

단원 종합 평가

1. $(a + b - 3)(a - b)$ 를 전개하면? [배점 3, 하상]

- ① $a^2 - b^2 - a + 3b$ ② $a^2 - b^2 - 3a + b$
 ③ $a^2 - b^2 + a + 3b$ ④ $a^2 - b^2 - 3a - 3b$
 ⑤ $a^2 - b^2 - 3a + 3b$

해설

$$\begin{aligned} & (a + b - 3)(a - b) \\ &= a^2 - ab + ab - b^2 - 3a + 3b \\ &= a^2 - b^2 - 3a + 3b \end{aligned}$$

2. $(2x + 1)(5x + A) = 10x^2 + Bx - 2$ 일 때, $A + B$ 의 값을 구하여라. [배점 3, 하상]

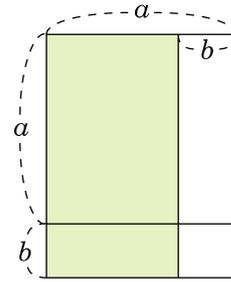
▶ 답:

▶ 정답: $A + B = -1$

해설

$$\begin{aligned} & 10x^2 + (2A + 5)x + A = 10x^2 + Bx - 2 \\ & 1) A = -2 \\ & 2) B = 2A + 5 \text{ 에서 } B = 1 \\ & \therefore A + B = -2 + 1 = -1 \end{aligned}$$

3. 다음 그림에서 색칠한 부분의 넓이는?



[배점 3, 하상]

- ① $a^2 - 2ab + b^2$ ② $a^2 - b^2$
 ③ $a^2 + b^2$ ④ $a^2 + 2ab + b^2$
 ⑤ $a^2 + 2ab$

해설

색칠한 부분의 직사각형의 가로의 길이는 $a - b$, 세로의 길이는 $a + b$ 이므로 넓이는 $(a - b)(a + b) = a^2 - b^2$

4. 다음 중 인수분해를 바르게 한 것은?

[배점 3, 하상]

- ① $ma + mb - m = m(a + b)$
 ② $64a^2 + 32ab + 4b^2 = (8a + 2b)^2$
 ③ $-4a^2 + 9b^2 = (2a + 3b)(2a - 3b)$
 ④ $x^2 - 5x - 6 = (x - 2)(x - 3)$
 ⑤ $2x^2 - 5xy + 3y^2 = (x - 3y)(2x - y)$

해설

- ① $ma + mb - m = m(a + b - 1)$
 ③ $-4a^2 + 9b^2 = -(2a + 3b)(2a - 3b)$
 ④ $x^2 - 5x - 6 = (x - 6)(x + 1)$
 ⑤ $2x^2 - 5xy + 3y^2 = (2x - 3y)(x - y)$

5. $(x - Ay)(Bx + 4y) = 2x^2 + Cxy - 12y^2$ 에서 $AB - 2C$ 의 값을 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답:

▷ 정답: 10

해설

$$\begin{aligned} (x - Ay)(Bx + 4y) &= Bx^2 + 4xy - ABxy - 4Ay^2 \\ &= 2x^2 + Cxy - 12y^2 \\ B = 2, -4A = -12 &\quad \therefore A = 3 \\ C = 4 - AB = 4 - 3 \times 2 = -2 \\ \therefore AB - 2C = 3 \times 2 - 2 \times (-2) &= 6 + 4 = 10 \end{aligned}$$

6. 다음 식 $(x + 3)(-x - 2)$ 을 바르게 전개한 것을 고르면? [배점 3, 중하]

- ① $-x^2 - 5x - 6$ ② $-x^2 - 5x + 6$
 ③ $-x^2 + 5x - 6$ ④ $x^2 - 5x - 6$
 ⑤ $-x^2 + 5x + 6$

해설

$$(\text{준식}) = -x^2 - 2x - 3x - 6 = -x^2 - 5x - 6$$

7. 다음 식을 전개했을 때, xy 의 계수가 가장 큰 식을 고르면? [배점 3, 중하]

- ① $y(-x + xy)$ ② $xy(2x + y + 3)$
 ③ $(x + y)(x - z)$ ④ $(y + 2)(3x - y)$
 ⑤ $(y^2 + y)(5x + 2)$

해설

- ① $y(-x + xy) = -xy + xy^2$ 에서 xy 의 계수: -1
 ② $xy(2x + y + 3) = 2x^2y + xy^2 + 3xy$ 에서 xy 의 계수: 3
 ③ $(x + y)(x - z) = x^2 - xz + xy - yz$ 에서 xy 의 계수: 1
 ④ $(y + 2)(3x - y) = 3xy - y^2 + 6x - 2y$ 에서 xy 의 계수: 3
 ⑤ $(y^2 + y)(5x + 2) = 5xy^2 + 2y^2 + 5xy + 2y$ 에서 xy 의 계수: 5
 따라서, xy 의 계수가 가장 큰 식은 ⑤

8. $a = \sqrt{3} - 4$, $b = 2 + \sqrt{3}$, $c = 3 - \sqrt{3}$ 일 때, $a^2 - ab + ac - bc$ 의 값을 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$$\begin{aligned} (\text{준식}) &= a(a - b) + c(a - b) \\ &= (a - b)(a + c) \\ &= (\sqrt{3} - 4 - 2 - \sqrt{3})(\sqrt{3} - 4 + 3 - \sqrt{3}) \\ &= (-6) \times (-1) \\ &= 6 \end{aligned}$$

9. x 에 관한 이차식 $x^2 + ax + 4$ 의 한 인수가 $x + 1$ 일 때, a 은? [배점 3, 중하]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

다른 인수를 $x + A$ 라 하면,

$$(x + 1)(x + A) = x^2 + (A + 1)x + A$$

$$= x^2 + ax + 4$$

$$A = 4$$

$$\therefore a = 1 + A = 1 + 4 = 5$$

10. $(x+y+3)(x+ay-7)$ 을 전개하면 상수항을 제외한 각 항의 계수의 합이 -4 이다. 이 때, a 의 값을 구하여라.

[배점 4, 중중]

▶ 답:

▷ 정답: 1

해설

전개하면, $(x + y + 3)(x + ay - 7) = x^2 + (a + 1)xy + ay^2 - 4x + (3a - 7)y - 21$

상수항을 제외한 각 항의 계수의 합이 -4 이므로

$$1 + a + 1 + a - 4 + 3a - 7 = -4$$

$$5a - 9 = -4, a = 1$$

해설

상수항은 $3 \times (-7) = -21$ 이고 상수항을 제외한 각 항의 계수의 합이 -4 이므로

상수항을 포함한 모든 계수의 합은 -25 이다.

따라서, 준식에 $x = 1, y = 1$ 을 대입하면

$$(1 + 1 + 3)(1 + a - 7) = -25$$

$$5(a - 6) = -25$$

$$a - 6 = -5 \therefore a = 1$$

11. $(x + 2y - 3)(x - 2y - 3)$ 을 전개하면?

[배점 4, 중중]

① $-x^2 + 6x + 4y^2 - 9$

② $x^2 - 6x - 4y^2 - 9$

③ $x^2 - 6x - 4y^2 + 9$

④ $x^2 - 6x + 4y^2 + 9$

⑤ $x^2 + 6x + 4y^2 + 9$

해설

$x - 3 = t$ 라 하면

$$(x - 3 + 2y)(x - 3 - 2y) = (t + 2y)(t - 2y) = t^2 - 4y^2$$

$$= (x - 3)^2 - 4y^2 = x^2 - 6x + 9 - 4y^2 = x^2 - 6x - 4y^2 + 9$$

12. $x^2y - y - 2 + 2x^2$ 의 인수가 아닌 것은?

[배점 4, 중중]

① $x - 1$

② $x + 1$

③ $x^2 - 1$

④ $y - 2$

⑤ $y + 2$

해설

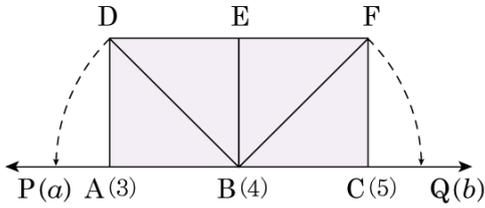
$$(준식) = x^2y + 2x^2 - y - 2$$

$$= x^2(y + 2) - (y + 2)$$

$$= (x^2 - 1)(y + 2)$$

$$= (x + 1)(x - 1)(y + 2)$$

13. 다음 그림과 같은 정사각형 ABED, BCFE 에서 $\overline{BD} = \overline{BF}$, $\overline{BF} = \overline{BQ}$ 인 점 P, Q 를 수직선 위에 잡을 때, 점 P(a), Q(b) 에 대하여, $a^2 - b^2$ 의 값을 구하면?



[배점 4, 중중]

- ① $16\sqrt{2}$ ② $-16\sqrt{2}$
 ③ $20 + 16\sqrt{2}$ ④ $20 - 16\sqrt{2}$
 ⑤ $-20 - 16\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned} a &= 4 - \sqrt{2}, \quad b = 4 + \sqrt{2} \\ a^2 - b^2 &= (a+b)(a-b) \\ &= 8 \times (-2\sqrt{2}) \\ &= -16\sqrt{2} \end{aligned}$$

14. 다항식 $2x^2 - xy - Ay^2$ 이 $x - 2y$ 를 인수로 가질 때, 다음 중 이 다항식의 인수는? (단, A 는 상수)

[배점 4, 중중]

- ① $2x - 3y$ ② $2x - y$ ③ $2x + y$
 ④ $2x + 3y$ ⑤ $2x + 5y$

해설

$$\begin{aligned} 2x^2 - xy - Ay^2 &= (x - 2y)(2x + my) \\ &= 2x^2 + (m - 4)xy - 2my^2 \\ -4 + m &= -1, \quad m = 3 \\ -A &= -2m, \quad A = 6 \\ \therefore 2x^2 - xy - Ay^2 &= (x - 2y)(2x + 3y) \end{aligned}$$

15. $10x^2 + ax - 6 = (2x - b)(5x + 2)$ 로 인수 분해될 때, $a + b$ 의 값을 구하면? [배점 4, 중중]

- ① -11 ② 11 ③ -14
 ④ 14 ⑤ -8

해설

$$\begin{aligned} 10x^2 + ax - 6 &= (2x - b)(5x + 2) \text{ 이므로 } -2b = -6 \\ &, \text{ 즉 } b = 3 \text{ 이다.} \\ \text{따라서 } a &= 4 - 15 = -11 \text{ 이므로 } a + b = -8 \\ &\text{이다.} \end{aligned}$$

16. 다음 중 $x^2 - 10x + (\quad)$ 의 (\quad) 안에 대입했을 때, 이차식이 유리수 범위에서 인수분해 되지 않는 것은? [배점 4, 중중]

- ① -16 ② 16 ③ -24
 ④ 24 ⑤ 25

해설

- ② $x^2 - 10x + 16 = (x - 2)(x - 8)$
 ③ $x^2 - 10x - 24 = (x + 2)(x - 12)$
 ④ $x^2 - 10x + 24 = (x - 4)(x - 6)$
 ⑤ $x^2 - 10x + 25 = (x - 5)^2$

17. 넓이가 72 cm^2 이고 둘레의 길이가 36 cm 인 직사각형 모양의 땅이 있다. 가로 세로의 길이를 각각 3 cm 씩 늘이면 직사각형의 넓이는 얼마가 되는가? [배점 5, 중상]

- ① 117 cm^2 ② 124 cm^2 ③ 132 cm^2
 ④ 135 cm^2 ⑤ 144 cm^2

해설

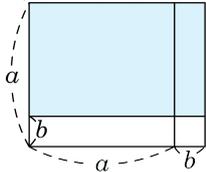
가로 길이: a , 세로 길이: b

1) (둘레 길이) = $2(a + b) = 36$ 에서 $a + b = 18$

(넓이 ab) = 72

(늘인 넓이) = $(a + 3)(b + 3) = ab + 3(a + b) + 9$
= $72 + 3 \times 18 + 9 = 135(\text{cm}^2)$

18. 다음 그림에서 색칠된 부분의 넓이를 나타낸 것은?



[배점 5, 중상]

- ① $(a + b)^2$ ② $a^2 + b^2$ ③ $2ab$
- ④ $(a - b)^2$ ⑤ $a^2 - b^2$

해설

$(a + b)(a - b) = a^2 - b^2$

19. 다항식 $4x^4 - 5x^2 + 1$ 은 네 개의 일차식의 곱으로 인수분해된다. 네 개의 일차식의 합은? [배점 5, 중상]

- ① $2x + 1$ ② $2x - 1$
- ③ $6x$ ④ $6x + 1$

해설

$(4x^2 - 1)(x^2 - 1) = (2x + 1)(2x - 1)(x + 1)(x - 1)$
 \therefore (일차식의 합) = $2x + 1 + 2x - 1 + x + 1 + x - 1$
= $6x$

20. $xy = 4, x^2 + y^2 = 8$ 일 때, $x^3 + y^3$ 의 값을 구하여라.
(단, $x + y > 0$) [배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답: 16

해설

$(x + y)^2 = 8 + 2 \times 4 = 16$

$x + y > 0$ 이므로 $x + y = 4$

$(x^2 + y^2)(x + y) = x^3 + y^3 + xy(x + y)$

$8 \times 4 = x^3 + y^3 + 4 \times 4$

$x^3 + y^3 = 32 - 16 = 16$

21. $x^2 + \square x - 6$ 이 두 일차식의 곱으로 인수분해될 때, \square 안에 알맞은 정수가 아닌 것은? [배점 5, 중상]

- ① -2 ② -1 ③ 1 ④ 5 ⑤ -5

해설

② $x^2 - x - 6 = (x + 2)(x - 3)$

③ $x^2 + x - 6 = (x - 2)(x + 3)$

④ $x^2 + 5x - 6 = (x + 6)(x - 1)$

⑤ $x^2 - 5x - 6 = (x - 6)(x + 1)$

22. $(3x + b)(cx - 7) = 12x^2 - 13x + a$ 일 때, $a + b + c$ 의 값은? [배점 5, 상하]

- ① -8 ② -4 ③ 0 ④ 2 ⑤ 4

해설

$$(3x+6)(cx-7) = 3cx^2 + (bc-21)x - 7b = 12x^2 - 13x + a$$

∴ $3c = 12, bc - 21 = -13, -7b = a$
 $\therefore a = -14, b = 2, c = 4$
 $a + b + c = -8$

23. $(\sqrt{3}+2)^{21}(\sqrt{3}-2)^{23} = a+b\sqrt{3}$ 일 때, $a+b$ 의 값은?
 [배점 5, 상하]

- ① -3 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 3

해설

$$\begin{aligned} & (\sqrt{3}+2)^{21}(\sqrt{3}-2)^{23} \\ &= (\sqrt{3}+2)^{21} \times (\sqrt{3}-2)^{21} \times (\sqrt{3}-2)^2 \\ &= \{(\sqrt{3}+2)(\sqrt{3}-2)\}^{21} \times (\sqrt{3}-2)^2 \\ &= (3-4)^{21}(\sqrt{3}-2)^2 = (-1)^{21} \times (\sqrt{3}-2)^2 \\ &= -(3-4\sqrt{3}+4) = 4\sqrt{3}-7 \\ &= -7+4\sqrt{3} = a+b\sqrt{3} \\ &a = -7, b = 4 \\ &\therefore a+b = -7+4 = -3 \end{aligned}$$

24. 인수 분해를 바르게 한 것을 모두 고르면?
 [배점 5, 상하]

- ① $x^2 - 5x - 6 = (x-2)(x-3)$
 ② $12x - 4x^2 = 4x(x-3)$
 ③ $x^2 - 14x + 49 = (x-7)^2$
 ④ $3x^2 + 5x - 2 = (x-2)(3x+1)$
 ⑤ $4a^2 - 9b^2 = (2a-3b)(2a+3b)$

해설

- ① $(x-6)(x+1)$
 ② $-4x(x-3)$
 ④ $(x+2)(3x-1)$

25. $a-b = 3ab$ 일 때, $\frac{3a^2b - 3ab^2 - 7a^2b^2}{a^2 - 2ab + b^2}$ 의 값을 구하여라. (단, $ab \neq 0, a \neq b$) [배점 5, 상하]

▶ 답:

▶ 정답: $\frac{2}{9}$

해설

$$\begin{aligned} \text{(준식)} &= \frac{ab(3a-3b-7ab)}{(a-b)^2} \\ &= \frac{ab\{3(a-b)-7ab\}}{(a-b)^2} \\ &= \frac{ab(9ab-7ab)}{(3ab)^2} \\ &= \frac{2a^2b^2}{9a^2b^2} = \frac{2}{9} \end{aligned}$$