

1.  $8a^2b^2 \times 2a^2b \div (-2a^2b)^3 \times 3a^4b^2$  을 간단히 하면?

- ①  $-3a^2b^2$       ②  $3a^2b^2$       ③  $\textcircled{6} -6a^2b^2$   
④  $6a^2b^2$       ⑤  $-8a^2b^2$

해설

$$8a^2b^2 \times 2a^2b \div (-2a^2b)^3 \times 3a^4b^2 = 8a^2b^2 \times 2a^2b \times \left(-\frac{1}{8a^6b^3}\right) \times 3a^4b^2 = -6a^2b^2$$

2. 다음 중  $\boxed{\quad}$ 안에 들어갈 수가 나머지 넷과 다른 하나를 골라라. (단,  $a \neq 0$ )

|  |  |
|--|--|
| $\textcircled{\text{A}} \ a^3 \times a = a^{\square}$                  | $\textcircled{\text{C}} \ a^{12} \div a^8 = a^{\square}$ |
| $\textcircled{\text{B}} \ (a^2)^3 \div a^{10} = \frac{1}{a^{\square}}$ | $\textcircled{\text{D}} \ 9^3 \times 3^{\square} = 3^8$  |
| $\textcircled{\text{E}} \ (2a^{\square})^3 = 8a^{12}$                  |  |

▶ 답:

▷ 정답:  $\textcircled{\text{D}}$

해설

$$\begin{aligned}\textcircled{\text{A}} \ a^3 \times a &= a^{3+1} = a^4 \\ \therefore \square &= 4 \\ \textcircled{\text{C}} \ a^{12} \div a^8 &= a^{12-8} = a^4 \\ \therefore \square &= 4 \\ \textcircled{\text{B}} \ (a^2)^3 \div a^{10} &= a^6 \div a^{10} = \frac{1}{a^4} \\ \therefore \square &= 4 \\ \textcircled{\text{D}} \ 9^3 \times 3^{\square} &= (3^2)^3 \times 3^{\square} = 3^8 \\ \therefore \square &= 2 \\ \textcircled{\text{E}} \ (2a^{\square})^3 &= 2^3 \times a^{4 \times 3} = 8a^{12} \\ \therefore \square &= 4\end{aligned}$$

3. 다음 중  $x$  의 값이 다른 것은?

$$\textcircled{1} \quad (ab)^x \times ab = a^3b^3$$

$$\textcircled{2} \quad (a^x b)^2 \times \frac{a^2}{b^5} = \frac{a^6}{b^3}$$

$$\textcircled{3} \quad (-2a)^2 \times (xb)^3 = 32a^2b^3$$

$$\textcircled{4} \quad \left(\frac{a}{x}\right)^2 \times (a^2b)^3 = \frac{a^8b^3}{16}$$

$$\textcircled{5} \quad \left(\frac{a}{4}\right)^2 \div \left(\frac{1}{a}\right)^2 \times a^x b = \frac{a^6 b}{16}$$

해설

$$\textcircled{1} \quad (ab)^x \times ab = a^3b^3,$$

$$a^{x+1}b^{x+1} = a^3b^3, \quad x+1=3 \quad \therefore x=2$$

$$\textcircled{2} \quad (a^x b)^2 \times \frac{a^2}{b^5} = \frac{a^6}{b^3},$$

$$\frac{a^{2x+2}}{b^{5-2}} = \frac{a^6}{b^3}$$

$$2x+2=6 \quad \therefore x=2$$

$$\textcircled{3} \quad (-2a)^2 \times (xb)^3 = 32a^2b^3, \quad 4a^2x^3b^3 = 32a^2b^3, \quad x^3=8 \quad \therefore x=2$$

$$\textcircled{4} \quad \left(\frac{a}{x}\right)^2 \times (a^2b)^3 = \frac{a^8b^3}{16}, \quad \frac{a^2}{x^2} \times a^6b^3 = \frac{a^8b^3}{16}, \quad x^2=16 \quad \therefore x=\pm 4$$

$$\textcircled{5} \quad \left(\frac{a}{4}\right)^2 \div \left(\frac{1}{a}\right)^2 \times a^x b = \frac{a^2}{16} \times a^2 \times a^x b = \frac{a^{4+x}b}{16} = \frac{a^6b}{16}$$

$$x+4=6 \quad \therefore x=2$$

4. 다음 식에서  $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 식을 모두 찾으면?

$$\boxed{\quad \div (-6a^2b^2) \times (2ab^2)^3 = -12a^5b^6}$$

①  $-3a^2b$

②  $(-3a^2b)^2$

③  $9a^4b^2$

④  $-9a^4b^2$

⑤  $6a^4b^2$

해설

$$\boxed{\quad} \div (-6a^2b^2) \times (2ab^2)^3 = -12a^5b^6$$

$$\boxed{\quad} = -12a^5b^6 \times (-6a^2b^2) \div (2ab^2)^3$$

$$= -12a^5b^6 \times (-6a^2b^2) \times \frac{1}{8a^3b^6}$$

$$= 9a^4b^2 = (3a^2b)^2 = (-3a^2b)^2$$

5.  $(a^2b^x)^3 \div a^y b^3 = a^5 b^9$  일 때,  $x + y$  의 값은?

① 2

② 3

③ 4

④ 5

⑤ 6

해설

$$(a^2b^x)^3 \div a^y b^3 = a^5 b^9$$

$$a^{6-y} b^{3x-3} = a^5 b^9$$

$$6 - y = 5 \quad \therefore y = 1$$

$$3x - 3 = 9 \quad \therefore x = 4$$

$$\therefore x + y = 5$$

6. 다음 식을 보고  $A + B + C - D$ 의 값을 구하여라. (단,  $A, B, C, D$ 는 양수)

$$\left(-\frac{x^A y^B}{C z^2}\right)^D = \frac{x^{12} y^{20}}{16 z^8}$$

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$$\left(-\frac{x^A y^B}{C z^2}\right)^D = \frac{x^{12} y^{20}}{16 z^8}$$

$$(z^2)^D = z^8 \quad \therefore D = 4$$

$$(x^A)^4 = x^{12} \quad \therefore A = 3$$

$$(y^B)^4 = y^{20} \quad \therefore B = 5$$

$$(-C)^4 = 16 \quad \therefore C = 2$$

$$\therefore A + B + C + D = 3 + 5 + 2 - 4 = 6$$

7. 다음 중 알맞은 수를 찾아  $A + B + C$  를 구하여라.

$$\textcircled{\text{A}} \quad a^A \div a^3 = \frac{1}{a}$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad (x^B)^3 \div (x^2)^5 = \frac{1}{x^4}$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad (y^3)^C \times y \times y^5 = y^{18}$$

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$$\textcircled{\text{A}} \quad a^A \div a^3 = \frac{1}{a^{3-A}} = \frac{1}{a}$$
$$3 - A = 1 \quad \therefore A = 2$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad (x^B)^3 \div (x^2)^5 = \frac{1}{x^{2 \times 5 - B \times 3}} = \frac{1}{x^4}$$
$$2 \times 5 - B \times 3 = 4 \quad \therefore B = 2$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad (y^3)^C \times y \times y^5 = y^{3 \times C + 1 + 5}$$
$$= y^{3 \times C + 6} = y^{18}$$
$$3 \times C + 6 = 18 \quad \therefore C = 4$$
$$\therefore A + B + C = 2 + 2 + 4 = 8$$

8. 다음 중 옳은 것은?

①  $a^2 \times a^3 \times a^5 = a^{30}$

②  $a^3 \times 3a^4 = 3a^7$

③  $a^{10} \div a^2 \times a = a^6$

④  $(2a)^3 = 6a^3$

⑤  $(3a)^2 \times a^5 = 9a^{10}$

해설

①  $a^2 \times a^3 \times a^5 = a^{10}$

③  $a^{10} \div a^2 \times a = a^9$

④  $(2a)^3 = 8a^3$

⑤  $(3a)^2 \times a^5 = 9a^7$

9.  $16^5 = (2^x)^5 = 2^y$  일 때,  $y - x$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 16

해설

$16^5 = (2^4)^5 = 2^{20}$  이므로  $x = 4$ ,  $y = 20$ 이다.

따라서  $y - x = 20 - 4 = 16$ 이다.

10.  $3^2 = A$ ,  $2^3 = B$  라 할 때,  $18^3$  을  $A$ ,  $B$  를 이용하여 나타내면?

- ①  $AB^3$       ②  $A^3B$       ③  $A^2B^3$       ④  $A^2B$       ⑤  $A^3B^2$

해설

$$18^3 = (2 \times 3^2)^3 = 2^3 \times (3^2)^3 = B \times A^3 \text{이다.}$$

11.  $a = 2^{x-1}$  일 때,  $8^x$  를  $a$ 에 관한 식으로 나타내면?

- ①  $8a^2$       ②  $8a^3$       ③  $8a^4$       ④  $6a^2$       ⑤  $6a^3$

해설

$$a = 2^{x-1} = 2^x \div 2 \text{ 이므로 } 2^x = 2a \text{ 이다.}$$

$$8^x = (2^x)^3 \text{ 이므로 } 8^x = (2a)^3 = 8a^3 \text{ 이다.}$$

12.  $ax^2y^3 \times (-xy)^b = -5x^cy^6$  일 때, 자연수  $a, b, c$ 에 대하여 각각의 값은?

①  $a = 1, b = 2, c = 3$       ②  $a = 3, b = 4, c = 3$

③  $a = 5, b = 2, c = 3$       ④  $\textcircled{a} a = 5, b = 3, c = 5$

⑤  $a = 4, b = 5, c = 3$

해설

$$\begin{aligned} ax^2y^3 \times (-xy)^b &= a \times (-1)^b \times x^2 \times x^b \times y^3 \times y^b \\ &= -5x^cy^6 \\ a \times (-1)^b &= -5, 2+b=c, 3+b=6 \text{ } \circ \text{므로} \\ \therefore a &= 5, b = 3, c = 5 \end{aligned}$$

13.  $(-ab^x)^3 \div ab^2 = -a^y b^7$  일 때,  $x - y$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$(-a^3b^{3x}) \times \frac{1}{ab^2} = -a^2b^{3x-2} = -a^y b^7 ,$$

$$x = 3, y = 2$$

$$\therefore x - y = 1$$

14. 세 수의 곱이 모두  $2^{24}$  이 되도록 하는 서로 다른  $2^x$  (단,  $x$ 는 자연수)의 형태의 수를 찾으려 한다. 학생들의 대화 중 틀린 말을 한 사람을 골라라.

재석 : 그럼 식을  $2^a \times 2^b \times 2^c = 2^{24}$  의 형태로 만들면 되겠네.

유석 : 그럼  $a = 3, b = 5, c = 16$  으로 놓으면  $2^3 \times 2^5 \times 2^{16} = 2^{24}$  하나가 나오겠네.

동성 :  $2^2 \times 2^3 \times 2^4 = 2^{2+3+4} = 2^{24}$  도 되겠구나.

성일 : 문제는  $2^{a+b+c} = 2^{24}$  이니까  $a + b + c = 24$  인  $a, b, c$  를 찾으면 돼.

수근 : 그럼 많이 나올 수 있겠네. 그 중  $a = 7, b = 8, c = 9$  인 경우도 되는 거구나.

▶ 답 :

▷ 정답 : 동성

해설

재석 : 그럼 식을  $2^a \times 2^b \times 2^c = 2^{24}$  의 형태로 만들면 되겠네. (○)

유석 : 그럼  $a = 3, b = 5, c = 16$  로 놓으면  $2^3 \times 2^5 \times 2^{16} = 2^{24}$  하나가 나오겠네.(○)

동성 :  $2^2 \times 2^3 \times 2^4 = 2^{2+3+4} = 2^9$  (×

성일 : 문제는  $2^{a+b+c} = 2^{24}$  이니까  $a + b + c = 24$  인  $a, b, c$  를 찾으면 돼.(○)

수근 : 그럼 많이 나올 수 있겠네. 그 중  $a = 7, b = 8, c = 9$  인 경우도 되는 거구나.(○)

15. 다음 중 계산 결과가 나머지와 같지 않은 것을 골라라.

Ⓐ  $a^{12} \div (a^3 \div a^2)$  Ⓑ  $(a^4)^3 \div a^2 \div a^3$

Ⓒ  $\frac{a^{12}}{a^2} \div a^3$  Ⓛ  $a^{12} \div (a^7 \div a^2)$

Ⓓ  $(a^3)^3 \div a^3 \times a$

▶ 답:

▷ 정답: Ⓐ

해설

Ⓐ  $a^{12} \div (a^3 \div a^2) = a^{12} \div a = a^{11}$

Ⓑ  $(a^4)^3 \div a^2 \div a^3 = a^{12-2-3} = a^7$

Ⓒ  $\frac{a^{12}}{a^2} \div a^3 = a^{12-2-3} = a^7$

Ⓓ  $a^{12} \div (a^7 \div a^2) = a^{12} \div a^{7-2} = a^{12-5} = a^7$

Ⓔ  $(a^3)^3 \div a^3 \times a = a^{9-3+1} = a^7$

**16.**  $(-2x^2y)^a \times \left(-\frac{y^2}{2x}\right)^b = -2x^4y^7$  일 때,  $a + b$  의 값을 구하여라.

① 4

② 5

③ 6

④ 7

⑤ 8

해설

우변  $x^4y^7$  항의 계수가  $-2$  이므로  $a > b$  이고,

$a, b$  중 하나만 홀수  $y^7$  이므로

$$a = 3, b = 2$$

$$\therefore a + b = 5$$

17.  $2^{12} \times 3^2 \times 5^{10}$  은 몇 자리의 수인지 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 12자리 수

해설

$$\begin{aligned}2^{12} \times 3^2 \times 5^{10} &= 2^{10} \times 2^2 \times 3^2 \times 5^{10} \\&= 2^2 \times 3^2 \times (2 \times 5)^{10} \\&= 2^2 \times 3^2 \times (10)^{10} \\&= 36 \times (10)^{10}\end{aligned}$$

18. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

Ⓐ  $\left(\frac{y^2}{x}\right)^3 \times (x^2y^3)^2 = xy^{12}$

Ⓑ  $12x^5 \div (-3xy^2) \times (-y^3)^2 = 4x^4y^4$

Ⓒ  $\frac{x^4}{y} \times (y^3)^2 \div \left(\frac{x^2}{y}\right)^2 = y^6$

Ⓓ  $\left(\frac{b}{a}\right)^3 \times (ab^3)^2 \times a^2 = ab^9$

Ⓔ  $\left(\frac{3}{2}\right)^3 \times \left(\frac{2^2}{3}\right)^2 = 6$

해설

Ⓐ  $\left(\frac{y^2}{x}\right)^3 \times (x^2y^3)^2 = \frac{y^6}{x^3} \times x^4y^6 = xy^{12}$

Ⓑ  $12x^5 \div (-3xy^2) \times (-y^3)^2$   
 $= 12x^5 \times \left(\frac{1}{-3xy^2}\right) \times y^6 = -4x^4y^4$

Ⓒ  $\frac{x^4}{y} \times (y^3)^2 \div \left(\frac{x^2}{y}\right)^2 = \frac{x^4}{y} \times y^6 \times \frac{y^2}{x^4} = y^7$

Ⓓ  $\left(\frac{b}{a}\right)^3 \times (ab^3)^2 \times a^2 = \frac{b^3}{a^3} \times a^2b^6 \times a^2 = ab^9$

Ⓔ  $\left(\frac{3}{2}\right)^3 \times \left(\frac{2^2}{3}\right)^2 = \left(\frac{3^3}{2^3}\right) \times \left(\frac{2^4}{3^2}\right) = 3 \times 2 = 6$

19. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고르면?

$$\textcircled{\text{A}} \quad x^{12} \div x^8 \div x^4 = 0$$

$$\textcircled{\text{L}} \quad (2x^2y^3)^2 = 4x^4y^6$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad \left(-\frac{3x^2}{y^3}\right)^2 = \frac{9x^4}{y^6}$$

$$\textcircled{\text{E}} \quad x^3 \times x = x^{12}$$

①  $\textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{L}}$

②  $\textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{B}}$

③  $\textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{E}}$

④  $\textcircled{\text{L}}, \textcircled{\text{B}}$

⑤  $\textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{E}}$

해설

$$\textcircled{\text{A}} \quad x^{12-8-4} = x^0 = 1$$

$$\textcircled{\text{E}} \quad x^3 \times x = x^4$$

이므로 옳은 것은  $\textcircled{\text{L}}, \textcircled{\text{B}}$ 이다.

20.  $\left(-\frac{1}{2}x^2y^3\right)^3 \div ax^b y^c \div \left(-\frac{1}{8}x^2y^3\right) = x^3y^4$  에서  $a+b+c$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$$\begin{aligned}\left(-\frac{1}{2}x^2y^3\right)^3 \div ax^b y^c \div \left(-\frac{1}{8}x^2y^3\right) \\ = \left(-\frac{1}{2^3}x^6y^9\right) \times \frac{1}{ax^b y^c} \times \left(-\frac{8}{x^2y^3}\right) = x^3y^4 \\ a = 1, b = 1, c = 2 \\ \therefore a + b + c = 4\end{aligned}$$

21.  $\left(\frac{xy^b}{x^ay^3}\right)^3 = \frac{y^9}{x^3}$  에서  $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설

$$\left(\frac{xy^b}{x^ay^3}\right)^3 = \frac{x^3y^{3b}}{x^{3a}y^9} = \frac{y^9}{x^3}$$

$$3a = 6 \quad \therefore a = 2$$

$$3b = 18 \quad \therefore b = 6$$

$$\therefore a + b = 8$$

22.  $2^{10} = A$ ,  $3^{10} = B$ 라고 할 때,  $36^{10} \times 3^{20}$ 을  $A$ ,  $B$ 로 나타내면?

①  $A^2B^4$

②  $2AB^4$

③  $4AB^2$

④  $6A^2B^4$

⑤  $8A^2B^2$

해설

$$\begin{aligned}(6^2)^{10} \times 3^{20} &= (2 \times 3)^{20} \times 3^{20} = 2^{20} \times 3^{40} \\&= (2^{10})^2 \times (3^{10})^4 = A^2B^4\end{aligned}$$

23. 자연수  $n$  이 홀수일 때, 다음 식의 값을 구하여라.

$$(-1)^n - (-1)^{n+1} - (-1)^{n+2} + (-1)^{2n} - (-1)^{2n+1}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

$n$  : 홀수,  $n+1$  : 짝수,  $n+2$  : 홀수

$2n$  : 짝수,  $2n+1$  : 홀수이므로

$$(-1) - (+1) - (-1) + (+1) - (-1) = 1$$

24.  $2 \times 2^{\square} \times 2^3 = 64$  일 때,  $\boxed{\quad}$  안의 수는?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$2^{\square} \times 2^4 = 64 = 2^6$$

$$\square + 4 = 6 \quad \therefore \quad \square = 2$$

25. 다음  $\boxed{\quad}$  안에 들어갈 알맞은 수를 구하여라.

$$3^{19} = 27^{\square+1} \div 9$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

지수끼리의 비교를 위하여 밑을 3으로 맞추어 주면  $3^{19} = 3^{3(\square+1)} \div 3^2$  이 되므로 지수만을 가지고 계산하면,  $19 = 3(\boxed{\quad} + 1) - 2$  이므로  $19 = 3\boxed{\quad} + 1$ ,  $\boxed{\quad} = 6$  이다.

26.  $(a^x b^y c^z)^n = a^{21} b^{35} c^{14}$  을 만족하는 자연수  $n$ 의 값이 최대일 때,  $x + y + z$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

$$7) \begin{array}{r} 21 \quad 35 \quad 14 \\ -\quad 3 \quad 5 \quad 2 \end{array}$$

$$n = 7, x = 3, y = 5, z = 2$$

$$\therefore x + y + z = 3 + 5 + 2 = 10$$

27.  $4^{x+2} \div 2^{2x-6} \times 25 \cdot 5^{2x-2} = 16 \times 100^x$  일 때,  $x$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$\begin{aligned}(좌변) &= 4^{x+2} \div 2^{2x-6} \times 25 \cdot 5^{2x-2} \\&= (2^2)^{x+2} \times 2^{6-2x} \times 5^{2+2x-2} \\&= 2^{2x+4+6-2x} \times 5^{2x} \\&= 2^{10} \times 5^{2x}\end{aligned}$$

$$(우변) = 16 \times 100^x = 2^4 \times (2^2 \times 5^2)^x = 2^{4+2x} \times 5^{2x}$$

따라서  $4 + 2x = 10$  이므로  $x = 3$ 이다.

28.  $G(x) = a^{2x}b^x$  이라 할 때,  $G(x) \times G(2x) \times G(3x) = G(Ax)$  의  $A$  값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

$$G(2x) = a^{2 \times 2x} \times b^{2x} = (a^{2x}b^x)^2 = \{G(x)\}^2 \text{ 이고}$$

$$G(3x) = a^{2 \times 3x} \times b^{3x} = (a^{2x}b^x)^3 = \{G(x)\}^3 \text{ 이므로}$$

$$G(nx) = \{G(x)\}^n \text{ 이다.}$$

$$G(x) \times G(2x) \times G(3x) = G(x) \times \{G(x)\}^2 \times \{G(x)\}^3 = \{G(x)\}^6 =$$

$$G(6x) = G(Ax)$$

$$\therefore A = 6$$

29.  $1 \times 2 \times 3 \times 4 \times \cdots \times 16 \circ| 4^n$  으로 나누어 떨어지는 자연수  $n$  의 최댓값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

$1 \times 2 \times 3 \times 4 \times \cdots \times 16 = 1 \times 4^{\frac{1}{2}} \times 3 \times 4 \times 5 \times (4^{\frac{1}{2}} \times 3) \times 7 \times 4^{\frac{3}{2}} \times 9 \times (4^{\frac{1}{2}} \times 5) \times 11 \times (4 \times 3) \times 13 \times (4^{\frac{1}{2}} \times 7) \times 15 \times 4^2$   
 $\rightarrow 4$  의 인수를 모두 곱하면,  $4^{\frac{1}{2}} + 1 + \frac{1}{2} + \frac{3}{2} + \frac{1}{2} + 1 + \frac{1}{2} + 2 = 4^{\frac{7}{2}}$  이다.

$\therefore 1 \times 2 \times 3 \times 4 \times \cdots \times 16 \circ| 4^n$  으로 나누어 떨어지는 자연수  $n$  의 최댓값은 3이다.