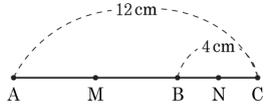


# 단원 종합 평가

1. 다음 그림에서  $\overline{AB}$ ,  $\overline{BC}$ 의 중점이 각각 M, N 이고,  $\overline{AC} = 12\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 4\text{cm}$  일 때,  $\overline{MN}$ 의 길이를 구하면?



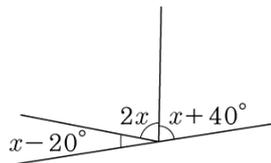
[배점 3, 중하]

- ① 4cm      ② 5cm      ③ 6cm  
④ 7cm      ⑤ 8cm

해설

$\overline{AB} = 12 - 4 = 8(\text{cm})$  이므로  $\overline{AM} = \frac{1}{2}\overline{AB} = 4(\text{cm})$  이고  $\overline{BN} = \frac{1}{2}\overline{BC} = 2(\text{cm})$  이다.  
따라서  $\overline{MN} = 4 + 2 = 6(\text{cm})$  이다.

2. 다음 그림에서  $\angle x$ 의 크기를 구하여라.



[배점 3, 중하]

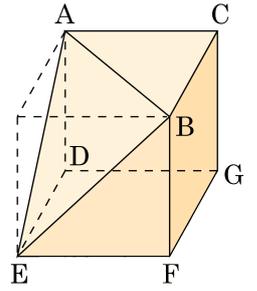
▶ 답:

▶ 정답:  $40^\circ$

해설

$$\begin{aligned} x - 20^\circ + 2x + x + 40^\circ &= 180^\circ \\ 4x &= 160^\circ \\ \angle x &= 40^\circ \end{aligned}$$

3. 다음 그림과 같은 입체도형에서  $\overline{AB}$ 를 포함하는 평면을 구하여라.



[배점 3, 중하]

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: 면 ABC

▶ 정답: 면 ABE

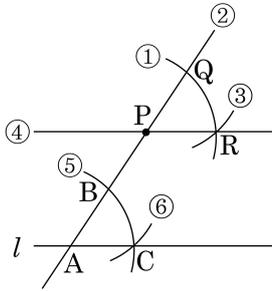
해설

면 ABC와 면 ABE는 선분 AB를 포함하고 있다.

4. 다음 그림은 점 P 를 지나고, 직선 l 에 평행한 직선을 작도한 것이다. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 골라라.

보기

- ㉠ 각의 이등분선의 작도가 사용된다.
- ㉡  $\overline{AB} = \overline{PQ}$ ,  $\overline{BC} = \overline{QR}$
- ㉢  $\angle BAC = \angle QPR$
- ㉣ 작도순서는 ② - ⑤ - ⑥ - ① - ③ - ④ 이다.
- ㉤ 동위각이 같으면 두 직선은 평행하다는 성질이 이용된다.



[배점 3, 중하]

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ㉠

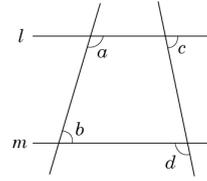
▷ 정답: ㉢

▷ 정답: ㉤

해설

동위각이 같으면 두 직선은 평행하다는 성질이 이용된다.

5. 다음 그림에서  $l // m$  일 때,  $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d$  를 구하여라.



[배점 4, 중중]

▶ 답:

▷ 정답:  $360^\circ$

해설

$$\angle a + \angle b = 180^\circ, \angle c + \angle d = 180^\circ$$

$$\therefore \angle a + \angle b + \angle c + \angle d = 360^\circ$$

6. 공간에서의 두 기본 도형의 위치 관계에 관한 설명 중 옳은 것은? [배점 4, 중중]

① 만나지 않는 두 직선은 서로 평행하다.

② 직선 l 이 평면 P 와 만날 때의 교점을 H 라 하고, 점 H 를 지나고 평면 P 위의 한 직선과 직선 l 이 수직이면 직선 l 은 평면 P 와 수직이라 한다.

③ 직선과 평면의 위치 관계는 다음 3 가지가 있다. '포함된다. 만난다. 꼬인 위치에 있다.'

④ 한 직선에 수직인 두 직선은 서로 평행하다.

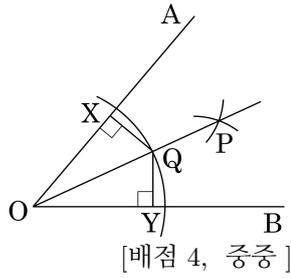
⑤ 한 평면에 수직인 두 평면은 서로 수직이다.

해설

① 공간에서 만나지 않는 두 직선은 평행하거나 꼬인 위치에 있다.

⑤ 한 평면에 수직인 두 평면은 평행하거나 수직이다.

7. 다음 그림에서  $\angle AOP = \angle POB$ 이다.  $\triangle XOQ \cong \triangle YOQ$ 일 때, 삼각형의 합동조건을 써라.



▶ 답:

▷ 정답: ASA 합동

해설

$\angle AOP = \angle BOP$ ,  $\angle X = \angle Y = \angle R$ 이므로  $\angle XQO = \angle YQO$ 이다.  
 $\overline{OQ}$ 는 공통이므로 ASA 합동이다.

8. 다음은  $\angle XOY$ 의 이등분선 위의 한 점 P에서 반직선 OX, OY 위에 내린 수선의 발을 각각 A, B라 할 때,  $\triangle AOP \cong \triangle BOP$ 임을 보이는 과정이다. (가), (나), (다)에 알맞은 것을 순서대로 적으면?

보기

$\triangle AOP$ 와  $\triangle BOP$ 에서  
 $\overline{OP}$ 는 공통  
 $\angle AOP =$  (가)  
 $\angle APO =$  (나) -  $\angle AOP$   
 $=$  (나) -  $\angle BOP$   
 $= \angle BPO$   
 $\therefore \triangle AOP \cong \triangle BOP$  ((다) 합동)

[배점 4, 중증]

- ①  $\angle AOB$ ,  $90^\circ$ , SAS    ②  $\angle AOB$ ,  $45^\circ$ , ASA  
 ③  $\angle BOP$ ,  $90^\circ$ , ASA    ④  $\angle BOP$ ,  $90^\circ$ , SAS  
 ⑤  $\angle BOP$ ,  $45^\circ$ , SAS

해설

$\overline{OP}$ 는 공통  
 $\angle AOP = (\angle BOP)$   
 $\angle APO = (90^\circ) - \angle AOP$   
 $= (90^\circ) - \angle BOP$   
 $= \angle BPO$   
 즉, 한 변의 길이가 같고 그 양 끝 각이 같으므로  $\triangle AOP \cong \triangle BOP$  (ASA) 합동이다.

9. 삼각형 ABC의 변의 길이와 각의 크기가 다음과 같을 때 삼각형을 그릴 수 있는 것을 모두 고르면?

보기

- ㉠  $\overline{AB} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 3\text{cm}$ ,  $\angle A = 30^\circ$
- ㉡  $\angle A = 80^\circ$ ,  $\angle B = 70^\circ$ ,  $\overline{AB} = 5\text{cm}$
- ㉢  $\angle A = 100^\circ$ ,  $\angle B = 80^\circ$ ,  $\overline{AB} = 5\text{cm}$
- ㉣  $\angle A = 75^\circ$ ,  $\angle B = 60^\circ$ ,  $\overline{AC} = 4\text{cm}$
- ㉤  $\overline{AB} = 5\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 6\text{cm}$ ,  $\angle B = 80^\circ$ ,  $\angle C = 40^\circ$

[배점 4, 중중]

- ① ㉠, ㉡
- ② ㉠, ㉡, ㉣
- ③ ㉠, ㉡, ㉢, ㉣
- ④ ㉠, ㉡, ㉣, ㉤
- ⑤ ㉠, ㉡, ㉢, ㉣, ㉤

해설

㉠.  $\overline{AB} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 3\text{cm}$ ,  $\angle A = 30^\circ$   
 : 두 변의 길이와 끼인각의 크기가 주어졌으므로 삼각형이 하나로 결정된다.

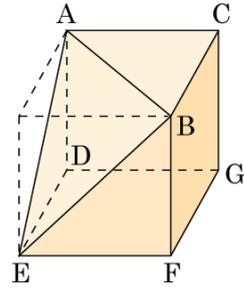
㉡.  $\angle A = 80^\circ$ ,  $\angle B = 70^\circ$ ,  $\overline{AB} = 5\text{cm}$   
 : 한 변의 길이와 양 끝각의 크기가 주어졌으므로 삼각형이 하나로 결정된다.

㉢.  $\angle A = 100^\circ$ ,  $\angle B = 80^\circ$ ,  $\overline{AB} = 5\text{cm}$   
 : 한 변의 길이와 양 끝각의 크기가 주어졌으나, 두 각의 합이  $\angle A + \angle B = 180^\circ$  이므로 삼각형을 작도할 수 없다.

㉣.  $\angle A = 75^\circ$ ,  $\angle B = 60^\circ$ ,  $\overline{AC} = 4\text{cm}$   
 :  $\angle C = 45^\circ$  이므로 한 변의 길이와 양 끝각의 크기가 주어졌으므로 삼각형이 하나로 결정됨.

㉤.  $\overline{AB} = 5\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 6\text{cm}$ ,  $\angle B = 80^\circ$ ,  $\angle C = 40^\circ$   
 : 끼인각  $\angle A$ 가 주어지지 않았으나  $\angle B$ 와  $\angle C$ 가 주어졌으므로  $\angle A = 60^\circ$ 임을 알 수 있다. 즉, 두 변의 길이와 끼인각을 알 수 있으므로 삼각형이 하나로 결정됨.  
 ∴ 삼각형을 그릴 수 있는 것은 ㉠, ㉡, ㉣, ㉤ 네 개이다

10. 다음 그림은 직육면체에서 삼각뿔을 잘라낸 입체도형이다. 모서리  $\overline{AB}$ 와 평행한 평면과 면 AED에 수직인 평면을 각각 구하여라.



[배점 5, 중상]

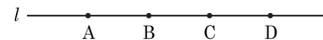
▶ 답:

▷ 정답:  $\overline{AB}$ 와 평행한 평면: 면 DEFG  
 면 AED에 수직인 평면: 면 ABC, 면 ADGC, 면 DEFG, 면 BEF

해설

$\overline{AB}$ 와 평행한 평면: 면 DEFG  
 면 AED에 수직인 평면: 면 ABC, 면 ADGC, 면 DEFG, 면 BEF

11. 다음 그림과 같이 직선  $l$  위에 네 점 A, B, C, D가 있다. 다음 중 옳지 않은 것은?



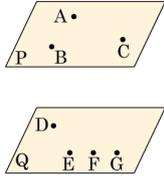
[배점 5, 중상]

- ①  $\overrightarrow{BC} \subset \overrightarrow{BC}$
- ②  $\overline{AB} \cap \overline{AC} = \overline{AB}$
- ③  $\overrightarrow{BC} \cap \overrightarrow{CD} = \overrightarrow{BD}$
- ④  $\overline{BC} \cap \overline{CD} = \text{점 C}$
- ⑤  $\overrightarrow{AC} \cup \overrightarrow{BD} = \overrightarrow{AB}$

해설

③  $\overrightarrow{BC}$ 와  $\overrightarrow{CD}$ 의 교집합은  $\overrightarrow{CD}$ 이다.  
 $\overrightarrow{BC} \cup \overrightarrow{CD} = \overrightarrow{BD}$

12. 다음 그림과 같이 평면 P 위에 점 A, B, C가 있고, 평면 Q 위에 점 D, E, F, G가 있을 때, 이들 7개의 점으로 만들 수 있는 평면은 몇 개 인가? (단, 점 E, F, G는 일직선 위에 있다.)



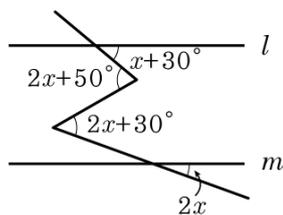
[배점 5, 중상]

- ① 20 개      ② 23 개      ③ 26 개  
 ④ 30 개      ⑤ 32 개

**해설**

평면 ABC, DEFG 의 2 개  
 평면 ADE, ADF, ADG, BDE, BDF, BDG, CDE, CDF, CDG 의 9 개  
 평면 ABD, ABE, ABF, ABG, BCD, BCE, BCF, BCG, CAD, CAE, CAF, CAG 의 12 개  
 평면 AEF, BEFG, CEFG 의 3 개  
 $\therefore 2 + 9 + 12 + 3 = 26$  개

13. 아래 그림에서  $l$  과  $m$  이 평행할 때,  $x$  의 크기를 구하여라.



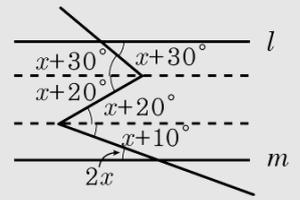
[배점 5, 중상]

▶ **답:**

▶ **정답:**  $10^\circ$

**해설**

다음 그림과 같이 직선  $l, m$ 에 평행하게 보조선 두 개를 그어 주게 되면 평행선의 성질에 따라  $2x = x + 10^\circ$  이 된다. 따라서  $x^\circ = 10^\circ$  이다.



14. 다음 <보기>의 도형을 작도할 때, 컴퍼스를 2 번 사용하는 것의 개수는  $a$  개, 컴퍼스를 3 번 사용하는 것의 개수는  $b$  개, 컴퍼스를 4 번 사용하는 것의 개수는  $c$  개, 컴퍼스를 5 번 사용하는 것의 개수는  $d$ , 컴퍼스를 6 번 사용하는 것의 개수는  $e$  일 때,  $2a + b + c - (d + e)$  의 값을 구하여라.

**보기**

- ㉠ 각의 이등분선의 작도
- ㉡ 평행선의 작도
- ㉢ 크기가 같은 각의 작도
- ㉣ 선분의 수직이등분선의 작도
- ㉤ 직각의 삼등분선의 작도
- ㉥ 크기가  $45^\circ$  인 각의 작도
- ㉦ 수선의 작도
- ㉧ 선분의 삼등분선의 작도

[배점 5, 중상]

- ① 3      ② 4      ③ 5      ④ 6      ⑤ 7

해설

컴퍼스를 2 번 사용하는 작도는 ㉔. 선분의 수직이  
등분선의 작도  $\therefore a = 1$

컴퍼스를 3 번 사용하는 작도는 ㉑. 각의 이등분  
선의 작도 ㉔. 직각의 삼등분선의 작도 ㉒. 수선의  
작도  $\therefore b = 3$

컴퍼스를 4 번 사용하는 작도는 ㉓. 평행선의 작도  
㉑. 크기가 같은 각의 작도  $\therefore c = 2$

컴퍼스를 5 번 사용하는 작도는 없다.  $\therefore d = 0$

컴퍼스를 6 번 사용하는 작도는 ㉕. 선분의 삼등분  
선의 작도  $\therefore e = 1$

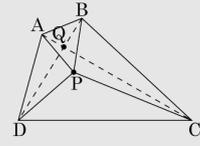
$$\therefore 2a + b + c - (d + e) = 2 \times 1 + 3 + 2 - (0 + 1) = 6$$

15. 넓이가  $17.5\text{cm}^2$  인 사각형 ABCD 의 대각선의 길이는  
각각  $x\text{cm}$ ,  $(x-2)\text{cm}$  이고, 두 대각선은 수직으로 만난  
다. 사각형의 내부에 임의의 점 P 를 잡고, 점 P 에서 점  
A, B, C, D 까지의 거리를 각각  $a$ ,  $b$ ,  $c$ ,  $d$  라고 할 때,  
 $a + b + c + d$  의 최솟값을 구하여라. [배점 5, 중상]

▶ 답 :

▷ 정답 : 12 cm

해설



사각형 ABCD 의 두 대각선의 교점을 Q 라 하면  
사각형의 넓이는

$$\begin{aligned} & \frac{1}{2} \times (\overline{QA} + \overline{QC}) \times \overline{QB} + \frac{1}{2} \times (\overline{QA} + \overline{QC}) \times \overline{QD} \\ &= \frac{1}{2} \times (\overline{QA} + \overline{QC}) \times (\overline{QB} + \overline{QD}) \\ &= \frac{1}{2} x(x-2) = 17.5 \\ &\therefore x = 7(\text{cm}) \end{aligned}$$

그리고 사각형 내부의 임의의 점 P 를 잡았을 때,

$$\begin{aligned} & \overline{PA} + \overline{PB} + \overline{PC} + \overline{PD} \\ &= (\overline{PA} + \overline{PC}) + (\overline{PB} + \overline{PD}) \\ &\geq \overline{AC} + \overline{BD} \\ &= \overline{QA} + \overline{QB} + \overline{QC} + \overline{QD} = 7 + 5 = 12 \end{aligned}$$

따라서  $a + b + c + d$  의 최솟값은 12cm 이다.

16. 다음 중 항상 평행이 되는 것을 모두 고르면?

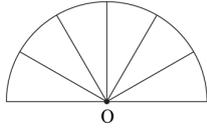
[배점 5, 상하]

- ㉑ 한 직선에 수직인 두 평면
- ㉒ 한 직선에 평행한 두 평면
- ㉓ 한 평면에 수직인 두 직선
- ㉔ 한 평면에 수직인 두 평면
- ㉕ 한 평면에 평행한 두 평면

해설

㉒ 한 직선에 평행한 두 평면이 항상 평행이 되진  
않는다. ㉔ 한 평면에 수직인 두 평면은 항상 평행  
이 되진 않는다.

17. 다음은 반원을 6개의 부채꼴로 나누는 것이다. 원의 중심 O를 중심으로 하는 각은 모두 몇 개인지 구하여라.

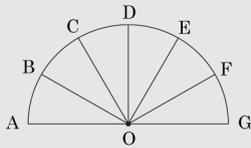


[배점 5, 상하]

▶ 답:

▷ 정답: 21개

해설



각은 한 점에서 시작하는 두 반직선으로 이루어지는 도형이므로 부채꼴의 끝점을 A, B, C, D, E, F, G로 놓으면

$\vec{OA}$ 와 각을 이루는 것은  $\vec{OB}, \vec{OC}, \vec{OD}, \vec{OE}, \vec{OF}, \vec{OG}$ 의 6개

$\vec{OB}$ 와 각을 이루는 것은  $\vec{OC}, \vec{OD}, \vec{OE}, \vec{OF}, \vec{OG}$ 의 5개

$\vec{OC}$ 와 각을 이루는 것은  $\vec{OD}, \vec{OE}, \vec{OF}, \vec{OG}$ 의 4개

$\vec{OD}$ 와 각을 이루는 것은  $\vec{OE}, \vec{OF}, \vec{OG}$ 의 3개

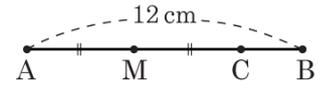
$\vec{OE}$ 와 각을 이루는 것은  $\vec{OF}, \vec{OG}$ 의 2개

$\vec{OF}$ 와 각을 이루는 것은  $\vec{OG}$ 의 1개

따라서 6개의 부채꼴로 나누는 반원에서 찾을 수 있는 각은

$$6 + 5 + 4 + 3 + 2 + 1 = 21 \text{ (개)}$$

18. 다음 그림에서  $\overline{AB}$ 의 길이가 12cm이고, 점 C는 선분 AB를 6등분하는 점



중에서 B에 가장 가까운 점이라고 한다.  $\overline{AC}$ 의 중점을 M이라고 할 때,  $\overline{MB}$ 의 길이를 구하여라.

[배점 5, 상하]

▶ 답:

▷ 정답: 7cm

해설

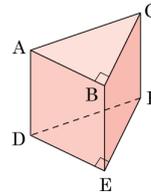
$$\overline{AC} = \frac{5}{6} \times \overline{AB} = \frac{5}{6} \times 12 = 10(\text{cm}),$$

$$\overline{AM} = \overline{MC} = 10 \times \frac{1}{2} = 5(\text{cm}),$$

$$\overline{CB} = \frac{1}{6} \overline{AB} = \frac{1}{6} \times 12 = 2(\text{cm}),$$

$$\therefore \overline{MB} = \overline{MC} + \overline{CB} = 7(\text{cm})$$

19. 다음 그림과 같이 밑면이 직각삼각형인 삼각기둥에서  $\overline{DE}$ 와 수직인 모서리는 모두 몇 개인가?



[배점 5, 상하]

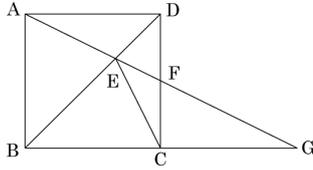
▶ 답:

▷ 정답: 3개

해설

$\overline{DE}$ 와 수직인 모서리는  $\overline{AD}, \overline{BE}, \overline{EF}$ 의 3개이다.

20. 다음 정사각형 ABCD 에서 점 E 는 대각선 BD 위의 점이고, 점 F, G 는 선분 AE 의 연장선과 변 CD, 변 BC 의 연장선과 만나는 점이다.  $\angle CEG + \angle GCE = 150^\circ$  일 때,  $\angle BEC$  의 크기를 구하여라.



[배점 5, 상하]

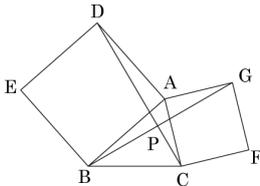
▶ 답:

▷ 정답:  $75^\circ$

해설

$\overline{AD} // \overline{BG}$  이므로  
 $\angle DAF = \angle AGB = 180^\circ - (\angle CEG + \angle GCE) = 30^\circ$  (엇각)  $\therefore \angle EAB = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$   
삼각형 ABE 와 삼각형 CBE 에서  
 $\overline{AB} = \overline{BC}$ ,  $\overline{BE}$  는 공통,  $\angle ABE = \angle CBE = 45^\circ$   
이므로  
삼각형 ABE 와 삼각형 CBE 는 SAS 합동이다.  
 $\angle AEB = 180^\circ - (\angle ABE + \angle EAB) = 180^\circ - 105^\circ = 75^\circ$   
 $\therefore \angle BEC = \angle AEB = 75^\circ$

21. 다음 그림은 삼각형 ABC 의 두 변을 각각 한 변으로 하는 2 개의 정사각형을 그린 것이다.  $\overline{DP} = 9$ ,  $\overline{BP} = \overline{PG} = 6$  일 때, 삼각형 BCP 의 넓이를 구하여라.



[배점 5, 상하]

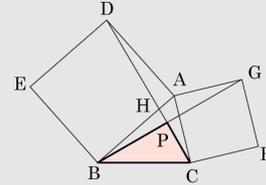
▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

삼각형 ACD 와 삼각형 ABG 에서  
 $\overline{AD} = \overline{AB}$ ,  $\overline{AC} = \overline{AG}$ ,  $\angle DAC = 90^\circ + \angle BAC = \angle BAG$  이므로

삼각형 ACD 와 삼각형 ABG 는 SAS 합동이다.



위의 그림과 같이  $\overline{AB}$  와  $\overline{CD}$  의 교점을 H 라 하면, 삼각형 DHA 와 삼각형 BHP 에서

$\angle DHA = \angle BHP$  (맞꼭지각) 이므로

$\angle ADC + \angle DAB = \angle ABG + \angle BPD$

$\angle ADC + 90^\circ = \angle ABG + (180^\circ - \angle BPC)$

그런데  $\angle ADC = \angle ABG$  이므로

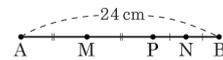
$90^\circ = 180^\circ - \angle BPC$

$\therefore \angle BPC = 90^\circ$  이고 삼각형 BPC 는 직각삼각형  
따라서  $\overline{CD} = \overline{BG} = 12$  이므로

$\overline{PC} = 12 - 9 = 3$  이고,

(삼각형 BPC 의 넓이) =  $\frac{1}{2} \times 3 \times 6 = 9$

22. 다음 그림에서  $3\overline{AP} = 5\overline{BP}$  이고 중점 M 은  $\overline{AP}$  의 중점, 점 N 은  $\overline{BP}$  의 중점이고  $\overline{AB} = 24\text{cm}$  일 때,  $\overline{AN}$  의 길이를 구하여라.



[배점 6, 상중]

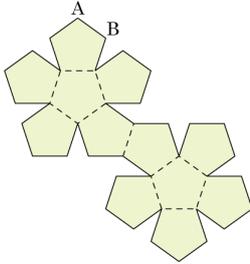
▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{39}{2}\text{cm}$

**해설**

$$\begin{aligned} \overline{AP} : \overline{BP} &= 5 : 3 \text{ 이므로} \\ \overline{AP} &= \frac{5}{8} \overline{AB} = \frac{5}{8} \times 24 = 15(\text{cm}) \\ \overline{BP} &= \frac{3}{8} \overline{AB} = \frac{3}{8} \times 24 = 9(\text{cm}) \\ \overline{PN} &= \overline{NB} = \frac{1}{2} \overline{BP} = \frac{9}{2}(\text{cm}) \\ \therefore \overline{AN} &= \overline{AP} + \overline{PN} = 15 + \frac{9}{2} = \frac{39}{2}(\text{cm}) \end{aligned}$$

23. 다음과 같은 전개도를 접어 정십이면체를 만들 때, 모서리 AB 와 꼬인 위치에 있는 모서리의 수를 구하여라.

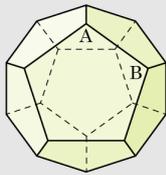


[배점 6, 상중]

▶ **답 :**

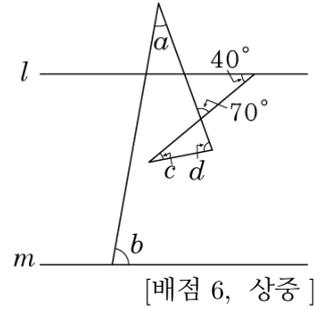
▷ **정답 :** 26 개

**해설**



정십이면체의 한 모서리 AB 와 꼬인 위치에 있는 모서리의 수는 AB 를 포함하는 면과 평행한 면의 모서리 중 8 개가 있고, AB 를 포함하는 면과 평행하지 않은 면의 모서리 중 오른쪽 그림에서 실선으로 보이는 부분에 13 개, 점선으로 보이는 부분에 5 개가 있다. 따라서 모서리 AB 와 꼬인 위치에 있는 모서리의 수는  $8 + 13 + 5 = 26$  (개)

24. 다음 그림에서 직선  $l$  과  $m$  이 평행할 때,  $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d$  의 값을 구하여라.



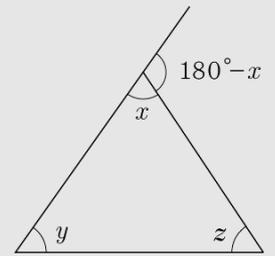
[배점 6, 상중]

▶ **답 :**

▷ **정답 :**  $220^\circ$

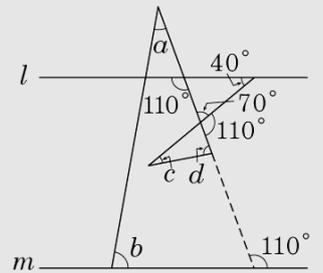
**해설**

위 그림에서 삼각형의 세 내각의 크기의 합은  $x + y + z = 180^\circ$  이므로  $x = 180^\circ - (y + z)$ , 삼각형의 한 외각의 크기  $180^\circ - x$  는

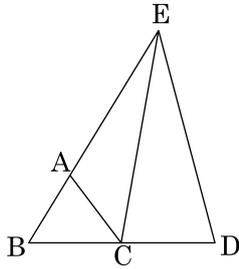


$180^\circ - \{180^\circ - (y + z)\} = y + z$  따라서 삼각형의 한 외각의 크기는 그와 이웃하지 않는 두 내각의 크기의 합과 같다.

다음 그림과 같이 보조선을 그으면  $a + b = 110^\circ$   $c + d = 110^\circ$  따라서  $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d = 110^\circ + 110^\circ = 220^\circ$



25. 다음 그림에서 정삼각형 ABC의 변 BC와 AB의 연장선상에  $\overline{AE} = \overline{BD}$ 가 되도록 점 D, E를 잡았을 때,  $\angle BDE - \angle BEC$ 의 값을 구하여라.



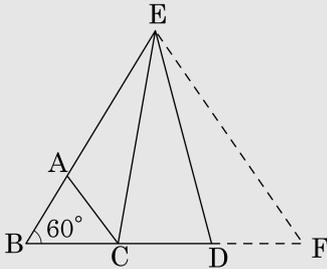
[배점 6, 상중]

▶ 답:

▷ 정답:  $60^\circ$

해설

그림과 같이  $\overline{BD}$ 를 연장하여  $\overline{AB} = \overline{DF}$ 인 점 F를 잡은 후 점 E와 점 F를 잇는다.



$\overline{BE} = \overline{BA} + \overline{AE} = \overline{DF} + \overline{BD} = \overline{BF}$ 에서

$\angle BEF = \angle BFE = (180^\circ - 60^\circ) \div 2 = 60^\circ$

이므로 삼각형 BFE는 정삼각형이다.

삼각형 EBC와 삼각형 EFD에서  $\overline{EB} = \overline{EF}$ ,  $\overline{BC} = \overline{AB} = \overline{FD}$ ,

$\angle EBC = \angle EFD = 60^\circ$ 이므로 삼각형 EBC와 삼각형 EFD는 SAS 합동이다.

$\therefore \angle BEC = \angle FED$

삼각형의 두 내각의 합은 이웃하지 않는 한 외각의 크기와 같으므로

$\angle EFD + \angle FED = \angle BDE$

$\angle EFD + \angle BEC = \angle BDE$

$\therefore \angle BDE - \angle BEC = \angle EFD = 60^\circ$