

stress test

1. 다음 중 옳지 않은 것은?

[배점 2, 하중]

- ① $a^8 \div a^4 = a^2$
- ② $a^2 \times a^3 = a^5$
- ③ $(a^5)^2 \div a^{10} = 1$
- ④ $(a^2)^4 \div (a^3)^4 = \frac{1}{a^4}$
- ⑤ $(a^2 \times a^6)^2 = a^{16}$

해설

① $a^8 \div a^4 = a^4$

2. 다음 중 계산 결과가 옳지 않은 것은?

[배점 2, 하중]

- ① $(-2xy^2) \times (3x)^2 \div (6y)^2 = -\frac{x^3}{2}$
- ② $14a^2 \div (-2b^2)^2 \times (3ab^2)^2 = -28a^4$
- ③ $\left(\frac{2}{3}a^2\right)^2 \times (3b^2)^2 \div (4ab^2)^2 = \frac{a^2}{4}$
- ④ $(10a)^2 \times (-ab^2)^2 \div \left(-\frac{1}{3}ab^2\right)^2 = 900a^2$
- ⑤ $(-4x^2y) \div \left(-\frac{2}{3}y^2\right) \times (2xy^2)^3 = 48x^5y^5$

해설

$$\begin{aligned} & 14a^2 \div (-2b^2)^2 \times (3ab^2)^2 \\ &= 14a^2 \div 4b^4 \times 9a^2b^4 \\ &= \frac{63a^4}{2} \end{aligned}$$

3. 다음 중 옳은 것은?

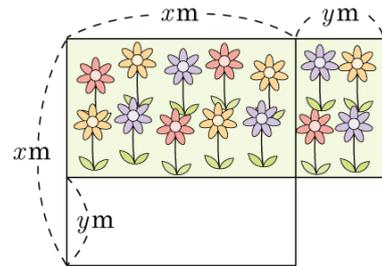
[배점 2, 하중]

- ① $a \div (b \times c) = \frac{ab}{c}$
- ② $a \times (b \div c) = \frac{ab}{c}$
- ③ $(a \div b) \div c = \frac{ac}{b}$
- ④ $(a \div b) \times c = \frac{bc}{a}$
- ⑤ $a \div (b \div c) = \frac{ab}{c}$

해설

- ① $a \div (b \times c) = \frac{a}{bc}$
- ③ $(a \div b) \div c = \frac{a}{bc}$
- ④ $(a \div b) \times c = \frac{ac}{b}$
- ⑤ $a \div (b \div c) = \frac{ac}{b}$

4. 아람이네 가족은 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 xm 인 정사각형의 꽃밭을 가로 길이 y ($x > y$) 늘이고, 세로 길이는 y 줄여서 새로운 꽃밭을 만들기로 하였다. 꽃밭의 넓이는?



[배점 2, 하중]

- ① $(x + y)^2 = x^2 + 2xy + y^2(m^2)$
- ② $(x - y)^2 = x^2 - 2xy + y^2(m^2)$
- ③ $(x + y)(x - y) = x^2 - y^2(m^2)$
- ④ $(x + y)(x - y) = x^2 + y^2(m^2)$
- ⑤ $(x + y)(x + y) = x^2 + y^2(m^2)$

해설

새로운 꽃밭의 가로 길이 $(x+y)$ m, 세로 길이 $(x-y)$ m
꽃밭의 넓이 : $(x+y)(x-y) = x^2 - y^2$ (m²)

5. $x \times x^4 \times y^5 \times y$ 를 간단히 하면? [배점 3, 하상]

- ① x^4y^6 ② x^5y^5 ③ x^5y^6
- ④ x^4y^5 ⑤ x^3y^4

해설

$x^1 + x^4 \times y^5 + y^1$ 이므로 x^5y^6 이다.

6. $ax^2y^3 \times (-xy)^b = -5x^cy^6$ 일 때, 자연수 a, b, c 에 대하여 각각의 값은? [배점 3, 하상]

- ① $a = 1, b = 2, c = 3$
- ② $a = 3, b = 4, c = 3$
- ③ $a = 5, b = 2, c = 3$
- ④ $a = 5, b = 3, c = 5$
- ⑤ $a = 4, b = 5, c = 3$

해설

$ax^2y^3 \times (-xy)^b$
 $= a \times (-1)^b \times x^2 \times x^b \times y^3 \times y^b$
 $= -5x^cy^6$
 $a \times (-1)^b = -5, 2 + b = c, 3 + b = 6$ 이므로
 $\therefore a = 5, b = 3, c = 5$

7. $\frac{3}{2}x(2x-4y) - 5x(x-y)$ 를 간단히 하면?

[배점 3, 하상]

- ① $-2x^2 - xy$ ② $-2x^2 - 11xy$
- ③ $8x^2 + 11xy$ ④ $8x^2 - xy$
- ⑤ $x^2 + xy$

해설

$\frac{3}{2}x(2x-4y) - 5x(x-y) = 3x^2 - 6xy - 5x^2 + 5xy =$
 $-2x^2 - xy$

8. 어떤 다항식에서 $2x + 5y$ 를 빼어야 할 것을 잘못하여 더했더니 $6x + 2y$ 가 되었다. 이 때, 바르게 계산한 답은? [배점 3, 하상]

- ① $-8x + 4y$ ② $-4x + 6y$ ③ $-2x + 6y$
- ④ $2x - 8y$ ⑤ $8x + 2y$

해설

어떤 식을 A라 하면

$$A + (2x + 5y) = 6x + 2y$$

$$A = (6x + 2y) - (2x + 5y) = 4x - 3y$$

따라서 바르게 계산하면 $(4x - 3y) - (2x + 5y) = 2x - 8y$ 이다.

해설

$$\textcircled{1} (-3x^3)^2 = (-3)^2x^6 = 9x^6$$

$$\textcircled{2} (-2^2x^4y)^3 = (-2^2)^3x^{12}y^3 = -64x^{12}y^3$$

$$\textcircled{3} (2a^2)^4 = 16a^8$$

$$\textcircled{4} \left(-\frac{a^2}{b^4}\right)^2 = \frac{a^4}{b^8}$$

$$\textcircled{5} \left(-\frac{3y^2}{x}\right)^3 = -\frac{27y^6}{x^3}$$

9. $2y - [x + y - \{2x - (5x + 3y)\}]$ 를 간단히 하면?
[배점 3, 하상]

- ① $-5x - 2y$ **② $-4x - 2y$** ③ $x + 3y$
- ④ $2x - 5y$ ⑤ $4x + 3y$

해설

$$\begin{aligned}
& 2y - \{x + y - (2x - 5x - 3y)\} \\
&= 2y - \{x + y - (-3x - 3y)\} \\
&= 2y - (x + y + 3x + 3y) \\
&= 2y - 4x - 4y = -4x - 2y
\end{aligned}$$

10. 다음 중 옳은 것을 고르면? [배점 3, 중하]

- ① $(-3x^3)^2 = -3x^5$
- ② $(-2^2x^4y)^3 = 32x^7y^3$
- ③ $(2a^2)^4 = 16a^6$
- ④ $\left(-\frac{a^2}{b^4}\right)^2 = \frac{a^4}{b^8}$**
- ⑤ $\left(-\frac{3y^2}{x}\right)^3 = -\frac{27y^5}{x^4}$

11. 지수법칙을 이용하여 $2^7 \times 5^5$ 은 몇 자리 수인지 구하여라.
[배점 3, 중하]

▶ 답:
▷ 정답: 6자리 수

해설

$$2^7 \times 5^5 = 2^5 \cdot 2^2 \times 5^5 = (2 \times 5)^5 \times 4 = 4 \times 10^5$$

12. 다음 계산 중 옳은 것을 모두 고르면? [배점 3, 중하]

- ① $-(a - 5b) = a + 5b$
- ② $-x(-3x + y) = 3x^2 - xy$**
- ③ $2x(3x - 6) = 6x^2 - 6x$
- ④ $3x(2x - 3y) - 2y(x + y) = 6x^2 - 11xy - 2y^2$**
- ⑤ $-x(x - y + 2) + 3y(2x + y + 4) = -x^2 + 7xy - 2x + 3y^2 + 12y$**

해설

- ① $-(a - 5b) = -a + 5b$
- ③ $2x(3x - 6) = 6x^2 - 12x$

13. 다음 보기 중 이차식은 모두 몇 개 인가?

보기

- ㉠ $4x^2 - 5x$
- ㉡ $x(4x - 4) + 2 - 4x^2$
- ㉢ $\frac{1}{x^2} - x$
- ㉣ $(2 - 4x + 3x^2) - 2(x^2 - 4x + 1)$
- ㉤ $\left(\frac{1}{2}x^2 + 4x - 1\right) - \left(-1 - 4x - \frac{1}{3}x^2\right)$

[배점 3, 중하]

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개
- ④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

식에서 가장 높은 차수가 이차식이어야 한다.

㉠. $4x^2 - 5x \rightarrow$ 이차식이다.

㉡.

$$x(4x - 4) + 2 - 4x^2 = 4x^2 - 4x + 2 - 4x^2 = -4x + 2$$

\rightarrow 계산을 하면 이차항이 소거된다.

㉢. $\frac{1}{x^2} - x \rightarrow$ 이차항이 분모에 있으므로 이차식이 아니다.

㉣.

$$(2 - 4x + 3x^2) - 2(x^2 - 4x + 1) = 2 - 4x + 3x^2 - 2x^2 + 8x - 2 = x^2 + 4x$$

\rightarrow 이차식이다.

㉤.

$$\begin{aligned} &\left(\frac{1}{2}x^2 + 4x - 1\right) - \left(-1 - 4x - \frac{1}{3}x^2\right) \\ &= \frac{1}{2}x^2 + 4x - 1 + 1 + 4x + \frac{1}{3}x^2 \\ &= \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{3}x^2 + 8x \\ &= \frac{3}{6}x^2 + \frac{2}{6}x^2 + 8x \\ &= \frac{5}{6}x^2 + 8x \end{aligned}$$

\rightarrow 이차식이다.

14. $(4xy - x^3y - 3xy^2) \div \frac{1}{2}xy$ 를 간단히 할 때, 상수항을 포함한 모든 계수의 합을 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답:

▶ 정답: 0

해설

$$\begin{aligned}
& (4xy - x^3y - 3xy^2) \div \frac{1}{2}xy \\
&= (4xy - x^3y - 3xy^2) \div \frac{xy}{2} \\
&= (4xy - x^3y - 3xy^2) \times \frac{2}{xy} \\
&= 8 - 2x^2 - 6y
\end{aligned}$$

x^2 의 계수 -2 , y 의 계수 -6 , 상수항 8
이들의 합을 구하면 $-2 - 6 + 8 = 0$ 이다.

15. 다음 조건을 만족할 때, 상수 A, B, C, D, E 의 값이 아닌 것은?

$$\begin{aligned}
\text{㉠} & 4(x^2 - 3x) - (3x^2 - 6x + 7) = Ax^2 + Bx - 7 \\
\text{㉡} & \frac{2x^2 - 3x + 1}{\frac{Cx^2 + Dx + E}{6}} = \frac{x^2 - 2x + 3}{3}
\end{aligned}$$

[배점 3, 중하]

- ① $A = 1$ ② $B = -6$ ③ $C = 4$
 ④ $D = -5$ ⑤ $E = 3$

해설

$$\begin{aligned}
\text{㉠} & 4(x^2 - 3x) - (3x^2 - 6x + 7) \\
&= 4x^2 - 12x - 3x^2 + 6x - 7 \\
&= x^2 - 6x - 7
\end{aligned}$$

즉, $Ax^2 + Bx - 7 = x^2 - 6x - 7$ 이다.

따라서 $A = 1, B = -6$ 이다.

$$\begin{aligned}
\text{㉡} & \frac{2x^2 - 3x + 1}{2} = \frac{x^2 - 2x + 3}{3} \\
&= \frac{3(2x^2 - 3x + 1)}{6} = \frac{2(x^2 - 2x + 3)}{6} \\
&= \frac{6x^2 - 9x + 3}{6} = \frac{2x^2 - 4x + 6}{6} \\
&= \frac{6x^2 - 9x + 3 - (2x^2 - 4x + 6)}{6} \\
&= \frac{6x^2 - 9x + 3 - 2x^2 + 4x - 6}{6}
\end{aligned}$$

$$= \frac{4x^2 - 5x - 3}{6}$$

즉, $\frac{Cx^2 + Dx + E}{6} = \frac{4x^2 - 5x - 3}{6}$ 이다.

따라서 $C = 4, D = -5, E = -3$ 이다.

16. $x = -2, y = 5$ 일 때, 다음 식의 값을 구하여라.

$$\frac{6x^2y - 9x^5y^4}{3xy}$$

[배점 3, 중하]

▶ 답:

▷ 정답: -6004

해설

$$(\text{준식}) = \frac{6x^2y}{3xy} - \frac{9x^5y^4}{3xy} = 2x - 3x^4y^3$$

$2x - 3x^4y^3$ 에 $x = -2, y = 5$ 를 대입하면

$$\begin{aligned}
& 2 \times (-2) - 3 \times (-2)^4 \times 5^3 = -4 - 6000 \\
&= -6004
\end{aligned}$$

17. $2^{16} \times 5^{20}$ 이 n 자리의 자연수일 때, n 의 값은?
[배점 4, 중중]

- ① 16 ② 17 ③ 18 ④ 19 ⑤ 20

해설

$2^{16} \times 5^{16} \times 5^4 = (2 \times 5)^{16} \times 5^4 = 625 \times 10^{16}$
따라서 19 자리의 자연수이다.

18. $\frac{1}{3}x^2 + 2 - \left[\frac{2}{3}x^2 + \left\{ x - \left(\frac{1}{2}x^2 - 3 \right) \right\} \right] = ax^2 + bx + c$
에서 상수 a, b, c 의 합 $a + b + c$ 의 값은?
[배점 4, 중중]

- ① -2 ② $-\frac{11}{6}$ ③ $\frac{1}{6}$
④ $\frac{5}{6}$ ⑤ 1

해설

$\frac{1}{3}x^2 + 2 - \left[\frac{2}{3}x^2 + \left\{ x - \left(\frac{1}{2}x^2 - 3 \right) \right\} \right]$
 $= \frac{1}{3}x^2 + 2 - \left(\frac{2}{3}x^2 + x - \frac{1}{2}x^2 + 3 \right)$
 $= \frac{1}{3}x^2 + 2 - \frac{2}{3}x^2 - x + \frac{1}{2}x^2 - 3$
 $= \frac{1}{6}x^2 - x - 1$
 $\therefore a + b + c = \frac{1}{6} + (-1) + (-1) = -\frac{11}{6}$

19. $(3x - 4y - 3) + (x - 2y - 3)$ 을 간단히 하면?
[배점 4, 중중]

- ① $2x - 3y + 6$ ② $2x - 2y + 4$
③ $4x - 4y - 6$ ④ $4x - 6y - 6$
⑤ $4x - 6y + 6$

해설

$(3x - 4y - 3) + (x - 2y - 3)$
 $= 3x - 4y - 3 + x - 2y - 3$
 $= 4x - 6y - 6$

20. $\left(\frac{3}{4}x + \frac{1}{2}y \right)^2 = ax^2 + bxy + cy^2$ 일 때, 상수 a, b, c 의 합 $a + b + c$ 의 값은?
[배점 4, 중중]

- ① $\frac{25}{16}$ ② $\frac{13}{8}$ ③ $\frac{27}{16}$ ④ $\frac{7}{4}$ ⑤ $\frac{29}{16}$

해설

$\left(\frac{3}{4}x \right)^2 + 2 \times \frac{3}{4}x \times \left(\frac{1}{2}y \right) + \left(\frac{1}{2}y \right)^2$
 $= \frac{9}{16}x^2 + \frac{3}{4}xy + \frac{1}{4}y^2$
 $\therefore a + b + c = \frac{9}{16} + \frac{3}{4} + \frac{1}{4} = \frac{25}{16}$

21. $\frac{1}{3}(2x - y)(3x + 2y) - \frac{3}{2}(x - 2y)(4x + 3y)$ 의 전개식
에서 xy 의 계수는?
[배점 4, 중중]

- ① $\frac{22}{3}$ ② $\frac{15}{2}$ ③ $\frac{23}{3}$ ④ $\frac{47}{6}$ ⑤ 8

해설

$\frac{1}{3}(2x-y)(3x+2y)$ 의 (xy) 의 계수 $= \frac{1}{3}\{(-1) \times 3 + 2 \times 2\} = \frac{1}{3}$ 이고, $-\frac{3}{2}(x-2y)(4x+3y)$ 의 (xy) 의 계수 $= -\frac{3}{2}\{(-2) \times 4 + 1 \times 3\} = \frac{15}{2}$ 이다.
따라서 주어진 식의 xy 의 계수는 $\frac{1}{3} + \frac{15}{2} = \frac{47}{6}$ 이다.

22. 음이 아닌 수 a, b 에 대하여 $2^a + 2^b \leq 1 + 2^{a+b}$ (단, 등호는 $a = 0$ 또는 $b = 0$ 일 때 성립)이 성립한다. $a+b+c = 4$ 일 때, $2^a + 2^b + 2^c$ 의 최댓값을 구하여라. [배점 5, 중상]

▶ 답 :

▷ 정답 : 18

해설

$2^a + 2^b + 2^c \leq 1 + 2^{a+b} + 2^c$ (단, 등호는 $a = 0$ 또는 $b = 0$ 일 때 성립)
 $2^a + 2^b + 2^c \leq 1 + (1 + 2^{a+b+c})$ (단, 등호는 $a+b = 0$ 또는 $c = 0$ 일 때 성립)
 $2^a + 2^b + 2^c \leq 1 + (1 + 2^4)$
 $2^a + 2^b + 2^c \leq 18$
 따라서 최댓값은 18 ($a = 0, b = 0$ 또는 $b = 0, c = 0$ 또는 $c = 0, a = 0$ 일 때)

23. $\frac{27}{8} \times \square \div \left\{ \left(-\frac{xy}{2}\right)^3 \times (-3xy^2)^2 \right\} = -\frac{3}{x^2y^4}$ 일 때, \square 안에 알맞은 식을 고르면?

[배점 5, 중상]

- ① xy ② x^2y^2 ③ x^3y^3
 ④ x^4y^4 ⑤ x^5y^5

해설

$$\frac{27}{8} \times \square \div \left\{ \frac{-x^3y^3}{8} \times 9x^2y^4 \right\} = -\frac{3}{x^2y^4}$$

$$\square = -\frac{3}{x^2y^4} \times \frac{8}{27} \times \frac{-x^3y^3}{8} \times 9x^2y^4$$

$$\therefore \square = x^3y^3$$

24. $(x-y+2)(x-y+3) - (x+2y-3)^2$ 을 전개하였을 때, 상수항을 제외한 나머지 모든 항의 계수의 총합을 구하면? [배점 5, 중상]

- ① -3 ② 6 ③ 9 ④ 15 ⑤ 21

해설

$x-y = A, x+2y = B$ 라 하면

$$\begin{aligned} & (x-y+2)(x-y+3) - (x+2y-3)^2 \\ &= (A+2)(A+3) - (B-3)^2 \\ &= A^2 + 5A + 6 - B^2 + 6B - 9 \\ &= (x-y)^2 + 5(x-y) + 6 - (x+2y)^2 + 6(x+2y) - 9 \\ &= x^2 - 2xy + y^2 + 5x - 5y + 6 - x^2 - 4xy - 4y^2 + 6x + 12y - 9 \\ &= -3y^2 - 6xy + 11x + 7y - 3 \\ \therefore & \text{ 상수항을 제외한 나머지 항의 계수의 총합 :} \\ & -3 - 6 + 11 + 7 = 9 \end{aligned}$$

25. $(2x - 1)(2x + A) = (-2x + 2)^2 + Bx$ 일 때, $A - B$ 의 값은? [배점 5, 중상]

- ① -4 ② -2 ③ 0 ④ 2 ⑤ 4

해설

$$(2x - 1)(2x + A) = (-2x + 2)^2 + Bx$$

$$4x^2 - 2x + 2Ax - A = 4x^2 - 8x + 4 + Bx$$

x 의 계수가 서로 같으므로 $-2 + 2A = -8 + B$,
상수항이 서로 같으므로 $-A = 4$ 이다.

따라서 $A = -4$, $B = -2$ 이므로 $A - B = -2$ 이다.