

stress test

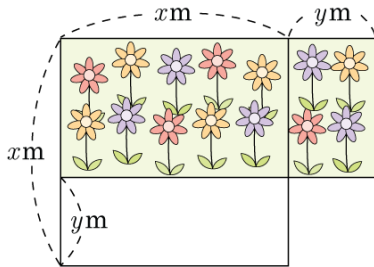
1. $(8x - 2y) \left(-\frac{x}{2}\right)$ 를 전개하면? [배점 2, 하중]

- ① $4x^2 + xy$ ② $4x^2 - xy$
 ③ $-4x^2 - xy$ ④ $-4x^2 + xy$
 ⑤ $-4x^2 + 2xy$

해설

$$8x \times \left(-\frac{x}{2}\right) - 2y \times \left(-\frac{x}{2}\right) = -4x^2 + xy$$

2. 아람이네 가족은 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 xm 인 정사각형의 꽃밭을 가로 길이는 $ym (x > y)$ 늘이고, 세로 길이는 y 줄여서 새로운 꽃밭을 만들기로 하였다. 꽃밭의 넓이는?



[배점 2, 하중]

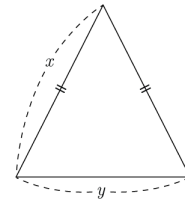
- ① $(x + y)^2 = x^2 + 2xy + y^2 (m^2)$
 ② $(x - y)^2 = x^2 - 2xy + y^2 (m^2)$
 ③ $(x + y)(x - y) = x^2 - y^2 (m^2)$
 ④ $(x + y)(x - y) = x^2 + y^2 (m^2)$
 ⑤ $(x + y)(x + y) = x^2 + y^2 (m^2)$

해설

새로운 꽃밭의 가로 길이는 $(x + y)$ m, 세로 길이는 $(x - y)$ m

$$\text{꽃밭의 넓이} : (x + y)(x - y) = x^2 - y^2 (m^2)$$

3. 길이가 16 인 끈으로 다음 그림과 같은 이등변삼각형을 만들었다. y 를 x 에 관한 식으로 나타내어라.



[배점 2, 하중]

▶ 답 :

▶ 정답 : $y = -2x + 16$

해설

이등변삼각형은 두 변의 길이가 같으므로 $x + x + y = 16$, 즉 $2x + y = 16$ 이다.

$2x$ 를 우변으로 옮기면 $y = -2x + 16$ 이다.

4. $a = \frac{1}{2}$, $b = -\frac{1}{2}$ 일 때, 다음 식의 값을 구하여라.
 $a - [3a - \{a - 2b - (7a - 4b)\}]$ [배점 2, 하중]

▶ 답 :

▶ 정답 : -5

해설

$$\begin{aligned}
 (\text{준식}) &= a - \{3a - (a - 2b - 7a + 4b)\} \\
 &= a - \{3a - (-6a + 2b)\} \\
 &= a - (3a + 6a - 2b) \\
 &= a - (9a - 2b) \\
 &= -8a + 2b
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 a &= \frac{1}{2}, b = -\frac{1}{2} \text{ 을 대입하면} \\
 \therefore -4 - 1 &= -5
 \end{aligned}$$

5. $-3a^2b \times (-4ab) \div \square = 2a^2$ 일 때, $\square$ 안에 알맞은 식을 고르면? [배점 3, 하상]

- ① $-6a^2$ ② $-6ab$ ③ $6a$
 ④ $6a^2b$ ⑤ $6ab^2$

해설

$$\begin{aligned}
 -3a^2b \times (-4ab) \div \square &= 12a^3b^2 \div \square = 2a^2 \\
 \therefore \square &= 12a^3b^2 \div 2a^2 = \frac{12a^3b^2}{2a^2} = 6ab^2
 \end{aligned}$$

6. $(4x^2 - 2y + 1) - (\quad) = -x^2 + 3y - 4$ 에서 $(\quad)$ 안에 알맞은 식은? [배점 3, 하상]

- ① $-5x^2 + 5y - 5$ ② $-5x^2 + y - 3$
 ③ $5x^2 + y - 3$ ④ $5x^2 + y + 5$
 ⑤ $5x^2 - 5y + 5$

해설

$$\begin{aligned}
 (\quad) &= (4x^2 - 2y + 1) - (-x^2 + 3y - 4) \\
 &= 4x^2 - 2y + 1 + x^2 - 3y + 4 \\
 &= 5x^2 - 5y + 5
 \end{aligned}$$

7. 다음 식 $\left(\frac{2}{3}a - 2\right)\left(-\frac{6}{5}a\right)$ 을 간단히 하면?

[배점 3, 하상]

- ① $-\frac{4}{15}a^2 - \frac{11}{15}a$ ② $-\frac{4}{15}a^2 - \frac{2}{5}a$
 ③ $-\frac{4}{5}a^2 + \frac{12}{5}a$ ④ $\frac{4}{15}a^2 + \frac{12}{5}a$
 ⑤ $\frac{8}{5}a^2 + \frac{12}{5}a$

해설

$$\begin{aligned}
 \frac{2}{3}a \times \left(-\frac{6}{5}a\right) + (-2) \times \left(-\frac{6}{5}a\right) \\
 = -\frac{4}{5}a^2 + \frac{12}{5}a
 \end{aligned}$$

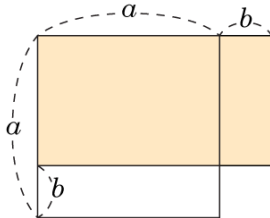
8. $\frac{2x+y}{3} + \frac{x-2y}{2}$ 를 간단히 하면? [배점 3, 하상]

- ① $2x + 15y$ ② $\frac{1}{6}x + \frac{5}{4}y$ ③ $\frac{7}{6}x - \frac{2}{3}y$
 ④ $x + 4y$ ⑤ $\frac{5}{4}x - \frac{1}{6}y$

해설

$$\begin{aligned}\frac{2x+y}{3} + \frac{x-2y}{2} &= \frac{2(2x+y)}{6} + \frac{3(x-2y)}{6} \\ &= \frac{4x+2y}{6} + \frac{3x-6y}{6} \\ &= \frac{4x+2y+3x-6y}{6} \\ &= \frac{7x-4y}{6} \\ &= \frac{7}{6}x - \frac{2}{3}y\end{aligned}$$

9. 다음 그림에서 색칠한 부분의 넓이는?



[배점 3, 하상]

- ① a^2 ② $a^2 + 2ab + b^2$
 ③ $a^2 - ab$ ④ $a^2 - b^2$
 ⑤ $a^2 - 2ab + b^2$

해설

직사각형의 넓이는 (가로 길이) × (세로 길이) 이므로, $(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$

10. $(x^a y^b z^c)^n = x^{28} y^{42} z^{70}$ 을 만족하는 자연수 n 의 값이 최대일 때, $a + 2b - c$ 의 값을 구하여라.

[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

$$\begin{array}{r} 2) \ 28 \ 42 \ 70 \\ 7) \ 14 \ 21 \ 35 \\ \hline 2 \ 3 \ 5 \end{array}$$

28, 42, 70 의 최대공약수가 14 이므로 $n = 14$ 이다.

$$x^{28} y^{42} z^{70} = (x^a y^b z^c)^{14}$$

$$a = 2, b = 3, c = 5$$

$$\therefore a + 2b - c = 2 + 6 - 5 = 3$$

11. 다음 중 옳은 것을 고르면?

[배점 3, 중하]

- ① $(-3x^3)^2 = -3x^5$
 ② $(-2^2 x^4 y)^3 = 32x^7 y^3$
 ③ $(2a^2)^4 = 16a^6$
 ④ $\left(-\frac{a^2}{b^4}\right)^2 = \frac{a^4}{b^8}$
 ⑤ $\left(-\frac{3y^2}{x}\right)^3 = -\frac{27y^5}{x^4}$

해설

- ① $(-3x^3)^2 = (-3)^2 x^6 = 9x^6$
 ② $(-2^2 x^4 y)^3 = (-2^2)^3 x^{12} y^3 = -64x^{12}y^3$
 ③ $(2a^2)^4 = 16a^8$
 ④ $\left(-\frac{a^2}{b^4}\right)^2 = \frac{a^4}{b^8}$
 ⑤ $\left(-\frac{3y^2}{x}\right)^3 = -\frac{27y^6}{x^3}$

12. 상수 a, b 에 대하여 $3x - 5y - \{y - 2(2x + 3y)\} = ax + by$ 일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▷ 정답 : 7

해설

$$\begin{aligned} & 3x - 5y - \{y - 2(2x + 3y)\} \\ &= 3x - 5y - (y - 4x - 6y) \\ &= 3x - 5y - (-4x - 5y) \\ &= 3x - 5y + 4x + 5y \\ &= 3x + 4x - 5y + 5y \\ &= (3 + 4)x + (-5 + 5)y \\ &= 7x \end{aligned}$$

이므로 $a = 7, b = 0$ 이다.

$$\therefore a + b = 7 + 0 = 7$$

13. $x = -2, y = 5$ 일 때, 다음 식의 값을 구하여라.

$$\frac{6x^2y - 9x^5y^4}{3xy}$$

[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▷ 정답 : -6004

해설

$$(\text{준식}) = \frac{6x^2y}{3xy} - \frac{9x^5y^4}{3xy} = 2x - 3x^4y^3$$

$2x - 3x^4y^3$ 에 $x = -2, y = 5$ 를 대입하면

$$\begin{aligned} 2 \times (-2) - 3 \times (-2)^4 \times 5^3 &= -4 - 6000 \\ &= -6004 \end{aligned}$$

14. $(ax - 2)(7x + b)$ 를 전개한 식이 $cx^2 + 10x - 16$ 일 때, 상수 a, b, c 에 대하여 $a + b + c$ 의 값을 구하여라.

[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▷ 정답 : 32

해설

$$(ax - 2)(7x + b) = 7ax^2 + (ab - 14)x - 2b$$

$$7ax^2 + (ab - 14)x - 2b = cx^2 + 10x - 16$$

$$-2b = -16, \therefore b = 8$$

$$ab - 14 = 10, 8a - 14 = 10, 8a = 24, \therefore a = 3$$

$$7a = c, \therefore c = 21$$

$$\therefore a = 3, b = 8, c = 21$$

$$\therefore a + b + c = 32$$

15. 다음 보기는 $vt = s + a$ 를 [] 안의 문자에 관하여 쓴 것이다. 옳은 것을 모두 골라라.

보기

$$\begin{array}{ll} \text{㉠} s = vt + a[s] & \text{㉡} a = vt - s[a] \\ \text{㉢} v = \frac{s+a}{t}[v] & \text{㉣} t = \frac{v}{s+a}[t] \end{array}$$

[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉡, ㉣

해설

$$\begin{array}{l} \text{㉠} vt = s + a \\ \therefore s = vt - a \\ \text{㉡} vt = s + a \\ \therefore a = vt - s \\ \text{㉢} vt = s + a \\ \therefore v = \frac{s+a}{t} \\ \text{㉣} vt = s + a \\ \therefore t = \frac{s+a}{v} \end{array}$$

16. $(2x + ay)^2 = bx^2 + cxy + 9y^2$ 일 때, $a - b + c$ 의 값을 구하여라.(단, $a > 0$) [배점 3, 중하]

▶ 답 :

▶ 정답 : 11

해설

$$\begin{array}{l} (2x + ay)^2 = 4x^2 + 4axy + a^2y^2 \\ 4x^2 + 4axy + a^2y^2 = bx^2 + cxy + 9y^2 \\ \therefore b = 4 \\ a^2 = 9 \\ \therefore a = 3(\because a > 0) \\ 4a = c \\ \therefore c = 12 \\ a - b + c = 3 - 4 + 12 = 11 \end{array}$$

17. $(x^4)^3 \div (x^a)^2 = x^2$, $(y^3)^b \div y^9 = 1$, $x^8 \div (x^2)^c \div x = \frac{1}{x}$ 을 만족할 때, $a + b - c$ 의 값을 구하여라.

[배점 4, 중중]

▶ 답 :

▶ 정답 : 4

해설

$$\begin{array}{l} x^{12-2a} = x^2, 12 - 2a = 2 \\ \therefore a = 5 \\ y^{3b-9} = 1, 3b - 9 = 0 \\ \therefore b = 3 \\ x^{8-2c-1} = x^{-1}, 8 - 2c - 1 = -1 \\ \therefore c = 4 \\ \therefore a + b - c = 4 \end{array}$$

18. $2^{x+4} = 4^{x-1}$ 이 성립할 때, x 의 값으로 옳은 것은? [배점 4, 중중]

① -1 ② 1 ③ 2 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$2^{x+4} = 2^{2(2x-1)}$$

$$x + 4 = 2(2x - 1)$$

$$x = 2$$

19. $\frac{x}{3}(6-3x) - \frac{x}{2}(6x-8) - 3x = Ax^2 + Bx$ 라 할 때,
 $2A + 3B$ 의 값을 구하여라. [배점 4, 중중]

▶ 답 :

▶ 정답 : 1

해설

$$(\text{준식}) = 2x - x^2 - (3x^2 - 4x) - 3x$$

$$= -4x^2 + 3x = Ax^2 + Bx$$

$$A = -4, B = 3$$

$$\therefore 2A + 3B = 2 \times (-4) + 3 \times 3 = 1$$

20. 식 $(3x^2 + x - 2) + (-5x^2 - 7x + 1)$ 을 간단히 하면?
 [배점 4, 중중]

① $-2x^2 - 6x - 1$

② $-2x^2 + 6x + 1$

③ $-2x^2 - 5x - 1$

④ $8x^2 - 4x - 1$

⑤ $8x^2 + 4x + 1$

해설

$$(3x^2 + x - 2) + (-5x^2 - 7x + 1)$$

$$= 3x^2 + x - 2 - 5x^2 - 7x + 1$$

$$= -2x^2 - 6x - 1$$

21. $(2x + y)(3x + 2y)$ 의 전개식에서, xy 의 계수는?
 [배점 4, 중중]

① 2

② 5

③ 7

④ 9

⑤ 11

해설

$$(2x + y)(3x + 2y)$$

$$= 6x^2 + 4xy + 3xy + 2y^2$$

$$= 6x^2 + 7xy + 2y^2$$

$$\therefore xy \text{ 의 계수 : 7}$$

22. $(-2a^2b^3)^4 \times \left(\frac{a}{2b^2}\right)^2 \div \{-(a^2b)^3\}$ 을 계산하면?
 [배점 5, 중상]

① $-4a^4b^5$

② $-2a^6b^3$

③ $4a^5b^4$

④ $-4a^6b^3$

⑤ $2a^4b^5$

해설

$$(\text{준식}) = 16a^8b^{12} \times \frac{a^2}{4b^4} \div (-a^6b^3)$$

$$= 16a^8b^{12} \times \frac{a^2}{4b^4} \times \left(-\frac{1}{a^6b^3}\right)$$

$$= -4a^4b^5$$

23. $(3x - 2y + 4z)(2x - 3y - z)$ 를 전개하였을 때, xy 의 계수를 A , xz 의 계수를 B 라 할 때, $A + B$ 의 값은?
[배점 5, 중상]

- ① -8 ② -13 ③ -18
④ 5 ⑤ 8

해설

$(3x - 2y + 4z)(2x - 3y - z)$ 에서
 xy 의 계수: $3x \times (-3y) + (-2y) \times 2x = -13xy \cdots \therefore A = -13$
 xz 의 계수: $3x \times (-z) + 4z \times 2x = 5xz \cdots \therefore B = 5$
 $\therefore A + B = -8$

24. $(2x - y + 1)^2$ 을 전개하였을 때 xy 의 계수를 A , x 의 계수를 B 라 할 때, $A + B$ 의 값을 구하여라.
[배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

$(2x - y + 1)(2x - y + 1)$
 $= 4x^2 - 2xy + 2x - 2xy + y^2 - y + 2x - y + 1$
 $= 4x^2 - 4xy + y^2 + 4x - 2y + 1$
 xy 의 계수는 -4 이고, x 의 계수는 4 이다.
따라서 $A = -4$, $B = 4$ 이다.
 $A + B = 0$

25. $\frac{4x + 5y}{3x - 5y} = \frac{1}{2}$ 일 때, $(x + 1) - 2y - 2$ 를 y 에 관한 식으로 나타내면?
[배점 5, 중상]

- ① $-5x + 1$ ② $-5y - 1$ ③ $-5y + 2$
④ $5y + 1$ ⑤ $-5y - 2$

해설

$8x + 10y = 3x - 5y$
 $5x = -15y \therefore x = -3y$
 $\therefore (x + 1) - 2y - 2 = -3y - 2y - 1 = -5y - 1$