

1. 주사위 2 개를 동시에 던질 때, 나오는 눈의 수의 합이 11 이상인 경우의 수를 구하여라.

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 3 가지

해설

두 눈의 수의 합이 11 일 때 : (5, 6), (6, 5)

두 눈의 수의 합이 12 일 때 : (6, 6)

∴ $2 + 1 = 3$ (가지)

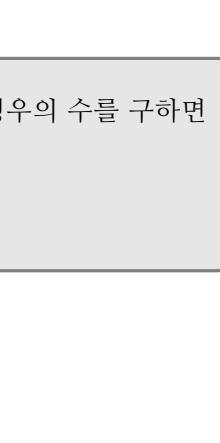
2. A 지점에서 B 지점으로 가는 길이 4 가지, B 지점에서 C 지점으로 가는 길이 5 가지가 있다. A 지점을 출발하여 B 지점을 거쳐 C 지점으로 가는 길은 모두 몇 가지인가?

- ① 14 가지 ② 16 가지 ③ 20 가지
④ 22 가지 ⑤ 24 가지

해설

$$4 \times 5 = 20 \text{ (가지)}$$

3. 다음 그림과 같이 원 위에 서로 다른 여섯 개의 점이 있다. 이 중 두 개의 점을 이어서 만들 수 있는 선분의 개수는?
- ① 10 개 ② 12 개 ③ 15 개 ④ 18 개 ⑤ 20 개



해설

순서에 관계없이 두 개의 점을 선택하는 경우의 수를 구하면 된다.

$$\frac{6 \times 5}{2} = 15 (\text{개})$$

4. 두 사람이 가위바위보를 할 때, 비기는 경우의 수는?

- ① 2 가지 ② 3 가지 ③ 5 가지
④ 6 가지 ⑤ 9 가지

해설

(가위, 가위), (바위, 바위), (보, 보)의 3가지이다.

5. 상자 속에 1에서 15까지 수가 각각 적힌 15개의 공이 들어 있다. 이 상자 속에서 한 개의 공을 꺼낼 때, 소수가 적힌 공이 나올 경우의 수는?

- ① 3가지 ② 4가지 ③ 5가지
④ 6가지 ⑤ 7가지

해설

소수는 2, 3, 5, 7, 11, 13이므로 6가지이다.

6. 어느 패스트푸드점에 햄버거의 종류는 6 가지, 음료수의 종류는 4 가지가 있다고 한다. 영진이는 이 패스트푸드점에서 햄버거를 하나 먹거나 또는 음료수 한 잔을 마시려고 한다. 영진이가 선택할 수 있는 종류는 몇 가지인가?

- ① 24 가지 ② 12 가지 ③ 10 가지
④ 8 가지 ⑤ 6 가지

해설

햄버거의 종류는 6 가지, 음료수의 종류는 4 가지가 있으므로 햄버거 또는 음료수를 주문할 수 있는 경우의 수는 $6+4 = 10$ (가지)이다.

7. 동전 두 개를 동시에 던질 때, 서로 같은 면이 나올 경우의 수는?

- ① 1가지 ② 2가지 ③ 3가지 ④ 4가지 ⑤ 5가지

해설

(앞, 앞), (뒤, 뒤) 의 2가지

8. 초록, 파랑, 보라의 3 가지 색이 있다. 이것으로 다음 그림의 세 부분에 서로 다른 색을 칠하여 구분하는 방법은 몇 가지인가?

- ① 3 가지 ② 4 가지 ③ 6 가지
④ 9 가지 ⑤ 12 가지



해설

$$3 \times 2 \times 1 = 6(\text{가지})$$

9. 학교 체육대회에서 800m 계주 선수로 선미, 수련, 은선, 현진이가 출전하기로 하였다. 현진이를 마지막 주자로 정할 때, 달리는 순서는 몇 가지 방법으로 정할 수 있는지 구하여라.

▶ 답: 가지

▷ 정답: 6 가지

해설

현진이를 맨 뒤에 세워 놓고 선미, 수련, 은선이를 한 줄로 세우는 경우의 수는

$$3 \times 2 \times 1 = 6 (\text{ 가지})$$

10. A, B, C, D, 4 명을 한 줄로 세울 때, A 가 B 의 바로 뒤에 서게 되는 경우의 수는?

- ① 2가지 ② 4가지 ③ 6가지
④ 8가지 ⑤ 12가지

해설

A 와 B 를 묶어서 한 명이라고 생각하고 3 명을 한 줄로 세우는 경우의 수를 구한다.

$$3 \times 2 \times 1 = 6 \text{ (가지)}$$

11. 10 명이 모여 서로 악수를 주고받았다. 한 사람도 빠짐없이 서로 악수를 주고 받았다면 악수는 모두 몇 번 한 것인가?

- ① 10 번 ② 20 번 ③ 45 번
④ 90 번 ⑤ 100 번

해설

서로 한 사람도 빠짐없이 악수를 한 경우의 수는 $\frac{10 \times 9}{2 \times 1} = 45$ (번)이다.

12. 연립방정식 $\begin{cases} x + ay = 1 \\ bx + y = 8 \end{cases}$ 의 그래프를 그렸을 때 교점의 좌표가 $(3, 2)$ 일 때, ab 의 값으로 옳은 것은?

- ① 2 ② 1 ③ 0 ④ -1 ⑤ -2

해설

$(3, 2)$ 를 주어진 연립방정식에 각각 대입하면

$$3 + 2a = 1 \quad \therefore a = -1$$

$$3b + 2 = 8 \quad \therefore b = 2$$

$$\therefore ab = (-1) \times 2 = -2$$

13. 연립방정식 $\begin{cases} x - 2y = 4 \\ 2x + y = 3 \end{cases}$ 의 교점을 지나고 x 축에 평행한 직선의 방정식을 구하면?

- Ⓐ $y = -1$ Ⓑ $x = -1$ Ⓒ $y = 2$
Ⓑ $x = 2$ Ⓓ $x = 4$

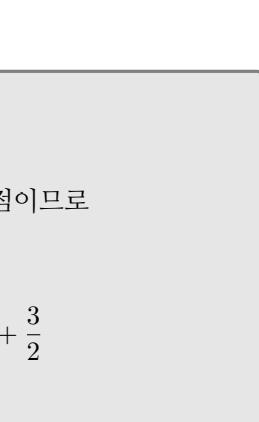
해설

교점은 두 식을 연립하여 풀었을 때의 해이므로 $(2, -1)$ 이 점을 지나고 x 축에 평행한 직선의 식은 $y = -1$

14. 다음 그림과 같이 두 직선 $y = x + 3$ 과 $y = -3x + 6$ 의 x 축과의 교점을 각각 A, B 라 하고 두 직선의 교점을 C라고 하자. 점 C를 지나고 $\triangle ABC$ 의 넓이를 이등분하는 직선 CD의 y 절편은?

- ① -2 ② -1 ③ $\frac{1}{2}$

- ④ 1 ⑤ $\frac{3}{2}$



해설

$$A(-3, 0), B(2, 0), C\left(\frac{3}{4}, \frac{15}{4}\right) \text{ 이고}$$

$\triangle ACD = \triangle BCD$ 일 때 D는 A, B의 중점이므로

$$D\left(-\frac{1}{2}, 0\right)$$

C, D를 지나는 직선의 방정식은 $y = 3x + \frac{3}{2}$

$$\therefore (y\text{절편}) = \frac{3}{2}$$

15. 두 개의 주사위 A, B 를 동시에 던질 때, 나오는 눈의 수의 합이 7 이 되는 경우의 수는?

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

해설

(1, 6), (2, 5), (3, 4), (4, 3), (5, 2), (6, 1) 의 6 가지

16. 다음 숫자 카드 5장을 사용하여 431 보다 큰 3자리 수를 만들려고 할 때의 경우의 수를 구하여라.

1 3 4 6 7

▶ 답: 가지

▷ 정답: 32 가지

해설

- i) 백의 자리 수가 4이고, 431 보다 큰 수는
436, 437, 461, 463, 467, 471, 473, 476 \Rightarrow 8 가지
ii) 백의 자리 수가 6, 7인 경우,
6 $\square\square$ 의 경우 $\rightarrow 4 \times 3 \Rightarrow 12$ 가지
7 $\square\square$ 의 경우 $\rightarrow 4 \times 3 \Rightarrow 12$ 가지

17. 연립방정식 $\begin{cases} x - y = -1 \\ ax + y = -3 \end{cases}$ 과 $\begin{cases} 2x - y = b \\ 3x - 2y = 2 \end{cases}$ 의 해를 그래프를 이용하여 풀었더니 교점의 좌표가 같았다.

이때 a, b 의 값을 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = -2$

▷ 정답: $b = 3$

해설

연립방정식 $\begin{cases} x - y = -1 \\ 3x - 2y = 2 \end{cases}$ 를 풀면 $x = 4, y = 5$ 가 나온다.

x, y 값을 $\begin{cases} ax + y = -3 \\ 2x - y = b \end{cases}$ 에 각각 대입하면 $\begin{cases} 4a + 5 = -3 \\ 8 - 5 = b \end{cases}$

이므로 $a = -2, b = 3$ 이다.

18. 두 직선 $ax - 2y = 2$ 와 $bx + y = -1$ 의 그래프가 일치할 때, 연립방정식 $bx - y = 2$, $ax + 2y = -1$ 의 해를 구하여라. (단, $ab \neq 0$)

- ① $a = -2, b = 3$ ② $a = -1, b = 3$
③ $a = 0, b = 2$ ④ 해는 무수히 많다.

⑤ 해가 없다.

해설

$ax - 2y = 2$ 와 $bx + y = -1$ 이 일치하므로
두 번째 식에 -2 배를 하면
 $-2bx - 2y = 2$ 이다.
 $\therefore a = -2b$
 $bx - y = 2$ 와 $ax + 2y = -1$ 에 각각 대입하여 연립하면 해는
존재하지 않는다.

19. 네 점 O(0, 0), A(6, 2), B(4, 6), C(2, 6)을 꼭짓점으로 하는 □OABC
가 있다. 직선 $y = mx$ 가 \overline{AB} 와 만나도록 정수 m 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

$$\text{점 } (6, 2) \text{ 를 지날 때 } m = \frac{1}{3} \cdots ①$$

$$\text{점 } (4, 6) \text{ 을 지날 때 } m = \frac{3}{2} \cdots ②$$

$$①, ② \text{에서 } \frac{1}{3} \leq m \leq \frac{3}{2}$$

따라서 만족하는 정수 m 의 값은 1이다.

20. A, B 두 개의 주사위를 동시에 던져서 나온 눈의 수를 각각 a, b 라 할 때, 두 직선 $y = ax$ 와 $y = -x + b$ 의 교점의 x 좌표가 2가 되는 경우의 수를 구하여라.

▶ 답: 가지

▷ 정답: 2가지

해설

교점의 x 좌표는 연립방정식의 해 $ax = -x + b$ 에서 $x = 2$ 이므로
 $2a = -2 + b, b = 2a + 2$
 a, b 의 순서쌍 $(1, 4), (2, 6)$
 $\therefore 2$ 가지