

확인학습문제

1. 우리 마트는 오픈 10 주년을 맞이하여 할인 행사를 한다고 한다. 마트 내에 과일가게는 4 일마다 반값으로 할인을 하고, 정육점은 6 일마다 반값으로 할인을 한다. 행사가 같은 날에 동시에 시작하여 다음에 처음으로 동시에 할인을 하는 날은 며칠 후인지 구하여라.

[배점 2, 하중]

▶ 답:

▶ 정답: 12 일후

▶ 정답: 12 일후

해설

4 와 6 의 최소공배수는 12 이므로 다음에 처음으로 동시에 할인 행사를 하는 날은 12 일 후이다.

2. 6 으로 나누거나 8 로 나누어도 3 이 남는 수 중에서 가장 작은 수는? [배점 2, 하중]

① 23 ② 24 ③ 25 ④ 26 ⑤ 27

해설

6, 8 의 최소공배수는 24 이므로 구하는 자연수는 $24 + 3 = 27$ 이다.

3. 3 으로 나누면 2 가 남고, 4 로 나누면 3 이 남고, 5 로 나누면 4 가 남는 자연수 중에서 110 에 가장 가까운 수를 구하면? [배점 3, 하상]

① 112 ② 113 ③ 114

④ 119 ⑤ 120

해설

구하는 수를 n 이라 하면

$n = (3, 4, 5 \text{ 의 공배수}) - 1$ 이고

3, 4, 5 의 최소공배수는 60 이므로

3, 4, 5 의 공배수는 60, 120, 180, ... 이다.

$\therefore n = 59, 119, 179, \dots$

$\therefore 110$ 에 가장 가까운 수는 119

4. 세 자연수 15, 20, 24 의 어느 것으로 나누어도 나누어 떨어지는 자연수 중에서 가장 작은 수를 구하면?

[배점 3, 하상]

① 15 ② 80 ③ 120

④ 164 ⑤ 210

해설

구하는 수를 x 라고 하면 x 는 15, 20, 24 의 공배수이다. 그 중에서 가장 작은 수는 세 수의 최소공배수이므로 15, 20, 24 의 최소공배수는 120 이다.

5. 사과 58 개와 귤 104 개를 될 수 있는 대로 많은 학생에게 똑같이 나누어 주면, 사과는 2 개가 부족하고, 귤은 6 개가 부족하다고 한다. 이때, 학생 수를 구하여라.

[배점 3, 하상]

▶ 답:

▶ 정답: 10 명

▶ 정답: 10 명

해설

학생 수는 $58 + 2 = 60$, $104 + 6 = 110$ 의 최대공약수이므로 10 (명)

6. 가로, 세로, 높이가 각각 54 cm, 90 cm, 108 cm 인 직육면체 모양의 상자를 크기가 같은 정육면체 상자들로 빈틈없이 채우려고 한다. 정육면체를 최대한 적게 사용하려고 할 때, 정육면체의 개수는?
[배점 3, 하상]

- ① 180 개 ② 90 개 ③ 36 개
④ 24 개 ⑤ 15 개

해설

정육면체가 가장 적을 때 정육면체 한 모서리의 길이가 가장 크므로 상자 한 모서리의 길이는 54, 90, 108 의 최대공약수인 18cm 이다.

따라서 상자의 개수는

$$(54 \div 18) \times (90 \div 18) \times (108 \div 18) = 90 \text{ (개)}$$

7. $\frac{12}{n}$ 와 $\frac{21}{n}$ 을 자연수로 만드는 자연수 n 을 모두 구하여라.
[배점 3, 하상]

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : 1

▶ 정답 : 3

▶ 정답 : 1

▶ 정답 : 3

해설

$\frac{12}{n}$, $\frac{21}{n}$ 을 자연수로 만드는 자연수 n 은 12 와 21 의 공약수이다.

12 와 21 의 최대공약수는 3 이므로 $n = 1, 3$ 이다.

8. 가로, 세로, 높이가 각각 12 cm, 8 cm, 6 cm 인 직육면체 모양의 벽돌을 빈틈없이 쌓아서 가장 작은 정육면체를 만들려고 한다. 필요한 벽돌은 몇 장인지 구하여라.
[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▶ 정답 : 24 장

▶ 정답 : 24 장

해설

정육면체의 한 변의 길이는 12, 8, 6 의 공배수이어야 하고, 가장 작은 정육면체를 만들려면 한 변의 길이는 12, 8, 6 의 최소공배수이어야 한다.

따라서 정육면체의 한 변의 길이는 24cm 이고 가로는 $24 \div 12 = 2$ (장), 세로는 $24 \div 8 = 3$ (장), 높이는 $24 \div 6 = 4$ (장)이 필요하므로 구하는 벽돌의 수는 $2 \times 3 \times 4 = 24$ (장) 이다.

$$\begin{array}{r} 2) \quad 12 \quad 8 \quad 6 \\ \hline 6 \quad 4 \quad 3 \\ 2) \quad 6 \quad 4 \quad 3 \\ \hline 3 \quad 2 \quad 3 \\ 3) \quad 3 \quad 2 \quad 3 \\ \hline 1 \quad 2 \quad 1 \end{array}$$

9. 어느 학교에서 홍수 피해를 입은 학생들에게 티셔츠 108 벌, 신발 120 켤레, 라면 96 박스를 똑같이 나누어 주었다. 피해 학생이 10 명 이상 20 명 이하일 때, 피해 학생은 모두 몇 명인가? [배점 3, 중하]

- ① 10 명 ② 11 명 ③ 12 명
④ 13 명 ⑤ 14 명

해설

똑같이 나누어 받을 수 있는 피해 학생 수는 108 과 120 과 96 의 공약수이다. 그런데 공약수는 최대공약수의 약수이다.

$$4 \overline{) 108 \ 120 \ 96}$$

$$3 \overline{) 27 \ 30 \ 24}$$

$$9 \ 10 \ 8$$

$$\text{최대공약수} : 4 \times 3 = 12 \text{ (명)}$$

$$\text{공약수} : 1, 2, 3, 4, 6, 12 \text{ (명)}$$

공약수 중에서 10 명 이상 20 명 이하인 것은 12 명이다.

10. 어느 학원에서 수강생들에게 쿠키 108 개, 빵 72 개, 우유 36 개를 똑같이 나누어 주었다. 수강생이 15 명 이상 25 명 이하일 때, 이 학원의 수강생은 몇 명인지 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답 :

▷ 정답 : 18 명

▷ 정답 : 18 명

해설

똑같이 나누어 받을 수 있는 수강생 수는 108 과 72 와 36 의 공약수이다. 그런데 공약수는 최대공약수의 약수이다.

$$9 \overline{) 108 \ 72 \ 36}$$

$$4 \overline{) 12 \ 8 \ 4}$$

$$3 \ 2 \ 1$$

$$\text{최대공약수} : 9 \times 4 = 36 \text{ (명)}$$

$$\text{공약수} : 1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36 \text{ (명)}$$

공약수 중에서 15 명 이상 25 명 이하인 것은 18 명이다.

11. 두 자연수 8 과 10 중 어느 것으로 나누어도 나머지가 7 인 두 자리 자연수 중 가장 큰 수를 구하여라.

[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▷ 정답 : 87

▷ 정답 : 87

해설

8 과 10 의 공배수에 7 을 더한 수를 구한다.

$$8 \text{ 과 } 10 \text{ 의 최소공배수} : 2 \times 4 \times 5 = 40$$

$$40 \text{ 의 배수} : 40, 80, 120 \dots$$

따라서, 구하는 두 자리 수는 $40+7=47$, $80+7=87$ 이다.

12. 어떤 자연수로 50 을 나누면 2 가 남고, 35 를 나누면 3 이 남고, 87 을 나누면 7 이 남는다고 한다. 이러한 수 중에서 가장 큰 수를 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답 :

▶ 정답 : 16

▶ 정답 : 16

해설

구하는 수는 $50 - 2 = 48$, $35 - 3 = 32$, $87 - 7 = 80$ 의 최대공약수이다.

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 23} \\ 2 \overline{) 11} \cdots 1 \\ 2 \overline{) 5} \cdots 1 \\ 2 \overline{) 2} \cdots 1 \\ 2 \overline{) 21} \cdots 0 \\ 20 \cdots 1 \end{array} \uparrow$$

$\therefore 23 = 10111_{(2)}$

13. 어떤 자연수로 65 를 나누면 7 이 부족하고 140 을 나누면 4 가 부족하고, 210 을 나누면 6 이 부족하다고 한다. 이러한 자연수 중에서 가장 큰 것은?

[배점 4, 중중]

- ① 6 ② 12 ③ 36 ④ 42 ⑤ 72

해설

$65 + 7 = 72$, $140 + 4 = 144$, $210 + 6 = 216$ 의 최대공약수는 72 이다.

14. 가로 길이가 140cm, 세로 길이가 105cm, 높이가 210cm 인 직육면체를 가능한 한 가장 큰 정육면체로 가득 채우려고 한다. 이때, 사용되는 정육면체의 한 모서리의 길이를 a cm, 정육면체의 개수를 b 개라 할 때, $a + b$ 의 값은? [배점 4, 중중]

- ① 107 ② 108 ③ 109
④ 110 ⑤ 111

해설

만들어진 정육면체의 한 모서리의 길이는

140, 105, 210 의 최대공약수이므로

$$140 = 2^2 \times 5 \times 7, 105 = 3 \times 5 \times 7, 210 = 2 \times 3 \times 5 \times 7$$

최대공약수는 $5 \times 7 = 35$

$$\therefore a = 35$$

정육면체의 개수는

$$(140 \div 35) \times (105 \div 35) \times (210 \div 35) = 4 \times 3 \times 6 = 72 \text{ (개)}$$

$$\therefore b = 72$$

$$\therefore a + b = 107$$

15. 아름이와 다운이는 각각 8 일, 12 일 간격으로 같은 장소에서 봉사활동을 하고 있다. 4 월 5 일에 함께 봉사활동을 하였다면 다음에 처음으로 봉사활동을 함께 하는 날은 몇 월 며칠인가? [배점 4, 중중]

- ① 4 월 29 일 ② 4 월 30 일
③ 4 월 28 일 ④ 5 월 1 일
⑤ 5 월 3 일

해설

$8 = 2^3$, $12 = 2^2 \times 3$ 이다.

8 과 12 의 최소공배수는 $2^3 \times 3 = 24$ 이다.

24 일 후인 29 일에 다음에 처음으로 봉사활동을
함께 한다.