

stress test

1. 다음 중 옳은 것을 고르면? [배점 2, 하중]

- ① $(-a^2)^2 \times (2b)^3 = -4a^4b^3$
 ② $(-3y)^2 \times (-xy)^3 = -3x^3y^5$
 ③ $(-xy)^2 \times 2xy = 2x^2y^2$
 ④ $\left(-\frac{1}{a}\right)^2 \times \left(\frac{2a}{b}\right)^3 = \frac{4}{b^3}$
 ⑤ $a^2 \times (-2b)^2 \times a^3 = 4a^5b^2$

해설

- ① $(-a^2)^2 \times (2b)^3 = 8a^4b^3$
 ② $(-3y)^2 \times (-xy)^3 = -9x^3y^5$
 ③ $(-xy)^2 \times 2xy = 2x^3y^3$
 ④ $\left(-\frac{1}{a}\right)^2 \times \left(\frac{2a}{b}\right)^3 = \frac{8a}{b^3}$

2. $3x^4y \div (-3x^2y^3) \times 2x^2y^4$ 을 간단히 하면? [배점 2, 하중]

- ① $-2x^4y^2$ ② $-\frac{1}{2y^6}$ ③ $2x^4y^6$
 ④ $-18x^4y^{12}$ ⑤ $9xy^2$

해설

$$\begin{aligned} & 3x^4y \div (-3x^2y^3) \times 2x^2y^4 \\ &= 3x^4y \times \frac{1}{-3x^2y^3} \times 2x^2y^4 \\ &= -2x^4y^2 \end{aligned}$$

3. $(3a - 1)(-a)$ 를 간단히 하였을 때, a^2 의 계수는? [배점 2, 하중]

- ① -3 ② -1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned} & 3a \times (-a) + (-1) \times (-a) \\ &= -3a^2 + a \end{aligned}$$

따라서 a^2 의 계수는 -3 이다.

4. $(x + a)^2 = x^2 + bx + 9$ 일 때, $a - b$ 의 값을 구하여라. (단, $a > 0$) [배점 2, 하중]

▶ 답:

▷ 정답: -3

해설

$$\begin{aligned} & a^2 = 9 \quad \therefore a = 3 \\ & (x + 3)^2 = x^2 + 6x + 9 \quad \therefore b = 6 \end{aligned}$$

따라서 $a - b = 3 - 6 = -3$ 이다.

5. $A = 3^2$ 일 때, 9^8 을 A 를 사용하여 나타내면? [배점 3, 하상]

- ① A^5 ② A^6 ③ A^7 ④ A^8 ⑤ A^9

해설

$9^8 = 3^{16} = (3^2)^8$ 이므로 A^8 이다.

6. $-2x(x^2 + 3x - 1) = ax^3 + bx^2 + cx$ 일 때, $a + b + c$ 의 값은? (단, a, b, c 는 상수) [배점 3, 하상]

- ① -6 ② -3 ③ -1 ④ 0 ⑤ 1

해설

$-2x(x^2 + 3x - 1)$
 $= -2x^3 - 6x^2 + 2x$
 $a = -2, b = -6, c = 2$
 $\therefore a + b + c = (-2) + (-6) + 2 = -6$

7. $(x - 3)\left(x + \frac{1}{2}\right)$ 의 전개식에서 x 의 계수와 상수항의 합은? [배점 3, 하상]

- ① -4 ② $-\frac{1}{4}$ ③ 0
④ $\frac{1}{2}$ ⑤ 3

해설

$(x - 3)\left(x + \frac{1}{2}\right) = x^2 + \left(-3 + \frac{1}{2}\right)x + (-3) \times \frac{1}{2} =$
 $x^2 - \frac{5}{2}x - \frac{3}{2},$
 x 의 계수는 $-\frac{5}{2}$ 이고, 상수항은 $-\frac{3}{2}$ 이므로
그 합은 $\left(-\frac{5}{2}\right) + \left(-\frac{3}{2}\right) = -4$ 이다.

8. $(x + a)(x - 3) = x^2 - b^2$ 일 때, $a + b$ 의 값은? (단, $b > 0$) [배점 3, 하상]

- ① -9 ② -3 ③ -1 ④ 3 ⑤ 6

해설

$(x + a)(x - 3) = x^2 + (a - 3)x - 3a = x^2 - b^2$
 $a - 3 = 0$ 이므로 $a = 3$
 $b^2 = 3a = 9$
 $b = 3$ ($\because b > 0$)
 $\therefore a + b = 6$

9. $a = -2$ 이고, $x = 2a - 1$ 이다. 이 때, 식 $3x - 4$ 의 값을 계산하는 과정으로 옳은 것을 모두 고르면? [배점 3, 하상]

- ① $3 \times (-5) - 4$ ② $6 \times (-5) - 4$
③ $3 \times (-2) - 4$ ④ $6 \times (-2) - 7$
⑤ $2 \times (-2) - 1$

해설

$x = 2 \times (-2) - 1 = -5$
주어진 식에 대입하면 $3 \times (-5) - 4$

10. $2^{12} \times 5^{13}$ 은 몇 자리의 수인지 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답:

▷ 정답: 13 자리의 수

해설

$$2^{12} \times 5^{13} = 2^{12} \times 5^{12} \times 5 = (2 \times 5)^{12} \times 5 = 10^{12} \times 5$$

11. 다음 조건을 만족할 때, 상수 A, B, C, D, E 의 값이 아닌 것은?

$$\begin{aligned} \text{㉠} \quad & 4(x^2 - 3x) - (3x^2 - 6x + 7) = Ax^2 + Bx - 7 \\ \text{㉡} \quad & \frac{2x^2 - 3x + 1}{Cx^2 + Dx + E} - \frac{x^2 - 2x + 3}{3} = \frac{Cx^2 + Dx + E}{6} \end{aligned}$$

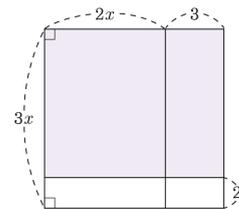
[배점 3, 중하]

- ① $A = 1$ ② $B = -6$ ③ $C = 4$
 ④ $D = -5$ ⑤ $E = 3$

해설

$$\begin{aligned} \text{㉠} \quad & 4(x^2 - 3x) - (3x^2 - 6x + 7) \\ &= 4x^2 - 12x - 3x^2 + 6x - 7 \\ &= x^2 - 6x - 7 \\ &\text{즉, } Ax^2 + Bx - 7 = x^2 - 6x - 7 \text{ 이다.} \\ &\text{따라서 } A = 1, B = -6 \text{ 이다.} \\ \text{㉡} \quad & \frac{2x^2 - 3x + 1}{2} - \frac{x^2 - 2x + 3}{3} \\ &= \frac{3(2x^2 - 3x + 1)}{6} - \frac{2(x^2 - 2x + 3)}{6} \\ &= \frac{6x^2 - 9x + 3}{6} - \frac{2x^2 - 4x + 6}{6} \\ &= \frac{6x^2 - 9x + 3 - (2x^2 - 4x + 6)}{6} \\ &= \frac{6x^2 - 9x + 3 - 2x^2 + 4x - 6}{6} \\ &= \frac{4x^2 - 5x - 3}{6} \\ &\text{즉, } \frac{Cx^2 + Dx + E}{6} = \frac{4x^2 - 5x - 3}{6} \text{ 이다.} \\ &\text{따라서 } C = 4, D = -5, E = -3 \text{ 이다.} \end{aligned}$$

12. 다음 그림의 색칠한 부분의 넓이는?



[배점 3, 중하]

- ① $6x^2 + 5x - 6$ ② $4x^2 + 12x + 9$
 ③ $9x^2 - 12x + 4$ ④ $6x^2 - 5x + 6$
 ⑤ $4x^2 - 5x + 6$

해설

색칠한 부분의 가로 길이는 $2x + 3$, 세로 길이는 $3x - 2$ 이다. 색칠한 부분의 넓이는 $(2x + 3)(3x - 2) = 6x^2 + 5x - 6$ 이다.

13. 곱셈 공식을 이용하여 $(x + 3)(x + a)$ 를 전개한 식이 $x^2 + bx - 12$ 이다. 이때 상수 a, b 의 값을 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = -4$

▷ 정답 : $b = -1$

해설

$(x + 3)(x + a) = x^2 + (a + 3)x + 3a$ 가 $x^2 + bx - 12$ 이므로 $a + 3 = b, 3a = -12$ 이다. 따라서 $a = -4, -4 + 3 = b, b = -1$ 이다.

14. $(2x + ay)^2 = bx^2 + cxy + 9y^2$ 일 때, $a - b + c$ 의 값을 구하여라.(단, $a > 0$) [배점 3, 중하]

▶ 답 :

▷ 정답 : 11

해설

$$\begin{aligned} (2x + ay)^2 &= 4x^2 + 4axy + a^2y^2 \\ 4x^2 + 4axy + a^2y^2 &= bx^2 + cxy + 9y^2 \\ \therefore b &= 4 \\ a^2 &= 9 \\ \therefore a &= 3(\because a > 0) \\ 4a &= c \\ \therefore c &= 12 \\ a - b + c &= 3 - 4 + 12 = 11 \end{aligned}$$

15. $x = -2, y = 5$ 일 때, 다음 식의 값을 구하여라.

$$\frac{6x^2y - 9x^5y^4}{3xy} \quad \text{[배점 3, 중하]}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : -6004

해설

$$\begin{aligned} (\text{준식}) &= \frac{6x^2y}{3xy} - \frac{9x^5y^4}{3xy} = 2x - 3x^4y^3 \\ 2x - 3x^4y^3 \text{ 에 } x = -2, y = 5 \text{ 를 대입하면} \\ 2 \times (-2) - 3 \times (-2)^4 \times 5^3 &= -4 - 6000 \\ &= -6004 \end{aligned}$$

16. 한 변의 길이가 xm 인 정사각형의 모양의 화단을 가로는 $2m$ 만큼 늘리고, 세로는 $3m$ 만큼 줄일 때, 화단의 넓이는? [배점 3, 중하]

- ① $(x^2 - 9)m^2$ ② $(x^2 - x - 6)m^2$
③ $(x^2 + x - 6)m^2$ ④ $(x^2 - 4x + 4)m^2$
⑤ $(x^2 + 6x + 9)m^2$

해설

가로의 길이는 $x + 2$, 세로의 길이는 $x - 3$ 이다.
 $(x + 2)(x - 3) = x^2 - x - 6$

17. $4^3 = A$ 라 할 때, 16^6 을 A 를 이용하여 나타내면?
[배점 4, 중중]

- ① A ② A^2 ③ A^3 ④ A^4 ⑤ A^5

해설

$16^6 = (4^2)^6 = 4^{12} = (4^3)^4 = A^4$ 이다.

18. 다음 식을 간단히 하면?
 $(4a^2b - 8ab + 2b) \div (-2b) + (a^2x - ax) \div \frac{1}{3}x$
[배점 4, 중중]

- ① $a - 1$ ② $a^2 + a - 1$
③ $a^2 - 1$ ④ $a^2 - a$
⑤ $2a^2 + a - 1$

해설

$(4a^2b - 8ab + 2b) \div (-2b) + (a^2x - ax) \times \frac{3}{x}$
 $= \frac{4a^2b - 8ab + 2b}{-2b} + \frac{3(a^2x - ax)}{x}$
 $= -2a^2 + 4a - 1 + 3a^2 - 3a$
 $= a^2 + a - 1$

19. $-(-15ab - 9ac) \div (-3a)$ 를 간단히 하면?
[배점 4, 중중]

- ① $-5a - 3c$ ② $5b + 3c$
③ $-5b - 3c$ ④ $-5b + 3c$
⑤ $-45a^2b + 27a^2c$

해설

$(15ab + 9ac) \div (-3a)$
 $= 15ab \div (-3a) + 9ac \div (-3a)$
 $= -5b - 3c$

20. 다음 중 식을 바르게 전개한 것은? [배점 4, 중중]

- ① $(x + 7)(x - 5) = x^2 - 2x - 35$
② $(x - 2)(x - 3) = x^2 + 6$
③ $(x + 3)(x + 4) = x^2 + x + 12$
④ $(x - \frac{2}{7})(x - \frac{3}{5}) = x^2 - \frac{31}{35}x + \frac{6}{35}$
⑤ $(x - \frac{1}{2})(x + \frac{1}{3}) = x^2 - \frac{5}{6}x - \frac{1}{6}$

해설

① $(x + 7)(x - 5) = x^2 + 2x - 35$
② $(x - 2)(x - 3) = x^2 - 5x + 6$
③ $(x + 3)(x + 4) = x^2 + 7x + 12$
④ $(x - \frac{1}{2})(x + \frac{1}{3}) = x^2 - \frac{1}{6}x - \frac{1}{6}$

21. 밑면의 가로, 세로의 길이가 각각 $2a$, $3a$ 인 직육면체의 부피가 $12a^3 - 24a^2b$ 라고 할 때, 높이는?

[배점 4, 중중]

- ① $a - 2b$ ② $a - 4b$ ③ $2a - 2b$
 ④ $2a - 4b$ ⑤ $2a - 24b$

해설

직육면체의 높이 : h

직육면체의 부피 : $2a \times 3a \times h = 12a^3 - 24a^2b$

$$h = \frac{12a^3 - 24a^2b}{6a^2} = 2a - 4b$$

22. $\frac{2x^2 - 5x + 4}{3}$ 에 어떤 식을 더해야 할 것을 잘못하여

빼었더니 $\frac{x^2 - 19x + 5}{6}$ 가 되었다. 바르게 계산한 답을 구하면? [배점 5, 중상]

- ① $\frac{x^2 - 24x + 5}{6}$ ② $\frac{3x^2 - 2x + 5}{6}$
 ③ $\frac{7x^2 - x + 5}{6}$ ④ $\frac{7x^2 - x + 9}{6}$
 ⑤ $\frac{7x^2 - x + 11}{6}$

해설

$$\begin{aligned} \text{어떤 식을 } A \text{ 라 하면 } \frac{2x^2 - 5x + 4}{3} - A &= \frac{x^2 - 19x + 5}{6} \\ \therefore A &= \frac{2x^2 - 5x + 4}{3} - \frac{x^2 - 19x + 5}{6} \\ &= \frac{4x^2 - 10x + 8}{6} - \frac{x^2 - 19x + 5}{6} \\ &= \frac{3x^2 + 9x + 3}{6} \end{aligned}$$

따라서 바르게 계산하면

$$\begin{aligned} \frac{2x^2 - 5x + 4}{3} + \frac{3x^2 + 9x + 3}{6} \\ &= \frac{4x^2 - 10x + 8}{6} + \frac{3x^2 + 9x + 3}{6} \\ &= \frac{7x^2 - x + 11}{6} \end{aligned}$$

23. 두 다항식 A , B 에 대하여 $A * B = A - 2B$ 라 정의 하자. $A = x^2 - 4x + 2$, $B = x^2 + 3x - 5$ 에 대하여 $(A * B) * B$ 를 간단히 하면? [배점 5, 중상]

- ① $-3x^2 - 16x - 22$ ② $-3x^2 - 16x + 22$
 ③ $2x^2 - 14x + 21$ ④ $2x^2 - 15x + 22$
 ⑤ $3x^2 + 14x + 22$

해설

$$\begin{aligned} (A * B) * B &= (A - 2B) - 2B = A - 4B \text{ 이므로} \\ &= (x^2 - 4x + 2) - 4(x^2 + 3x - 5) \\ &= x^2 - 4x + 2 - 4x^2 - 12x + 20 \\ &= -3x^2 - 16x + 22 \end{aligned}$$

24. $\frac{1}{x} : \frac{1}{y} = 1 : 4$ 일 때, $\frac{x^2 + 4y^2}{xy}$ 의 값을 구하여라.

[배점 5, 중상]

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

$\frac{1}{x} : \frac{1}{y} = 1 : 4$, $\frac{4}{x} = \frac{1}{y}$ 이므로 $x = 4y$ 이다.

$$\frac{x^2 + 4y^2}{xy} = \frac{16y^2 + 4y^2}{4y^2} = \frac{20y^2}{4y^2} = 5$$

25. 상수 A, B, C 에 대하여 $(2x - A)^2 = 4x^2 + Bx + C$ 이고 $B = -2A - 6$ 일 때, $A + B + C$ 의 값은?

[배점 5, 중상]

- ① -4 ② $-\frac{1}{2}$ ③ 0
 ④ 2 ⑤ 4

해설

$$(2x - A)^2 = 4x^2 - 4Ax + A^2 = 4x^2 + Bx + C$$

$$-4A = B \text{ 이므로}$$

$$-4A = -2A - 6$$

$$\therefore A = 3$$

$$B = -2 \times 3 - 6 = -12$$

$$C = A^2 = 9$$

$$\therefore A + B + C = 3 - 12 + 9 = 0$$