

1. 다음  $\boxed{\quad}$  안에 알맞은 식은?  
 $-[4x - 2y - \{x - (3x + \boxed{\quad})\} + 5y] = -6x - 7y$

Ⓐ 4y Ⓑ -4y Ⓒ 3y Ⓓ -3y Ⓕ y

해설

$$\begin{aligned}& -[4x - 2y - \{x - (3x + \boxed{\quad})\} + 5y] \\&= -\{4x - 2y - (-2x - \boxed{\quad}) + 5y\} \\&= -(6x + 3y + \boxed{\quad}) \\&= -6x - 3y - \boxed{\quad} \\&= -6x - 7y\end{aligned}$$

$$\therefore \boxed{\quad} = -6x - 3y + 6x + 7y = 4y$$

2. 다음 식을 간단히 하여라.  
 $3y^2 - [y^2 - \{2y - 5 - (y + 3)\} - 3y^2]$

▶ 답:

▷ 정답:  $5y^2 + y - 8$

해설

$$\begin{aligned} & 3y^2 - [y^2 - \{2y - 5 - (y + 3)\} - 3y^2] \\ &= 3y^2 - \{y^2 - (2y - 5 - y - 3) - 3y^2\} \\ &= 3y^2 - \{y^2 - (y - 8) - 3y^2\} \\ &= 3y^2 - (y^2 - y + 8 - 3y^2) \\ &= 3y^2 - (-2y^2 - y + 8) \\ &= 3y^2 + 2y^2 + y - 8 \\ &= 5y^2 + y - 8 \end{aligned}$$

3. 다음 식을 간단히 나타내면?

$$5x - [3y - \{x - (2x - y)\}]$$

- ①  $x - y$       ②  $2x - y$       ③  $2x - 2y$   
④  $4x - 2y$       ⑤  $4x - 4y$

해설

$$\begin{aligned} & 5x - [3y - \{x - (2x - y)\}] \\ &= 5x - \{3y - (-x + y)\} \\ &= 5x - (3y + x - y) \\ &= 5x - 2y - x = 4x - 2y \end{aligned}$$

4.  $(8x - 2y) \left(-\frac{x}{2}\right)$  를 전개하면?

- ①  $4x^2 + xy$       ②  $4x^2 - xy$       ③  $-4x^2 - xy$   
④  $-4x^2 + xy$       ⑤  $-4x^2 + 2xy$

해설

$$8x \times \left(-\frac{x}{2}\right) - 2y \times \left(-\frac{x}{2}\right) = -4x^2 + xy$$

5.  $(3a - 1)(-a)$ 를 간단히 하였을 때,  $a^2$ 의 계수는?

- ① -3      ② -1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 5

해설

$$3a \times (-a) + (-1) \times (-a) = -3a^2 + a$$

따라서  $a^2$ 의 계수는 -3이다.

6.  $2y^2 - \{-y(y - 4) + 4\}$  를 간단히 한 식에서 2 차항의 계수를  $a$ , 1 차 항의 계수를  $b$ , 상수항을  $c$  라 할 때,  $a + b - c$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$\begin{aligned} & (\text{준식}) \\ & = 2y^2 - (-y^2 + 4y + 4) \\ & = 3y^2 - 4y - 4 \\ & \therefore a + b - c = 3 - 4 - (-4) = 3 \end{aligned}$$

7.  $(3x - 4)^2 + a = 9x^2 + bx + 10$  일 때,  $a + b$  의 값은? (단,  $a, b$  는 양수이다.)

- ① -36      ② -30      ③ -24      ④ -18      ⑤ -12

해설

$$(3x)^2 - 2 \times 3x \times 4 + 4^2 + a$$

$$= 9x^2 - 24x + 16 + a$$

$$16 + a = 10$$

$$a = -6, b = -24$$

$$\therefore a + b = -30$$

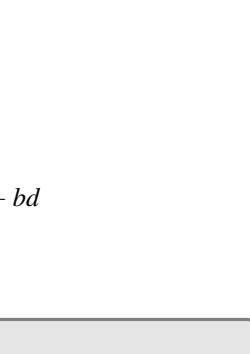
8.  $(3x + y)^2$  을 전개한 것은?

- ①  $3x^2 + 3xy + y^2$     ②  $3x^2 + 6xy + y^2$     ③  $9x^2 + 3xy + y^2$   
④  $9x^2 + 6xy + y^2$     ⑤  $9x^2 + 9xy + y^2$

해설

$$\begin{aligned}(3x + y)^2 &= (3x)^2 + 2 \times 3x \times y + y^2 \\&= 9x^2 + 6xy + y^2\end{aligned}$$

9. 다음 그림에서 정사각형 ABCD 의 넓이는 사각형 P, Q, R, S 의 넓이의 합과 같다. 이 사실을 이용하여 나타낼 수 있는 곱셈 공식을 골라라.



- Ⓐ  $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$   
Ⓑ  $(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$   
Ⓒ  $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$   
Ⓓ  $(x+a)(x+b) = x^2 + (a+b)x + ab$   
Ⓔ  $(ax+b)(cx+d) = acx^2 + (ad+bc)x + bd$

해설

정사각형 ABCD 의 넓이는  $(a+b)^2$  이다.  
P + Q + R + S 는 정사각형 ABCD 의 넓이와 같다.  
 $P = a^2$ ,  $Q = ab$ ,  $R = ab$ ,  $S = b^2$  이다.  
따라서  $(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$  이다.

10.  $(2x - 5)^2 = px^2 + qx + 25$  일 때, 상수  $p, q$ 에 대하여  $p - q$ 의 값은?

- ① 24      ② 30      ③ 36      ④ 42      ⑤ 48

해설

$$(2x)^2 - 2 \times 2x \times 5 + 5^2 = 4x^2 - 20x + 25 \text{ } \circ] \text{므로 } p - q = 4 - (-20) =$$

24

11.  $\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 = x^2 - ax + \frac{9}{4}$  일 때, 상수  $a$ 의 값은?

- ① 9      ② 6      ③ 3      ④ 1      ⑤ 0

해설

$$x^2 - 3x + \frac{9}{4} = x^2 - ax + \frac{9}{4} \text{ } \circ\text{]므로 } a = 3 \text{ 이다.}$$

12.  $(3x - 6y)^2$  을 전개하면  $ax^2 + bxy + cy^2$  이다. 이때, 상수  $a$ ,  $b$ ,  $c$  의 합  $a + b + c$  의 값은?

① 1      ② 3      ③ 5      ④ 7      ⑤ 9

해설

$$(3x)^2 - 2 \times 3x \times 6y + (-6y)^2 = 9x^2 - 36xy + 36y^2 \quad \text{으로 } a+b+c =$$
$$9 + (-36) + 36 = 9$$

13.  $(-2x + 5y)(2x + 5y) - (3x + 4y)(3x - 4y)$  를 간단히 하면?

- ①  $-13x^2 + 41y^2$       ②  $-15x^2 + 16y^2$       ③  $-15x^2 + 31y^2$   
④  $-41x^2 + 10y^2$       ⑤  $-45x^2 + 16y^2$

해설

$$\begin{aligned} & -(2x)^2 + (5y)^2 - \{(3x)^2 + (-4y)^2\} \\ & = -4x^2 + 25y^2 - 9x^2 + 16y^2 \\ & = -13x^2 + 41y^2 \end{aligned}$$

14.  $\left(3a - \frac{1}{2}b\right) \left(3a + \frac{1}{2}b\right)$  를 전개하면?

- ①  $3a^2 - \frac{1}{4}b^2$       ②  $3a^2 - \frac{1}{2}b^2$       ③  $6a^2 - \frac{1}{4}b^2$   
④  $9a^2 - \frac{1}{2}b^2$       ⑤  $9a^2 - \frac{1}{4}b^2$

해설

$$(3a)^2 - \left(\frac{1}{2}b\right)^2 = 9a^2 - \frac{1}{4}b^2$$

15. 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $(x + 9)(x - 9) = x^2 - 81$

②  $\left(y + \frac{1}{3}\right)\left(y - \frac{1}{3}\right) = y^2 - \frac{1}{9}$

③  $(-4 + x)(-4 - x) = x^2 - 16$

④  $(3a + 5)(3a - 5) = 9a^2 - 25$

⑤  $(-x - y)(x - y) = -x^2 + y^2$

해설

③  $(-4 + x)(-4 - x) = 16 - x^2$

16. 다음 보기의 수 중에서 분수  $\frac{a}{15}$  를 유한소수로 만들 수 있는 모든 수의 합을 구하여라.

[보기]

Ⓐ 2 ⓒ 6 Ⓝ 9 Ⓞ 7 Ⓟ 10

Ⓑ 12

▶ 답:

▷ 정답: 27

[해설]

$\frac{a}{15} = \frac{a}{3 \times 5}$  가 유한소수가 되기 위해서는

$a$ 는 3의 배수이어야 하므로  $a = 6, 9, 12$ 이다.

$\therefore 6 + 9 + 12 = 27$

17.  $\frac{5}{360}$ 에 가장 작은 자연수를 곱하여 유한소수로 나타내려고 한다. 이때, 가장 작은 자연수를 구하여라.

① 3      ② 5      ③ 6      ④ 7      ⑤ 9

해설

$\frac{5}{360} = \frac{5}{2^3 \times 3^2 \times 5} = \frac{1}{2^3 \times 3^2}$  이므로 가장 작은 자연수를 곱하여 유한소수로 나타내려면 9를 곱하면 된다.

18.  $a \nmid 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7$ 의 값을 가질 때, 분수  $\frac{a}{150}$  가 유한소수가 되도록 하는  $a$ 의 값의 합은?

- ① 3      ② 6      ③ 8      ④ 9      ⑤ 16

해설

$\frac{a}{150} = \frac{a}{2 \times 3 \times 5^2}$  가 유한소수가 되기 위해서는

$a$ 는 3의 배수이어야 하므로  $a = 3, 6$ 이다.

$\therefore 3 + 6 = 9$

19.  $0.\dot{2}0\dot{7} = 207 \times \square$  일 때,  $\square$  안에 알맞은 순환소수는?

- ① 0.001    ② 0.00i    ③ 0.00i    ④ 0.00i    ⑤ 0.i0i

해설

$$0.\dot{2}0\dot{7} = \frac{207}{999} = 207 \times \frac{1}{999} = 207 \times 0.001$$

20.  $x = 2.38$  이라 할 때,  $100x - x$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 236

해설

$100x - x = 238 - 2 = 236$  이다.

21. 순환소수  $4.\dot{2}\dot{3}$  를 분수로 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{127}{30}$

해설

$$4.\dot{2}\dot{3} = \frac{423 - 42}{90} = \frac{381}{90} = \frac{127}{30}$$

22.  $(8x^3y^2)^2 \div (-4x^2y)^3 \times \boxed{\quad} = 3y$  일 때,  $\boxed{\quad}$  안에 들어갈 수를 써넣으라.

▶ 답:

▷ 정답: -3

해설

$$\frac{64x^6y^4}{-64x^6y^3} \times \boxed{\quad} = 3y$$

$$-y \times \boxed{\quad} = 3y$$

$$\boxed{\quad} = 3y \div (-y)$$

$$\therefore \boxed{\quad} = -3$$

23.  $12x^3y^2 \div (-4x^2y) \times \boxed{\quad} = 9x^2y^4$  일 때,  $\boxed{\quad}$  안에 알맞은 식을 고르면?

- ①  $-3^3y$       ②  $-3xy^3$       ③  $x^2y$   
④  $xy^2$       ⑤  $3xy^3$

해설

$$\begin{aligned} 12x^3y^2 \div (-4x^2y) \times \boxed{\quad} &= -3xy \times \boxed{\quad} \\ &= 9x^2y^4 \end{aligned}$$

$$\therefore \boxed{\quad} = \frac{9x^2y^4}{-3xy} = -3xy^3$$

24.  $(-2x^4y)^2 \div (-x^3y^2)^3 \times \boxed{\quad} = 8x$  일 때,  $\boxed{\quad}$  안에 들어갈 식을 고르면?

- ①  $32x^4$       ②  $-2x^2$       ③  $2x^2y^3$   
④  $-2x^2y^4$       ⑤  $2xy^3$

해설

$$\begin{aligned}\boxed{\quad} &= 8x \div (-2x^4y)^2 \times (-x^3y^2)^3 \\ &= 8x \div (4x^8y^2) \times (-x^9y^6) \\ &= -2x^2y^4\end{aligned}$$

25.  $\frac{2x+y}{4} + \frac{x-3y}{3} = ax+by$  일 때, 상수  $a, b$ 의 합  $a+b$ 의 값은?

- ①  $\frac{1}{12}$       ②  $\frac{1}{6}$       ③  $\frac{1}{4}$       ④  $\frac{1}{3}$       ⑤  $\frac{5}{12}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{2x+y}{4} + \frac{x-3y}{3} &= \frac{3(2x+y)}{12} + \frac{4(x-3y)}{12} \\&= \frac{6x+3y}{12} + \frac{4x-12y}{12} \\&= \frac{6x+3y+4x-12y}{12} \\&= \frac{10x-9y}{12} \\&= \frac{10}{12}x - \frac{9}{12}y \\&\therefore a+b = \frac{10}{12} + \left(-\frac{9}{12}\right) = \frac{1}{12}\end{aligned}$$

26.  $\frac{2x+y}{4} + \frac{x+3y}{9} = ax+by$  일 때, 상수  $a, b$ 의 합  $a+b$ 의 값은?

- ①  $\frac{41}{36}$       ②  $\frac{7}{6}$       ③  $\frac{43}{36}$       ④  $\frac{11}{9}$       ⑤  $\frac{5}{4}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{2x+y}{4} + \frac{x+3y}{9} &= \frac{9(2x+y)}{36} + \frac{4(x+3y)}{36} \\&= \frac{18x+9y}{36} + \frac{4x+12y}{36} \\&= \frac{18x+9y+4x+12y}{36} \\&= \frac{22x+21y}{36} \\&= \frac{22}{36}x + \frac{21}{36}y\end{aligned}$$

$$\therefore a+b = \frac{22}{36} + \frac{21}{36} = \frac{43}{36}$$

27.  $\frac{2x+y}{3} + \frac{x-2y}{2}$  를 간단히 하면?

①  $2x+15y$

④  $x+4y$

②  $\frac{1}{6}x + \frac{5}{4}y$

⑤  $\frac{5}{4}x - \frac{1}{6}y$

③  $\frac{7}{6}x - \frac{2}{3}y$

해설

$$\begin{aligned}\frac{2x+y}{3} + \frac{x-2y}{2} &= \frac{2(2x+y)}{6} + \frac{3(x-2y)}{6} \\&= \frac{4x+2y}{6} + \frac{3x-6y}{6} \\&= \frac{4x+2y+3x-6y}{6} \\&= \frac{7x-4y}{6} \\&= \frac{7}{6}x - \frac{2}{3}y\end{aligned}$$

28.  $(2x+y-2)(3x+2y+4)$ 를 전개하여 간단히 했을 때,  $xy$ 의 계수는?

- ① 5      ② 6      ③ 7      ④ 8      ⑤ 9

해설

전개했을 때  $xy$  항이 나오는 경우만 계산해 보면  $2x \times 2y + y \times 3x =$

$7xy$

따라서  $xy$ 의 계수는 7이다.

29.  $(3x - 5)(2x + 3) = Ax^2 + Bx + C$ 에서 상수  $A, B, C$ 의 합  $A + B + C$ 의 값은?

- ① -12      ② -11      ③ -10      ④ -9      ⑤ -8

해설

$$\begin{aligned}(3x - 5)(2x + 3) \\&= 6x^2 + 9x + (-10x) + (-15) \\&= 6x^2 - x - 15 \\&\therefore A + B + C = 6 + (-1) + (-15) = -10\end{aligned}$$

30.  $(2x+3)(3x-1) = Ax^2 + Bx + C$ 에서 상수  $A, B, C$ 의 합  $A+B+C$ 의 값은?

- ① -10      ② -5      ③ 0      ④ 5      ⑤ 10

해설

$$\begin{aligned}(2x+3)(3x-1) \\= 6x^2 + (-2x) + 9x + (-3) \\= 6x^2 + 7x - 3 \\∴ A + B + C = 6 + 7 + (-3) = 10\end{aligned}$$

31. 순환소수  $-1.\dot{2}3\dot{1}4\dot{5}\cdots$  의 순환마디 갯수를  $a$ , 소수점 아래 100 번째 자리의 숫자를  $b$  라 할 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$-1.\dot{2}3\dot{1}4\dot{5}$ 이므로 순환마디의 숫자 4개  
 $100 - 1 = 4 \times 24 + 3$ 이므로 소수점 아래 100번째 자리의 숫자는  
4이다.  
 $\therefore a + b = 8$

32. 순환소수  $3.\dot{1}\dot{2}40\dot{5}$ 의 순환마디 갯수를  $a$ , 소수점 아래 50번째 자리의 숫자를  $b$  라 할 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$3.\dot{1}\dot{2}40\dot{5}$ 이므로 순환마디의 숫자 4개  
 $50 - 1 = 4 \times 12 + 1$ 이므로 소수점 아래 50번째 자리의 숫자는  
2이다.  
 $\therefore a + b = 6$

33. 순환소수  $3.\dot{4}5\dot{7}$ 의 소수점 아래 100번째 자리의 숫자를  $a$ , 순환소수  $0.23\dot{4}\dot{5}$ 의 소수점 아래 100번째 자리의 숫자를  $b$ 라 할 때,  $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

$3.\dot{4}5\dot{7}$ 이므로 순환마디의 숫자 3개

$100 = 3 \times 33 + 1$ 이므로  $a = 4$

$0.23\dot{4}\dot{5}$ 이므로 순환마디의 숫자 2개

$100 - 2 = 2 \times 49$ 이므로  $b = 5$

$\therefore a + b = 9$

34. 다음은 순환소수  $0.\dot{7}\dot{5}\dot{8}$  을 분수로 나타내는 과정이다.  안에 알맞은 수를 차례대로 써 넣어라.

순환소수  $0.\dot{7}\dot{5}\dot{8}$  을  $x$  로 놓으면  
 $x = 0.75858\cdots$

$$\begin{array}{r} \boxed{\phantom{0}}x = 758,5858\cdots \\ -) \boxed{\phantom{0}}x = 7,5858\cdots \\ \hline \boxed{\phantom{0}}x = 751 \end{array}$$

따라서  $x = \frac{751}{990}$  이다.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 1000

▷ 정답: 10

▷ 정답: 990

해설

순환소수  $0.\dot{7}\dot{5}\dot{8}$  을  $x$  로 놓으면  
 $x = 0.75858\cdots$

$$\begin{array}{r} 1000x = 758,5858\cdots \\ -) 10x = 7,5858\cdots \\ \hline 990x = 751 \end{array}$$

따라서  $x = \frac{751}{990}$  이다.

35. 다음 중 순환소수를  $x$ 로 놓고 분수로 고칠 때, 식  $1000x - 10x$ 가 가장 편리하게 사용되는 것은?

- ①  $0.\dot{3}1$     ②  $0.\dot{8}$     ③  $0.2\dot{5}\dot{8}$     ④  $2.\dot{5}\dot{7}$     ⑤  $0.\dot{7}5\dot{6}$

해설

③  $1000x$ 와  $10x$ 의 소수점 아래 부분이 일치하는  $0.2\dot{5}\dot{8}$ 을 분수로 고칠 때 가장 편리한 식이 된다.

36.  $x = 1.2\dot{3}\dot{7}$  을 분수로 나타내려고 할 때, 가장 편리한 계산식은?

- ①  $10x - x$       ②  $100x - 10x$       ③  $1000x - x$   
④  $\textcircled{④} 1000x - 10x$       ⑤  $1000x - 100x$

해설

$$\begin{array}{r} 1000x=1237.3737\cdots \\ -) \quad 10x= \quad 12.3737\cdots \\ \hline 990x=1225 \end{array}$$

37.  $2^{13} \times 5^{15}$  이]  $n$  자리의 자연수일 때,  $n$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$$\begin{aligned}2^{13} \times 5^{15} &= 2^{13} \times 5^{13} \times 5^2 \\&= (2 \times 5)^{13} \times 5^2 \\&= 25 \times 10^{13}\end{aligned}$$

따라서 15자리의 수이므로  $n = 15$  이다.

38.  $2^{13} \times 5^{15}$  은 몇 자리의 수인지 구하여라.

▶ 답: 자리 수

▷ 정답: 15 자리 수

해설

$$2^{13} \times 5^{13} \cdot 5^2 = (2 \times 5)^{13} \times 5^2 = 25 \times 10^{13}$$

따라서 15자리의 수이다.

39.  $2^7 \times 5^4$  이  $n$  자리의 자연수일 때,  $n$ 의 값은?

- ① 3      ② 4      ③ 5      ④ 6      ⑤ 7

해설

$$2 \times 5 = 10$$
 이므로

$$2^7 \times 5^4 = 2^3 \times 2^4 \times 5^4 = 2^3 \times 10^4 = 8 \times 10000$$

따라서 5 자리의 자연수이다.

40.  $128^{2a-1} \div 16^{a+2} = 8^{3a-4}$  를 만족하는  $a$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$(2^7)^{2a-1} \div (2^4)^{a+2} = (2^3)^{3a-4}$$

$$7(2a-1) - 4(a+2) = 3(3a-4)$$

$$14a - 7 - 4a - 8 = 9a - 12$$

$$10a - 9a = -12 + 15$$

$$\therefore a = 3$$

41. 다음 세 수의 크기를 비교하여 큰 순서대로 나열하여라.

$$2^{81}, 3^{63}, 5^{36}$$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $3^{63}$

▷ 정답:  $5^{36}$

▷ 정답:  $2^{81}$

해설

$81 = 3^4$ ,  $63 = 3^2 \times 7$ ,  $36 = 2^2 \times 3^2$  이므로  
세 수의 최대공약수는  $3^2 = 9$  이다.

따라서

$$2^{81}, 3^{63}, 5^{36}$$

$(2^9)^9, (3^7)^9, (5^4)^9$ 에서

$2^9 < 5^4 < 3^7$  이므로 세 수의 크기는  $2^{81} < 5^{36} < 3^{63}$

$$\therefore 3^{63}, 5^{36}, 2^{81}$$

42.  $2^{x+4} = 4^{2x-1}$  이 성립할 때,  $x$ 의 값은?

- ① -1      ② 1      ③ 2      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$2^{x+4} = 2^{2(2x-1)}$$

$$x + 4 = 2(2x - 1)$$

$$3x = 6$$

$$\therefore x = 2$$

43.  $(x+y)^2 + (x-y)^2$  을 간단히 정리하면?

- ①  $x^2 + y^2$   
②  $x^2 + 2xy + y^2$   
③  $2x^2 + 2y^2$   
④  $2x^2 + xy + 2y^2$   
⑤  $2x^2 + 2xy + 2y^2$

해설

$$(x^2 + 2xy + y^2) + (x^2 - 2xy + y^2) = 2x^2 + 2y^2$$

44.  $\left(x - \frac{A}{3}\right)^2$  을 전개한 식이  $x^2 + Bx + \frac{1}{9}$  일 때,  $A^2 + 9B^2$  의 값을 구하라. (단,  $A, B$  는 상수)

- ①  $\frac{1}{9}$       ②  $\frac{1}{3}$       ③ 1      ④ 3      ⑤ 5

해설

$$x^2 - 2 \times x \times \frac{A}{3} + \left(\frac{A}{3}\right)^2 = x^2 - \frac{2}{3}Ax + \frac{A^2}{9}$$

$$A^2 = 1, B^2 = \frac{4}{9}A^2$$

$$\therefore A^2 + 9B^2 = 1 + 9 \times \frac{4}{9} = 5$$

45. 다음 중 나머지 넷과 다른 하나는?

$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} \left(3x - \frac{5}{2}y\right)^2 & \textcircled{2} \left(\frac{5}{2}y - 3x\right)^2 \\ \textcircled{3} -\left(-\frac{5}{2}y + 3x\right)^2 & \textcircled{4} \left\{-\left(3x - \frac{5}{2}y\right)\right\}^2 \\ \textcircled{5} \left(3x + \frac{5}{2}y\right)^2 - 30xy \end{array}$$

해설

$$\textcircled{1}, \textcircled{2}, \textcircled{4}, \textcircled{5} : 9x^2 - 15x + \frac{25}{4}y^2$$

$$\textcircled{3} : -9x^2 + 15x - \frac{25}{4}y^2$$

46. 0 이 아닌 정수  $a, b$ 에 대하여  $|a| < 4, |b| < 4, |a| \neq |b|$ 이고  $a > b, ab \neq 0$ 이다.  $x = a + b$ 이고  $x^2 + x - 2 = (x - 1)(x + 2)$  일 때, 자연수  $n$ 에 대하여  $x^{n+3} + x^{n+2} - 2x^{n+1} = 0$ 을 만족하는 순서쌍  $(a, b)$ 는 몇 개인지 구하여라.

▶ 답:

3 개

▷ 정답: 3 개

해설

$x^{n+3} + x^{n+2} - 2x^{n+1} = 0$ 에서  
 $x^{n+1}(x^2 + x - 2) = 0, x^{n+1} \neq 0$   
( $\because a \neq 0, b \neq 0, |a| \neq |b|$ ) 이므로  
 $x^2 + x - 2 = 0$   
 $x^2 + x - 2 = (x - 1)(x + 2)$  이므로  
 $x = a + b$ 를 대입하면  
 $(a + b - 1)(a + b + 2) = 0$   
 $\therefore a + b = 1$  또는  $a + b = -2$   
이 때  $|a| < 4, |b| < 4, a > b, |a| \neq |b|, ab \neq 0$  이므로  
 $(a, b) = (2, -1), (3, -2), (1, -3)$   
따라서 3 개이다.

47.  $(x - 1)^{99}$  을 전개했을 때,  $x^{49}$  의 계수를  $a$ ,  $x^{50}$  의 계수를  $b$  라 할 때  $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

$(x - 1)^{99}$  의 전개식에서 항은 100 개이고 계수들은 좌우대칭이 된다. 따라서  $x^{49}$  의 계수와  $x^{50}$  의 계수는 절댓값이 같고, 부호만 다르다.

$$\therefore a + b = 0$$

48.  $(3 + 2x + x^2 + 3x^3)^2$  을 전개하였을 때,  $x^9$  의 계수를 제외한 각 항의 계수들의 총합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 72

해설

$x = 1$  을 대입하면  
 $(3 + 2 + 1 + 3)^2 = 9^2 = 81$  이고  
전개한 식의  $x^9$  의 계수는  $3^2 = 9$  이다.  
따라서  $x^9$  의 계수를 제외한 각 항의 계수들의 총합은  $81 - 9 = 72$  이다.