③ (나) 와 (라)
④ (가) 와 (나) ⑤ (나) 와 (다)

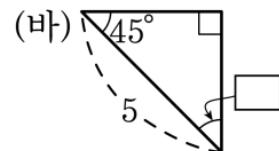
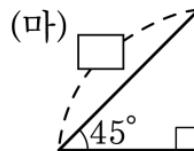
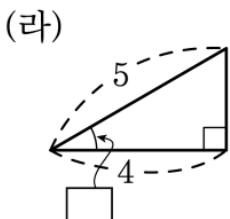
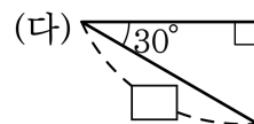
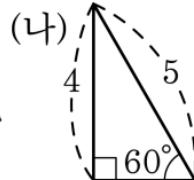
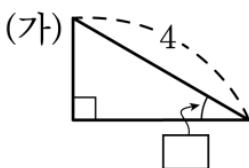
해설

(가) 와 (다) \Rightarrow RHS 합동

(나) 와 (라) \Rightarrow RHA 합동

23. 다음 삼각형 중에서 (가)와 (다), (나)와 (라), (마)와 (바)가 서로 합동이다. 빈 칸에 들어갈 숫자로 옳지 않은 것을 모두 고르면?

보기



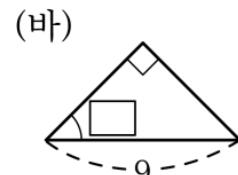
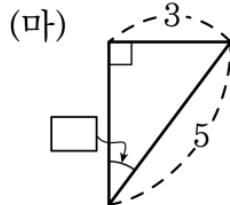
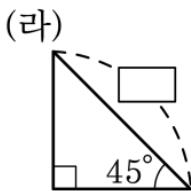
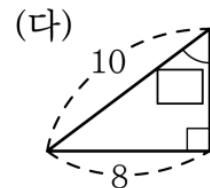
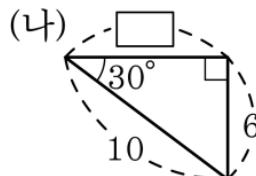
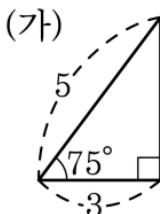
- ① (가) 30° ② (다) 4 ③ (라) 60°
④ (마) 5 ⑤ (바) 55°

해설

- ③ (라) 30°
⑤ (바) 45°

24. 다음 삼각형 중에서 (가)와(마), (나)와(다), (라)와(바)가 서로 합동이다. 빈 칸에 들어갈 숫자로 옳지 않은 것을 모두 고르면?

보기



① (나) 8

② (다) 45 °

③ (라) 9

④ (마) 30 °

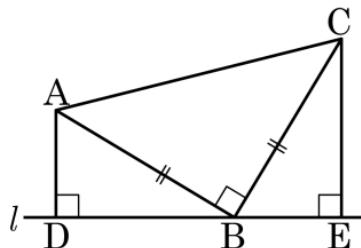
⑤ (바) 45 °

해설

② (다) 60°

④ (마) 15°

25. 다음 그림과 같이 $\angle B = 90^\circ$ 이고 $\overline{AB} = \overline{CB}$ 인 직각이등변삼각형 ABC의 꼭짓점 A,C에서 점 B를 지나는 직선 l에 내린 수선의 발을 각각 D,E라 하자. 다음은 $\overline{AD} = \overline{BE}$ 임을 증명하는 과정이다. ⑦~⑩ 중 옳지 않은 것을 기호로 써라.



$\triangle ADB$ 와 $\triangle BEC$ 에서

$$\angle ADB = ⑦ \angle BEC = 90^\circ \dots \textcircled{a}$$

$$\overline{AB} = \textcircled{b} \overline{CB} \dots \textcircled{b}$$

$$\angle ABC = 90^\circ \text{ 이므로 } \angle ABD + \angle CBE = 90^\circ$$

$$\text{또, } \triangle ADB \text{ 에서 } \textcircled{c} \angle ABD + \angle BAD = 90^\circ$$

$$\textcircled{b} \therefore \angle BAD = \angle BCE \dots \textcircled{c}$$

ⓐ, ⓑ, ⓒ에 의하여

$$\triangle ADB \cong BEC (\textcircled{d} \text{RHA} \text{ 합동})$$

▶ 답 :

▷ 정답 : Ⓛ

해설

$\triangle ADB$ 와 $\triangle BEC$ 에서

$$\angle ADB = ⑦ \angle BEC = 90^\circ \dots \textcircled{a}$$

$$\overline{AB} = \textcircled{b} \overline{CB} \dots \textcircled{b}$$

$$\angle ABC = 90^\circ \text{ 이므로 } \angle ABD + \angle CBE = 90^\circ$$

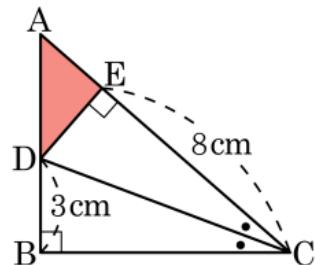
$$\text{또, } \triangle ADB \text{ 에서 } \textcircled{c} \angle ABD + \angle BAD = 90^\circ$$

$$\textcircled{b} \therefore \angle BAD = \angle BCE \dots \textcircled{c}$$

ⓐ, ⓑ, ⓒ에 의하여

$$\triangle ADB \cong BEC (\textcircled{d} \text{RHA} \text{ 합동})$$

26. 다음 그림의 직각이등변삼각형 ABC에서 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm^2

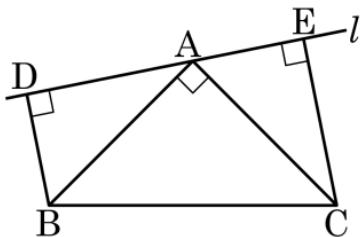
▷ 정답 : $\frac{9}{2}$ cm^2

해설

$\triangle CDB \cong \triangle CDE$ (RHA 합동) 이므로 $\overline{DB} = \overline{DE}$ 이다.
직각이등변삼각형이므로 $\angle BAC = 45^\circ$ 이고 $\angle ADE = 45^\circ$ 가 되므로 $\overline{AE} = \overline{DE} = 3(\text{cm})$

따라서 색칠한 삼각형의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 3 \times 3 = \frac{9}{2} (\text{cm}^2)$

27. 다음 그림과 같이 직각이등변삼각형 ABC의 직각인 꼭지점 A를 지나는 직선 l에 점 B, C에서 각각 수선 \overline{BD} , \overline{CE} 를 내렸다. $\overline{BD} = 4\text{cm}$, $\overline{CE} = 6\text{cm}$ 일 때, \overline{DE} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 10 cm

해설

$\triangle ADB$ 와 $\triangle CEA$ 에서

$\overline{AB} = \overline{AC}$ 이고

$\angle ADB = \angle BAC = \angle AEC = 90^\circ$ 이므로

$$\angle DAB = 180^\circ - 90^\circ - \angle EAC$$

$$= 90^\circ - \angle EAC = \angle ACE$$

$\therefore \triangle ADB \cong \triangle CEA$ (RHA 합동)

이 때 $\overline{BD} = \overline{AE} = 4\text{cm}$, $\overline{CE} = \overline{AD} = 6\text{cm}$ 이므로

$$\therefore \overline{DE} = \overline{AD} + \overline{AE} = 4 + 6 = 10 \text{ (cm)}$$

28. 다음 직사각형 ABCD에서 $\overline{AB} : \overline{BE}$ 는?

- ① 1 : 2
- ② 2 : 3
- ③ 3 : 4
- ④ 4 : 5
- ⑤ 1 : 1

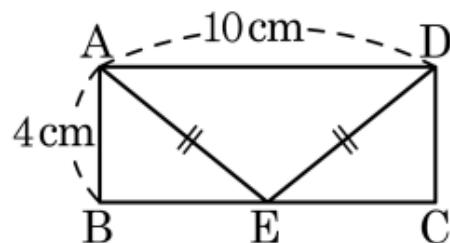
해설

$\triangle ABE$ 와 $\triangle DCE$ 에서 $\overline{AB} = \overline{CD}$ 이고, $\angle B = \angle C = 90^\circ$,

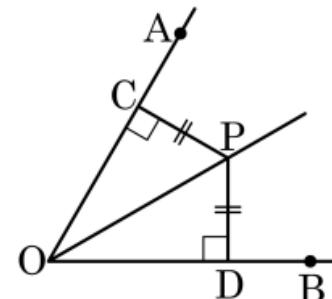
$\overline{AE} = \overline{ED}$ 이므로

$\triangle ABE \equiv \triangle DCE$ 는 RHS 합동이다.

따라서 $\overline{BE} = \overline{EC} = 10 \div 2 = 5(\text{cm})$ 이므로 $\overline{AB} : \overline{BE} = 4 : 5$ 이다.



29. $\angle AOB$ 의 내부에 한 점 P에서 두 변 OA, OB에 내린 수선의 발을 각각 C, D라고 할 때, $\overline{PC} = \overline{PD}$ 이면 $\triangle COP \equiv \triangle DOP$ 임을 증명하기 위해서 이용한 합동조건은?

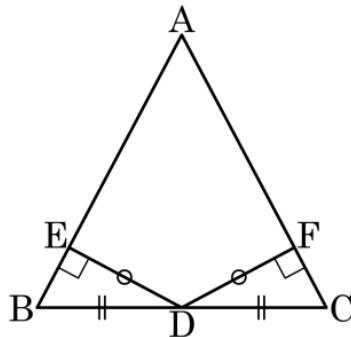


- ① SSS 합동
- ② SAS 합동
- ③ ASA 합동
- ④ RHA 합동
- ⑤ RHS 합동

해설

$\angle PCO = \angle PDO = 90^\circ$, \overline{OP} (공통), $\overline{CP} = \overline{PD}$ 이므로 $\triangle COP \equiv \triangle DOP$ 는 RHS 합동이다.

30. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\angle FDC = 28^\circ$ 일 때, $\angle A$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{2cm}}$ $^\circ$

▷ 정답 : 56°

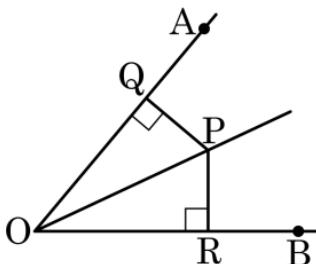
해설

$$\triangle EBD \cong \triangle FCD (\text{RHS 합동})$$

$$\angle EBD = \angle FCD = 62^\circ$$

$$\therefore \angle A = 180^\circ - 62^\circ \times 2 = 56^\circ$$

31. 다음 그림과 같이 $\angle AOB$ 의 내부의 한 점 P에서 각 변에 수선을 그어 그 교점을 Q, R이라 하자. $\overline{PQ} = \overline{PR}$ 이라면, \overline{OP} 는 $\angle AOB$ 의 이등분선임을 증명하는 과정에서 $\triangle QOP \cong \triangle ROP$ 임을 보이게 된다. 이 때 사용되는 삼각형의 합동 조건은?

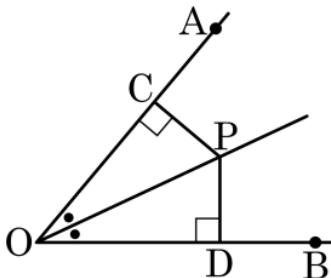


- ① 두 변과 그 사이 끼인각이 같다.
- ② 한 변과 그 양 끝 각이 같다.
- ③ 세 변의 길이가 같다.
- ④ 직각삼각형의 빗변과 한 변의 길이가 각각 같다.
- ⑤ 직각삼각형의 빗변과 한 예각의 크기가 각각 같다.

해설

\overline{OP} 는 공통이고 $\overline{PQ} = \overline{PR}$ 이므로, 빗변과 다른 한 변의 길이가 같은 RHS 합동이다.

32. 다음 그림과 같이 $\angle AOB$ 의 이등분선 위의 한 점 P에서 두 변 OA, OB에 내린 수선의 발을 각각 C, D라고 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\angle PCO = \angle PDO$ ② $\angle COP = \angle DOP$
③ $\overline{PC} = \overline{PD}$ ④ $\triangle COP \cong \triangle DOP$
⑤ $\overline{OC} = \overline{OP} = \overline{OD}$

해설

$\triangle OCP \cong \triangle ODP$ (RHA 합동)
따라서 $\overline{CO} = \overline{OD}$, $\overline{CP} = \overline{PD}$

33. 다음은 $\angle X O Y$ 의 이등분선 위의 한 점을 P 라 하고 점 P에서 $\overline{O X}$, $\overline{O Y}$ 에 내린 수선의 발을 각각 A, B 라고 할 때, $\overline{P A} = \overline{P B}$ 임을 증명하는 과정이다. ⑦~⑩에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?

[가정] $\angle A O P = (\textcircled{7})$,

$\angle P A O = \angle P B O = 90^\circ$

[결론] ($\textcircled{8}$) = ($\textcircled{9}$)

[증명] $\triangle P O A$ 와 $\triangle P O B$ 에서

$\angle A O P = (\textcircled{7}) \cdots \textcircled{a}$

($\textcircled{8}$)는 공통 $\cdots \textcircled{b}$

$\angle P A O = \angle P B O = 90^\circ \cdots \textcircled{c}$

\textcircled{a} , \textcircled{b} , \textcircled{c} 에 의해서 $\triangle P O A \equiv \triangle P O B$ (($\textcircled{10}$) 합동)

$\therefore (\textcircled{8}) = (\textcircled{9})$

① $\textcircled{7} \angle B O P$

② $\textcircled{8} \overline{P A}$

③ $\textcircled{9} \overline{P B}$

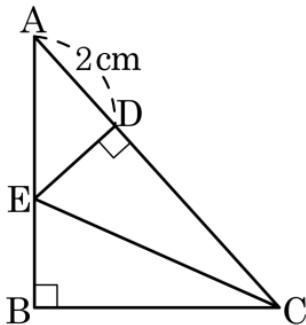
④ $\textcircled{10} \overline{O P}$

⑤ $\textcircled{10} S A S$

해설

$\triangle P O A \equiv \triangle P O B$ 는 $\angle A O P = \angle B O P$, $\overline{O P}$ 는 공통, $\angle P A O = \angle P B O = 90^\circ$ 이므로 RHA 합동이다.

34. 다음 그림에서 $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD}$, $\overline{AD} = 2\text{cm}$, $\overline{BC} = 4\text{cm}$ 이다.
 $\triangle DEC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 4 cm²

해설

$\triangle ABC$ 는 직각이등변삼각형이므로

$$\angle A = 45^\circ$$

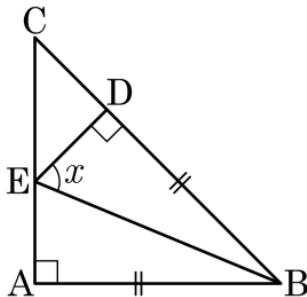
$\triangle AED$ 도 직각이등변삼각형이고

$\triangle ECD \cong \triangle ECB$ (RHS 합동) 이므로

$$\overline{EB} = \overline{ED} = \overline{AD} = 2\text{ (cm)}$$

$$\therefore \triangle DEC = 2 \times 4 \div 2 = 4\text{ (cm}^2\text{)}$$

35. 다음 그림과 같이 $\angle A = 90^\circ$, $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 직각이등변삼각형 ABC 가 있다. $\overline{AB} = \overline{DB}$ 인 점 D 를 지나며 \overline{AC} 와 만나는 점을 E 라고 할 때, $\angle x$ 의 크기는?



- ① 60° ② 62.5° ③ 65° ④ 67.5° ⑤ 70°

해설

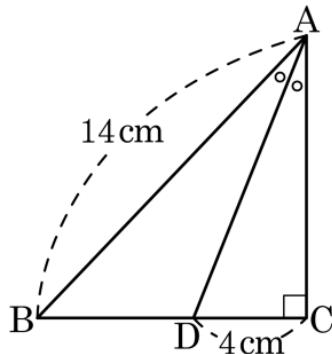
$\triangle ABC$ 는 직각이등변삼각형이므로 $\angle B = 45^\circ$

$\triangle BED \cong \triangle BEA$ (RHS합동) 이므로

$\angle BEA = \angle BED = \angle x$

$$\therefore \angle x = 135^\circ \times \frac{1}{2} = 67.5^\circ$$

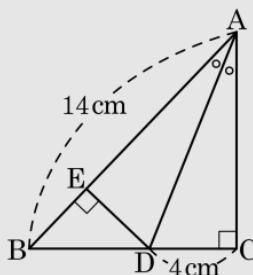
36. 다음 그림과 같이 $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC 에서 $\angle A$ 의 이등분 선이 \overline{BC} 와 만나는 점을 D 라고 한다. $\overline{AB} = 14\text{cm}$, $\overline{DC} = 4\text{cm}$ 일 때, $\triangle ABD$ 의 넓이를 구하면?



- ① 20cm^2
- ② 22cm^2
- ③ 24cm^2
- ④ 26cm^2
- ⑤ 28cm^2

해설

D에서 \overline{AB} 에 수선을 긋고 E라고 하면
 $\triangle AED \cong \triangle ACD$ (RHA 합동)



$$\overline{DE} = 4(\text{cm})$$

$$\therefore \triangle ABD = 14 \times 4 \times \frac{1}{2} = 28(\text{cm}^2)$$