

stress test

1. 다음 중 $(ab^2)^2 \div (-2b)^2$ 을 바르게 계산한 것을 골라라.

- ㉠ $\frac{(ab^2)^2 \div (-2b)^2}{a^2b^{4-2}} = \frac{a^2b^4 \div 4b^2}{4} = \frac{a^2b^2}{4}$
- ㉡ $(ab^2)^2 \div (-2b)^2 = ab^4 \times \frac{1}{(-2b)^2} = ab^4 \times \frac{1}{4b^2} = \frac{ab^6}{4}$
- ㉢ $(ab^2)^2 \div (-2b)^2 = a^2b^4 \div (-2b^2) = -2a^2b^{4-2} = -2a^2b^2$
- ㉣ $(ab^2)^2 \div (-2b)^2 = a^2b^4 \times \frac{1}{4b^2} = \frac{a^2}{4b^2}$

[배점 2, 하중]

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉠

해설

$$(ab^2)^2 \div (-2b)^2 = a^2b^4 \div 4b^2 = \frac{a^2b^{4-2}}{4} = \frac{a^2b^2}{4}$$

이므로 ㉠이다.

2. 다음 식 중에서 이차식을 모두 고르면?

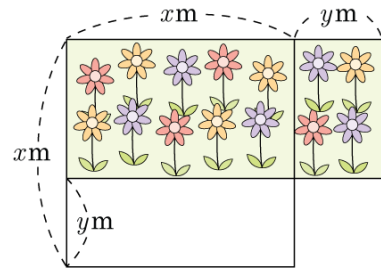
[배점 2, 하중]

- ㉠ $3(2a^2 - 1)$
- ㉡ $1 + \frac{1}{x^2}$
- ㉢ $6a^2 - a + 1 - 6a^2$
- ㉣ $x\left(x - \frac{1}{x}\right) - x^2 + 1$
- ㉤ $\frac{1}{2}y^2 - \frac{1}{2}y - 1$

해설

$$3(2a^2 - 1) = 6a^2 - 3$$

3. 아람이네 가족은 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 x m 인 정사각형의 꽃밭을 가로 길이는 y m($x > y$) 늘이고, 세로 길이는 y m 줄여서 새로운 꽃밭을 만들기로 하였다. 꽃밭의 넓이는?



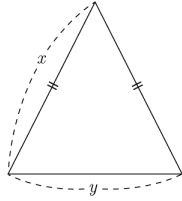
[배점 2, 하중]

- ㉠ $(x + y)^2 = x^2 + 2xy + y^2(\text{m}^2)$
- ㉡ $(x - y)^2 = x^2 - 2xy + y^2(\text{m}^2)$
- ㉢ $(x + y)(x - y) = x^2 - y^2(\text{m}^2)$
- ㉣ $(x + y)(x - y) = x^2 + y^2(\text{m}^2)$
- ㉤ $(x + y)(x + y) = x^2 + y^2(\text{m}^2)$

해설

새로운 꽃밭의 가로 길이는 $(x + y)$ m, 세로 길이는 $(x - y)$ m
 꽃밭의 넓이 : $(x + y)(x - y) = x^2 - y^2(\text{m}^2)$

4. 길이가 16 인 끈으로 다음 그림과 같은 이등변삼각형을 만들었다. y 를 x 에 관한 식으로 나타내어라.



[배점 2, 하중]

▶ 답 :

▷ 정답 : $y = -2x + 16$

해설

이등변삼각형은 두 변의 길이가 같으므로 $x + x + y = 16$, 즉 $2x + y = 16$ 이다.
 $2x$ 를 우변으로 옮기면 $y = -2x + 16$ 이다.

5. 다음 식을 계산하면?

$$\frac{3}{7}x^4 \times \frac{7}{12}x^3y \div \left(-\frac{1}{4}xy^2\right)$$

[배점 3, 하상]

- ① $-\frac{x^6}{y}$ ② $-\frac{x^4}{y^2}$ ③ $\frac{x^4}{y^2}$
 ④ $\frac{x^6}{y}$ ⑤ $\frac{x^6}{y^2}$

해설

$$\begin{aligned} & \frac{3}{7}x^4 \times \frac{7}{12}x^3y \div \left(-\frac{1}{4}xy^2\right) \\ &= \frac{3}{7}x^4 \times \frac{7}{12}x^3y \times \left(-\frac{4}{xy^2}\right) \\ &= -\frac{x^6}{y} \end{aligned}$$

6. 다음 중 옳지 않은 것은?

[배점 3, 하상]

- ① $-a \times (-a^3)^2 \times (-a^2) = a^9$
 ② $xy^2 \times (-x^3y)^2 = x^7y^4$
 ③ $(-a^2)^3 \times (-a^4)^2 = -a^{14}$
 ④ $-x^{10} \div (-x^5) \times (-x^3) = -x^5$
 ⑤ $\left(-\frac{y^2}{x}\right)^3 = -\frac{y^6}{x^3}$

해설

$-x^{10} \div (-x^5) \times (-x^3) = -x^8$ 이므로 ④가 답이다.

7. $2y - [x + y - \{2x - (5x + 3y)\}]$ 를 간단히 하면?

[배점 3, 하상]

- ① $-5x - 2y$ ② $-4x - 2y$ ③ $x + 3y$
 ④ $2x - 5y$ ⑤ $4x + 3y$

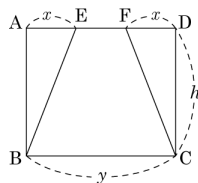
$$\begin{aligned} & 2y - \{x + y - (2x - 5x - 3y)\} \\ &= 2y - \{x + y - (-3x - 3y)\} \\ &= 2y - (x + y + 3x + 3y) \\ &= 2y - 4x - 4y = -4x - 2y \end{aligned}$$

8. $2a = x + 1$ 일 때, $2x - a + 2$ 를 a 에 관한 식으로 나타내면? [배점 3, 하상]

- ① $a + 1$ ② $3a - 4$ ③ $3a$
- ④ a ⑤ $5a$

$2a = x + 1$ 을 x 로 정리하면 $x = 2a - 1$
주어진 식에 대입하면
 $2(2a - 1) - a + 2 = 3a$

9. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 직사각형이다. $\square EBCF$ 의 넓이를 S 라 할 때, h 를 S, x, y 의 식으로 나타내어라.
(단, $\overline{AE} = \overline{FD} = x, \overline{BC} = y, \overline{CD} = h$)



[배점 3, 하상]

▶ 답 :

▷ 정답 : $h = \frac{S}{y-x}$

$$S = \frac{(y - 2x + y)h}{2} \Rightarrow h = \frac{S}{y - x}$$

10. 다음 중 결과가 나머지 것과 다른 것을 골라라.

- $$\begin{array}{ll} \textcircled{1} & a^{2+2+2} \\ \textcircled{2} & (a^2)^2 \times a^2 \\ \textcircled{3} & (a^2)^3 \end{array} \qquad \begin{array}{l} \textcircled{4} \quad a^2 \times a^3 \\ \textcircled{5} \quad a^2 \times a^3 \times a \end{array}$$

[배점 3, 중하]

▶ 답:

▶ 정답 : ㉠

- Ⓐ $a^{2+2+2} = a^6$
- Ⓑ $a^2 \times a^3 = a^{2+3} = a^5$
- Ⓒ $(a^2)^2 \times a^2 = a^4 \times a^2 = a^6$
- Ⓓ $a^2 \times a^3 \times a = a^{2+3+1} = a^6$
- Ⓔ $(a^2)^3 = a^6$

11. 다음 중 계산 결과가 옳지 않은 것은?

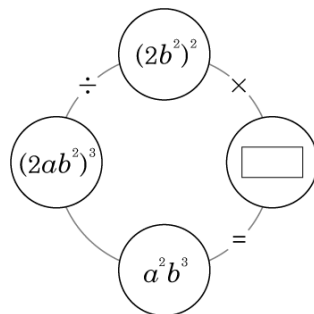
[배점 3, 중하]

- ① $(-2xy^2) \times (3x)^2 \div (6y)^2 = -\frac{x^3}{2}$
 ② $14a^2 \div (-2b^2)^2 \times (2ab^2)^2 = 14a^4$
 ③ $\left(\frac{2}{3}a^2\right)^2 \times (3b^2)^2 \div (4ab^2)^2 = \frac{a^2}{4}$
 ④ $(10a)^2 \times (-ab^2)^2 \div \left(-\frac{1}{3}ab^2\right)^2 = 25a^2$
 ⑤ $(-4x^2y) \div \left(-\frac{2}{3}y^2\right) \times (2xy^2)^3 = 48x^5y^5$

해설

- ① $(-2xy^2) \times 9x^2 \times \frac{1}{36y^2} = -\frac{x^3}{2}$
 ② $14a^2 \div 4b^4 \times 4a^2b^4 = 14a^4$
 ③ $\frac{4}{9}a^4 \times 9b^4 \times \frac{1}{16a^2b^4} = \frac{a^2}{4}$
 ④ $(10a)^2 \times (-ab^2)^2 \div \left(-\frac{1}{3}ab^2\right)^2$
 $= 100a^2 \times a^2b^4 \div \frac{1}{9}a^2b^4 = 900a^2$
 ⑤ $(-4x^2y) \times \left(-\frac{3}{2y^2}\right) \times 8x^3y^6 = 48x^5y^5$

12. 다음 안에 알맞은 수를 써넣어라.



[배점 3, 중하]

▶ 답:

▶ 정답: $\frac{b}{2a}$

해설

그림은 원으로 둘러 싸인 식을 정리하면

$(2ab^2)^3 \div (2b^2)^2 \times \square = a^2b^3$ 이다.

$(2ab^2)^3 \div (2b^2)^2 \times \square = a^2b^3$ 을 정리하면

$\square = a^2b^3 \times (2b^2)^2 \div (2ab^2)^3$ 이다.

$a^2b^3 \times 4b^4 \div 8a^3b^6 = 4a^2b^7 \div 8a^3b^6 = \frac{b}{2a}$ 이므로

$\square$ 는 $\frac{b}{2a}$ 이다.

13. 다음 중 옳은 것은?

[배점 3, 중하]

- ① $(-1)^2 \times (-1)^4 = (-1)^8$
 ② $3^2 \times 3^3 = 3^6$
 ③ $(-2) \times (-2)^3 = (-2)^3$
 ④ $4^3 \times 4^2 = 4^5$
 ⑤ $(-3)^2 \times (-3) = 3^2$

해설

- ① $(-1)^2 \times (-1)^4 = (-1)^{2+4} = (-1)^6$
 ② $3^2 \times 3^3 = 3^{2+3} = 3^5$
 ③ $(-2) \times (-2)^3 = (-2)^{1+3} = (-2)^4$
 ⑤ $(-3)^2 \times (-3) = 3^{2+1} = 3^3$

14. 안에 들어갈 가장 간단한 식을 구하여라.

$$x + 4y - \{2x - (3y - \square + y) + y\} = 5x - (3x + 2y)$$

[배점 3, 중하]

▶ 답:

▶ 정답: $-3x + 9y$

해설

$$\begin{aligned}
 & x + 4y - \{2x - (3y - \square + y) + y\} \\
 &= x + 4y - (2x - 3y + \square - y + y) \\
 &= x + 4y - (2x - 3y + \square) \\
 &= -x + 7y - \square \\
 &-x + 7y - \square = 5x - 3x - 2y = 2x - 2y \\
 \therefore \square &= -x + 7y - 2x + 2y = -3x + 9y
 \end{aligned}$$

15. 다음 계산 중 옳은 것을 모두 고르면?

[배점 3, 중하]

- ① $-(a - 5b) = a + 5b$
 ② $-x(-3x + y) = 3x^2 - xy$
 ③ $2x(3x - 6) = 6x^2 - 6x$
 ④ $3x(2x - 3y) - 2y(x + y) = 6x^2 - 11xy - 2y^2$
 ⑤ $-x(x - y + 2) + 3y(2x + y + 4) = -x^2 + 7xy - 2x + 3y^2 + 12y$

해설

- ① $-(a - 5b) = -a + 5b$
 ③ $2x(3x - 6) = 6x^2 - 12x$

16. 다음 조건을 만족할 때, 상수 A, B, C, D, E 의 값이 아닌 것은?

$$\begin{aligned}
 \textcircled{1} & 4(x^2 - 3x) - (3x^2 - 6x + 7) = Ax^2 + Bx - 7 \\
 \textcircled{2} & \frac{2x^2 - 3x + 1}{Cx^2 + Dx + E} - \frac{x^2 - 2x + 3}{3} = \frac{2}{6}
 \end{aligned}$$

[배점 3, 중하]

- ① $A = 1$ ② $B = -6$ ③ $C = 4$
 ④ $D = -5$ ⑤ $E = 3$

해설

$$\begin{aligned}
 \textcircled{1} & 4(x^2 - 3x) - (3x^2 - 6x + 7) \\
 &= 4x^2 - 12x - 3x^2 + 6x - 7 \\
 &= x^2 - 6x - 7 \\
 &\text{즉, } Ax^2 + Bx - 7 = x^2 - 6x - 7 \text{ 이다.} \\
 &\text{따라서 } A = 1, B = -6 \text{ 이다.} \\
 \textcircled{2} & \frac{2x^2 - 3x + 1}{2} - \frac{x^2 - 2x + 3}{3} = \frac{2}{6} \\
 &= \frac{3(2x^2 - 3x + 1)}{6} - \frac{2(x^2 - 2x + 3)}{6} \\
 &= \frac{6x^2 - 9x + 3}{6} - \frac{2x^2 - 4x + 6}{6} \\
 &= \frac{6x^2 - 9x + 3 - (2x^2 - 4x + 6)}{6} \\
 &= \frac{6x^2 - 9x + 3 - 2x^2 + 4x - 6}{6} \\
 &= \frac{4x^2 - 5x - 3}{6} \\
 &\text{즉, } \frac{Cx^2 + Dx + E}{6} = \frac{4x^2 - 5x - 3}{6} \text{ 이다.} \\
 &\text{따라서 } C = 4, D = -5, E = -3 \text{ 이다.}
 \end{aligned}$$

17. $2^6 \div 2^a = \frac{1}{8}$, $8 \div 2^b \times 64 = 8$ 일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

[배점 4, 중중]

▶ 답 :

▷ 정답 : 15

해설

$$2^6 = 2^a \times \frac{1}{8} = 2^{a-3} \text{ 이므로 } a = 9 \text{ 이다.}$$

$$2^{3-b+6} = 2^3 \text{ 이므로 } b = 6 \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } a + b = 9 + 6 = 15 \text{ 이다.}$$

18. $(\frac{3}{2}xy)^2 \div (-\frac{3}{4}x^ay)^2 \times (-\frac{3}{2}x^3y^b) = -6x^3y^4$ 일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

[배점 4, 중중]

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

$$\frac{9}{4}x^2y^2 \times \frac{16}{9x^{2a}y^2} \times (-\frac{3}{2}x^3y^b)$$

$$= -6x^{2-2a+3}y^{2-2+b} = -6x^3y^4$$

$$2 - 2a + 3 = 3 \quad \therefore a = 1$$

$$b = 4$$

$$\therefore a + b = 5$$

19. $4x^4 \div x^2 \div (2x)^3$ 을 간단히 하여라. [배점 4, 중중]

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{1}{2x}$

해설

$$4x^4 \times \frac{1}{x^2} \times \frac{1}{8x^3} = \frac{4x^4}{8x^5} = \frac{1}{2x}$$

20. 곱셈 공식을 이용하여 14.98×15.02 를 계산하려고 한다. 다음 중 가장 이용하기 편리한 곱셈 공식을 고르면?

[배점 4, 중중]

① $(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$

② $(x + a)^2 = x^2 + 2ax + a^2$

③ $(x - a)^2 = x^2 - 2ax + a^2$

④ $(x + a)(x - a) = x^2 - a^2$

⑤ $(ax + b)(cx + d) = acx^2 + (ad + bc)x + bd$

해설

$$14.98 \times 15.02 = (15 - 0.02)(15 + 0.02)$$

$$= 15^2 - 0.02^2$$

$$= 225 - 0.0004$$

$$= 224.9996$$

따라서 $(x + a)(x - a) = x^2 - a^2$ 을 사용한다.

21. 밑면의 둘레의 길이가 $2a\pi$ 인 원기둥의 부피가 $10(a^3b + a^2)\pi$ 일 때, 이 원기둥의 높이 h 를 구하여라.

[배점 4, 중중]

▶ 답 :

▷ 정답 : $10ab + 10$

해설

$$\begin{aligned} a^2\pi \times h &= 10(a^3b + a^2)\pi \\ \therefore h &= 10(a^3b + a^2)\pi \times \frac{1}{a^2\pi} = 10ab + 10 \end{aligned}$$

22. n 이 짝수일 때, $(-4)^3 \div (-2)^m = -2^{n-6}$ 이다. 이 때, $m + n$ 의 값을 구하여라.

[배점 5, 중상]

▶ 답 :

▷ 정답 : 12

해설

$$\begin{aligned} (-4)^3 \div (-2)^m &= -2^{n-6} \\ -2^6 &= -2^{n-6} \times (-2)^m \\ 2^6 &= 2^{n-6} \times (-2)^m \\ \text{좌변이 양수이므로 우변도 양수이어야 한다.} \\ \text{따라서 } m \text{도 짝수이므로 } (-2)^m &= 2^m, \\ 2^6 &= 2^{n-6} \times 2^m = 2^{n-6+m} \\ n - 6 + m &= 6 \\ \therefore m + n &= 12 \end{aligned}$$

23. 다음 등식을 만족하는 a, b 에 대하여 $2a - 3b$ 의 값은? (단, n 은 자연수)

$$\begin{aligned} 2^a \times 4^2 \div 8 &= 2^5 \\ (-1)^{n+2} \times (-1)^{n+3} &= b \end{aligned}$$

[배점 5, 중상]

- ① 11 ② -11 ③ -5
④ 5 ⑤ 8

해설

$$\begin{aligned} \text{첫 번째 식} \\ : 2^a \times 2^4 \div 2^3 &= 2^{a+4-3} = 2^5 \therefore a = 4 \\ \text{두 번째 식} \\ : (-1)^{n+2+n+3} &= (-1)^{2n+5} = b \therefore b = -1 \\ \therefore 2a - 3b &= 8 + 3 = 11 \end{aligned}$$

24. 두 다항식 A, B 에 대하여 $A * B = A - 2B$ 라 정의하자. $A = x^2 - 4x + 2, B = x^2 + 3x - 5$ 에 대하여 $(A * B) * B$ 를 간단히 하면? [배점 5, 중상]

- ① $-3x^2 - 16x - 22$ ② $-3x^2 - 16x + 22$
③ $2x^2 - 14x + 21$ ④ $2x^2 - 15x + 22$
⑤ $3x^2 + 14x + 22$

해설

$$\begin{aligned} (A * B) * B &= (A - 2B) - 2B = A - 4B \text{ 이므로} \\ (x^2 - 4x + 2) - 4(x^2 + 3x - 5) \\ &= x^2 - 4x + 2 - 4x^2 - 12x + 20 \\ &= -3x^2 - 16x + 22 \end{aligned}$$

25. $(x+A)(x+B)$ 를 전개하였더니 x^2+Cx+8 이 되었다.
다음 중 C 의 값이 될 수 없는 것은? (단, A, B, C 는
정수이다.) [배점 5, 중상]

① -9 ② -6 ③ 3 ④ 6 ⑤ 9

해설

$$(x+A)(x+B) = x^2 + (A+B)x + AB = x^2 + Cx + 8$$

이므로 $A+B=C$, $AB=8$ 이다.

따라서 $C = (1+8, 2+4, -1-8, -2-4) =$
 $(9, 6, -9, -6)$ 이다.