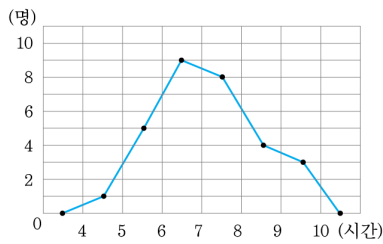


단원 종합 평가

1. 아래 그래프는 희정네 반 학생들의 수면 시간을 조사하여 나타낸 그래프이다. 희정네 반 학생 수는 모두 몇 명인가?



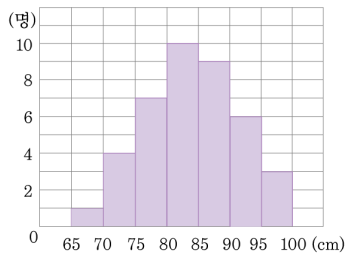
[배점 3, 하상]

- ① 20 명 ② 30 명 ③ 40 명
④ 50 명 ⑤ 100 명

해설

$$1 + 5 + 9 + 8 + 4 + 3 = 30(\text{명})$$

2. 다음 그림은 연희네 반 학생 40 명의 앞은키를 조사하여 나타낸 히스토그램이다. 도수가 가장 큰 계급의 직사각형의 넓이를 구하여라.



[배점 3, 하상]

▶ 답 :

▶ 정답 : 50

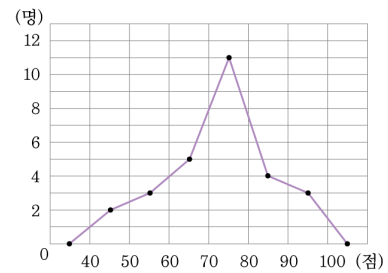
해설

직사각형의 가로는 5 이다.

도수가 가장 큰 계급은 80cm 이상 85cm 미만이므로 도수는 10 이다.

따라서 도수가 가장 큰 계급의 직사각형의 넓이는 $5 \times 10 = 50$ 이다.

3. 다음 그림은 중학교 1 학년 2 반 학생들의 수학성적을 나타낸 도수분포다각형이다. 도수가 가장 큰 계급의 누적도수를 구하여라.



[배점 3, 하상]

▶ 답 :

▶ 정답 : 21

해설

도수가 가장 큰 계급은 70점 이상 80점 미만이므로 누적 도수를 구하면 $2 + 3 + 5 + 11 = 21$ 이다.

4. A 학교 학생들의 몸무게를 조사하여 50kg 을 넘는 학생을 조사한 표가 아래와 같을 때, 몸무게가 50kg 을 넘는 학생의 비율을 구하여라.

	A 학교
전 체	600
50kg을 넘는 학생 수	450

[배점 3, 하상]

▶ 답 :

▷ 정답 : 0.75

해설

몸무게가 50kg 을 넘는 학생은 600 명 중 450 명
이므로 $\frac{450}{600} = 0.75$
따라서 몸무게가 50kg 을 넘는 학생의 비율은 0.75 이다.

5. 어떤 자료의 변량 전체의 집합 $X = \{x|x \text{는 } 10.5 \leq x < 24.5 \text{인 수}\}$ 이다. 10 부터 계급의 크기를 3 으로 할 때, 계급의 개수를 구하여라.

[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▷ 정답 : 5 개

해설

10 부터 계급의 크기를 3 으로 하여 계급을 나누어 보면 다음과 같다.

10 이상 13 미만

13 이상 16 미만

16 이상 19 미만

19 이상 22 미만

22 이상 25 미만

즉, 5 개의 계급으로 나누어진다.

6. 다음 표는 어느 반 학생들의 키를 조사한 것이다. 평균을 구하여라.

키(cm)	도수(명)
135 ^{이상} ~145 ^{미만}	5
145~155	7
155~165	9
165~175	4
합계	

[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▷ 정답 : 154.8cm

해설

$$\begin{aligned} \text{평균} &= \frac{140 \times 5 + 150 \times 7 + 160 \times 9 + 170 \times 4}{25} \\ &= \frac{3870}{25} \\ &= 154.8(\text{cm}) \end{aligned}$$

7. 어떤 도수분포표에서 계급의 크기가 6일 때, 계급값이 25가 될 수 있는 계급 a 의 값의 범위는?

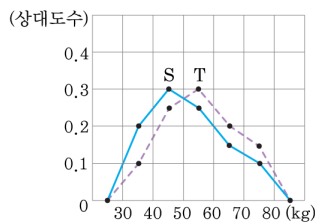
[배점 3, 중하]

- ① $20 \leq a < 30$ ② $19 \leq a < 31$
 ③ $23 \leq a < 26$ ④ $22 \leq a < 28$
 ⑤ $22.5 \leq a < 27.5$

해설

$25 - 3 \leq a < 25 + 3$ 이므로 $22 \leq a < 28$ 이다.

8. 다음 그래프는 어느 도시의 두 중학교 학생들의 몸무게를 조사하여 나타낸 상대도수의 분포다각형 모양의 그래프이다. S 중학교 학생 120명을 조사하였을 때, 몸무게의 평균을 구하여라.



[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▶ 정답 : 51.5 kg

해설

$$35 \times 0.2 + 45 \times 0.3 + 55 \times 0.25 + 65 \times 0.15 + 75 \times 0.1 = 51.5(\text{kg})$$

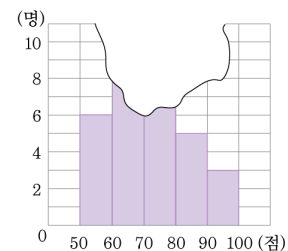
9. 다음 중 도수의 합이 다른 두 자료의 분포 상태를 비교하기에 적당한 것은? [배점 3, 중하]

- ① 도수분포표 ② 히스토그램
 ③ 도수분포다각형 ④ 상대도수의 그래프
 ⑤ 누적도수의 그래프

해설

상대도수의 그래프는 도수의 합이 다른 두 자료를 비교하기에 적합하다.

10. 다음 그림은 민호네 반 학생 36 명의 영어 성적을 조사하여 만든 히스토그램인데 일부가 찢어져 보이지 않는다. 영어 성적이 70 점 미만인 학생이 전체의 50% 이고, 60 점 이상 70 점 미만인 학생 수는 a 명, 70 점 이상 80 점 미만인 학생 수는 b 명일 때, $\frac{b}{a}$ 의 값을 구하여라.



[배점 4, 중중]

▶ 답 :

▶ 정답 : $\frac{5}{6}$

해설

70 점 미만의 학생이 전체의 50% 이므로 학생 수는 $\frac{\square}{36} \times 100 = 50$, $\square = 18$ (명)이다.

60 점 이상 70 점 미만의 학생 수는 $18 - 6 = 12 = a$ 이다.

70 점 이상 80 점 미만의 학생 수는 $36 - (6 + 12 + 5 + 3) = 10 = b$ 이다.

따라서 $\frac{b}{a} = \frac{10}{12} = \frac{5}{6}$ 이다.

해설

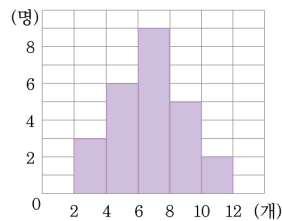
계급의 크기가 2 이므로 직사각형의 가로는 2 이다.

10 개 이상 12 개 미만인 직사각형의 넓이는 $2 \times 2 = 4$ 이고,

4 개 이상 6 개 미만인 직사각형의 넓이는 $2 \times 6 = 12$ 이다.

따라서 10 개 이상 12 개 미만인 직사각형의 넓이는 4 개 이상 6 개 미만인 직사각형의 넓이의 $\frac{1}{3}$ 배이다.

11. 다음 그림은 수애네 반 학생들이 가지고 있는 볼펜의 수를 조사하여 나타낸 히스토그램이다. 볼펜의 수가 10 개 이상, 12 개 미만인 계급의 직사각형의 넓이는 볼펜의 수가 4 개 이상 6 개 미만인 계급의 직사각형의 넓이의 몇 배인지 구하여라.

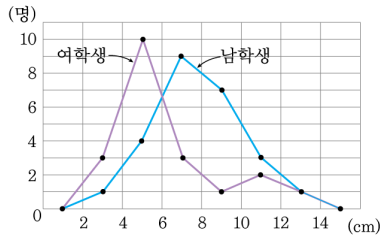


[배점 4, 중중]

▶ 답:

▶ 정답: $\frac{1}{3}$

12. 다음은 1학년 3반 학생의 1년 동안 자란 키를 조사하여 나타낸 도수분포다각형이다. 다음 <보기> 중 옳은 것을 모두 골라라.



보기

- ㉠ 여학생의 수가 남학생의 수보다 많다.
- ㉡ 6cm 이상 8cm 미만인 계급의 여학생은 여학생 전체의 25% 이다.
- ㉢ 4cm 이상 6cm 미만인 계급의 남학생은 남학생 전체의 15% 이다.
- ㉣ 여학생이 가장 많이 속한 계급은 여학생 전체의 40% 이다.
- ㉤ 남학생이 가장 많이 속한 계급은 남학생 전체의 36% 이다.

[배점 4, 중중]

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉡

▶ 정답 : ㉤

해설

㉠ 여학생의 수는 $3 + 10 + 3 + 1 + 2 + 1 = 20$ (명) 이고, 남학생의 수는 $1 + 4 + 9 + 7 + 3 + 1 = 25$ (명) 이다.

㉢ 4cm 이상 6cm 미만인 계급의 남학생은 $\frac{4}{25} \times 100 = 16$ (%) 이다.

㉣ 여학생이 가장 많이 속한 계급은 $\frac{10}{20} \times 100 = 50$ (%) 이다.

13. 아래 표는 여학생 40 명의 몸무게를 조사하여 나타낸 누적도수의 분포표이다. 몸무게가 35kg 이상 40kg 미만인 학생 수가 40kg 이상인 학생 수의 $\frac{1}{4}$ 일 때, 몸무게가 35kg 이상 40kg 미만인 계급의 누적도수를 구하면?

몸무게(kg)	누적도수
30 이상 ~ 35 미만	5
35 ~ 40	
40 ~ 45	
45 ~ 50	40
50 ~ 55	50

[배점 4, 중중]

- ① 10 ② 12 ③ 14 ④ 16 ⑤ 18

해설

몸무게가 30kg 이상 35kg 미만인 계급의 도수는 5명, 35kg 이상 40kg 미만인 계급의 도수를 a 명이라 하면 40kg 이상인 계급의 도수는 $4a$ 명이므로

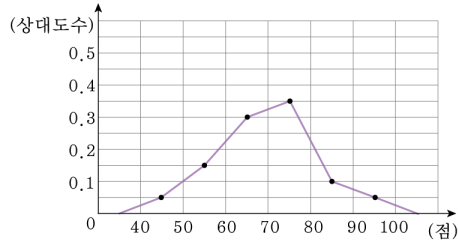
$$5 + a + 4a = 40$$

$$5a = 35$$

$$\therefore a = 7$$

따라서 몸무게가 35kg 이상 40kg 미만인 계급의 누적도수는 $5 + 7 = 12$ 이다.

14. 다음은 1 학년 4 반 40 명의 학생들의 수학 성적을 상대도수의 그래프로 나타낸 것이다. 수학 성적 석차가 각각 3 등, 12 등, 21 등인 학생의 계급값의 평균을 구하여라.



[배점 4, 중중]

▶ 답 :

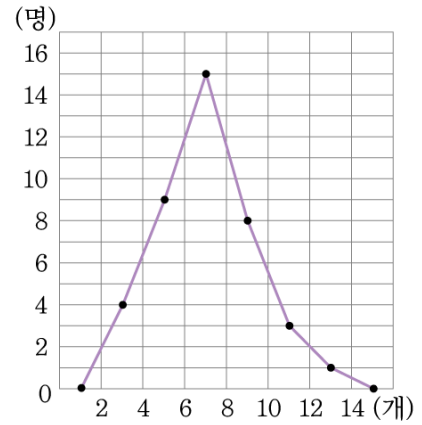
▷ 정답 : 75 점

해설

계급	상대도수	도수	누적도수
90 ~ 100 ^{미만}	0.05	2	2
80 ~ 90	0.1	4	6
70 ~ 80	0.35	14	20
60 ~ 70	0.3	12	32
50 ~ 60	0.15	6	38
40 ~ 50	0.05	2	40

3 등인 학생이 속하는 계급의 계급값은 85 점 이고
12 등인 학생이 속하는 계급의 계급값은 75 점
21 등인 학생이 속하는 계급의 계급값은 65 점 이
므로
이들의 평균을 구하면 $\frac{85 + 75 + 65}{3} = 75$ (점) 이
다.

15. 다음 표는 1 학년 4 반 학생 40 명의 충치를 조사하여 나타낸 도수분포 다각형이다. 충치 개수가 6 개 이상 12 개 미만인 학생의 상대도수를 구하여라.



[배점 4, 중중]

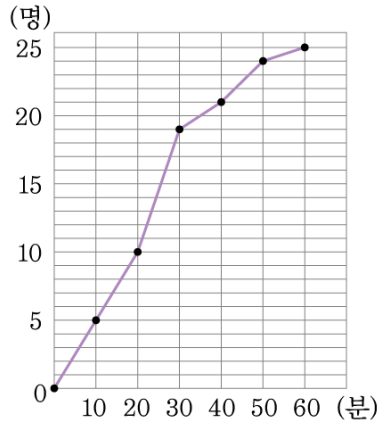
▶ 답 :

▷ 정답 : 0.65

해설

전체도수를 구하면 $4 + 9 + 15 + 8 + 3 + 1 = 40$
충치 개수가 6 개 이상 12 개 미만인 학생의 도수의
합은 $15 + 8 + 3 = 26$
충치 개수가 6 개 이상 12 개 미만인 학생의 상대
도수는 $\frac{26}{40} = 0.65$ 이다.

16. 아래 그래프는 어느 학교 학생들의 통학 시간에 대한 누적도수의 분포를 나타낸 그래프이다. 이 그래프에 대한 설명 중 옳지 않은 것은?



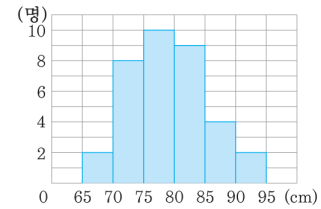
[배점 4, 중중]

- ① 대체로 통학 시간이 30 분 미만 걸리는 학생이 그 이상 걸리는 학생보다 많다.
- ② 각 계급의 상대도수는 증가한다.
- ③ 통학 시간이 40 분 이상 걸리는 학생은 5 명 미만이다.
- ④ 각 계급의 누적도수는 증가한다.
- ⑤ 통학 시간이 20 분 이상 30 분 미만 걸리는 학생이 가장 많다.

해설

② 각 계급의 상대도수의 크기는 도수의 크기에 비례하므로 계속 증가하지는 않는다.

17. 다음 그림은 영수네 반 학생들의 앉은키를 조사하여 나타낸 히스토그램이다. 5 번째로 앉은키가 작은 학생이 속한 계급의 직사각형의 넓이는 5 번째로 앉은키가 큰 학생이 속한 계급의 직사각형의 넓이의 몇 배인지 구하여라.



[배점 5, 중상]

▶ 답 :

▷ 정답 : 2 배

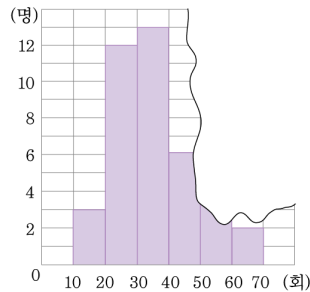
해설

5 번째로 앉은키가 작은 학생이 속한 계급은 70cm 이상 75cm 미만이다. 계급의 크기가 5, 도수가 8 이므로 넓이는 40 이다.

5 번째로 앉은키가 큰 학생이 속한 계급은 85cm 이상 90cm 미만이다. 계급의 크기가 5, 도수가 4 이므로 넓이는 20 이다.

따라서 $40 \div 20 = 2$ (배) 이다.

18. 다음 그림은 진주네 반 학생들의 30 초 동안 줄넘기 기록을 나타낸 히스토그램인데 일부가 찢어져 보이지 않는다. 기록이 30 회 미만인 학생 수와 30 회 이상인 학생 수의 비가 5 : 8 일 때, 기록이 50 회 이상 60 회 미만인 학생 수를 구하여라.



[배점 5, 중상]

▶ 답 :

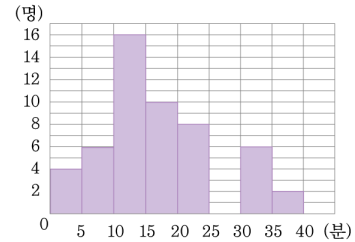
▷ 정답 : 3 명

해설

30 회 미만의 학생 수는 $3 + 12 = 15$ (명)이고, 30 회 미만인 학생 수와 30 회 이상인 학생 수의 비가 5 : 8 이므로 $15 : \square = 5 : 8, \square = 24$ (명)이다.

30 회 이상 50 회 미만은 $13 + 6 = 19$ (명)이고 60 회 이상 70 회 미만이 2 명이므로 50 회 이상 60 회 미만은 $24 - 19 - 2 = 3$ (명)이다.

19. 다음 그림은 민자네 중학교 학생 60 명의 통학 시간을 조사하여 히스토그램으로 나타낸 것이다. 통학 시간이 5 분 이상 10 분 미만인 계급에 해당하는 직사각형의 넓이를 30 이라 할 때, 25 분 이상 30 분 미만인 계급에 해당하는 직사각형의 넓이를 구하여라.



[배점 5, 중상]

▶ 답 :

▷ 정답 : 40

해설

5 분 이상 10 분 미만인 계급의 도수가 6 이고, 25 분 이상 30 분 미만인 계급의 도수는 $60 - (4 + 6 + 16 + 10 + 8 + 6 + 2) = 8$ 이다.

직사각형의 가로 길이가 일정하므로 직사각형의 넓이는 세로의 길이에 해당하는 도수에 비례한다. 6 명일 때, 직사각형의 넓이가 30 이므로 8 명일 때, 직사각형의 넓이를 x 라 하면 $6 : 30 = 8 : x, x = 40$ 이다.

20. 다음 표는 10대 학생들의 한 달 동안 읽는 책의 권수를 나타낸 것이다. 각 문자에 해당하는 값이 바르게 연결된 것은?

읽은 책 수(권)	도수(명)	상대도수	누적도수(명)
0 ^{이상} ~ 5 ^{미만}	5	C	5
5 ~ 10	9	0.18	14
10 ~ 15	17	0.34	31
15 ~ 20	10	0.2	E
20 ~ 25	A	D	47
25 ~ 30	3	0.06	50
합계	50	B	

[배점 5, 중상]

- ① A - 5 ② B - 1.2 ③ C - 0.15
 ④ D - 0.12 ⑤ E - 42

해설

- ① $50 - (5 + 9 + 17 + 10 + 3) = 6$
 ② 상대도수의 합은 항상 1 이다.
 ③ $C = \frac{5}{50} = 0.1$
 ④ $D = \frac{6}{50} = 0.12$
 ⑤ $E = 31 + 10 = 41$

21. 다음 표는 어느 중학교 1 학년 45 명과 2 학년 학생 40 명의 하루 평균 통학 시간을 조사하여 나타낸 도수 분포표이다. 통학 시간이 20 분 이상인 학생의 비율은 어느 학년이 더 높은지 구하여라.

통학 시간	1학년	2학년
5분이상 ~ 10분 미만	10	8
10분이상 ~ 15분 미만	9	14
15분이상 ~ 20분 미만	17	11
20분이상 ~ 25분 미만	9	6
합계	45	40

[배점 5, 중상]

▶ 답 :

▶ 정답 : 1 학년

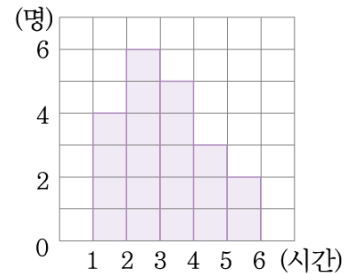
해설

통학 시간이 20 분 이상인 1 학년의 비율은 $\frac{9}{45} = 0.20$

통학 시간이 20 분 이상인 2 학년의 비율은 $\frac{6}{40} = 0.15$

따라서 통학시간이 20 분 이상인 학생의 비율은 1 학년이 더 높다.

22. 다음 그림은 영훈이네 반 학생들의 일주일 동안의 운동 시간을 조사하여 나타낸 히스토그램이다. 학생들의 평균 운동 시간은 몇 시간 몇 분인지 구하여라.



[배점 5, 상하]

▶ 답 :

▶ 정답 : 3 시간 9 분

해설

$$\frac{1.5 \times 4 + 2.5 \times 6 + 3.5 \times 5 + 4.5 \times 3 + 5.5 \times 2}{20} = \frac{63}{20} = 3.15(\text{시간}) \text{ 이다.}$$

23. 다음 도수분포표는 한 학급 학생들의 몸무게를 조사하여 나타낸 것이다. 다음 조건을 만족하는 x, y, z 의 값을 구하여라.

무게(kg)	도수(명)
40~44	1
44~48	x
48~52	16
52~56	5
56~60	y
60 이상	z
합계	50

조건 1. 계급 44kg 이상 48kg 미만의 도수는 56kg 이상 60kg 미만의 도수의 $\frac{2}{3}$ 배이다.

조건 2. 계급 56kg 이상 60kg 미만의 도수는 60kg 이상의 도수의 5 배이다. [배점 5, 상하]

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = 10$

▷ 정답 : $y = 15$

▷ 정답 : $z = 3$

해설

총 학생 수가 50 명이므로, $x + y + z = 28$ 이다.

$$\text{조건 1. } x = \frac{2}{3}y$$

$$\text{조건 2. } y = 5z$$

$$x + y + z = 28$$

$$\frac{2}{3}y + y + \frac{1}{5}y = 28$$

$$y = 15$$

$$\therefore x = 10, y = 15, z = 3$$

24. 어떤 학급에서 남학생과 여학생의 키를 조사하셨더니 남학생의 평균은 160cm, 여학생의 평균은 155cm, 전체 학생의 평균은 158cm 였다. 이 학급의 남학생과 여학생의 비율을 간단한 정수의 비로 구하여라.

[배점 5, 상하]

▶ 답 :

▷ 정답 : 3 : 2

해설

남학생의 수를 a , 여학생의 수를 b 라 두면,

$$\frac{160a + 155b}{a + b} = 158$$

$$\rightarrow 2a = 3b$$

따라서 남학생과 여학생의 비율은 3 : 2 이다.

25. 다음은 A, B 두 학급의 수학 성적을 조사하여 상대 도수로 나타낸 것이다. 수학 성적이 50 점 이상 70 점 미만인 학생이 A 학급은 18 명, B 학급은 24 명일 때, A 반 11 등은 B 반에서 적어도 몇 등을 할 수 있는지 구하여라.

점수(점)	A	B
50 이상 ~ 60 미만	0.2	0.15
60 ~ 70	0.25	0.25
70 ~ 80	0.3	0.4
80 ~ 90	0.15	0.15
90 ~ 100	0.1	0.05

[배점 5, 상하]

▶ 답 :

▷ 정답 : 37 등

해설

A 학급의 학생 수는 $\frac{18}{0.2 + 0.25} = 40$ (명)

B 학급의 학생 수는 $\frac{24}{0.15 + 0.25} = 60$ (명)

A 학급에서 80 점 이상인 학생의 수가 $40 \times (0.15 + 0.1) = 10$ (명)이므로 11 등인 학생의 점수는 70 점에서 80 점 사이이다.

B 학급의 70 점 이상인 학생 수는 $60 \times (0.4 + 0.15 + 0.05) = 36$ (명)이므로,

따라서, A 반 11 등은 B 반에서 적어도 37 등은 할 수 있다.