1. 다음 표는 혜교의 지 난 중간고사와 기말고 사 시험과목 일부와 그 점수이다. 다음 중 집 합인 것을 모두 고르 면? (정답 3개)

과목	중간	기말
국어	80	85
수학	90	80
영어	85	100
과학	70	55
사회	95	80
미술	100	95
음악	95	100
체육	75	65
도덕	100	85
한문	55	70
[메궈 이 즈튀]		

- [배점 3, 중하]
- ① 지난 중간고사 점수가 80점 이상인 과목
- ②지난 기말고사 점수 중 지난 중간고사 점수보다 높은 과목
- ③ 기말고사 때 잘 본 과목
- ④ 기말고사 때 가장 못 본 과목
- ⑤ 중간고사와 기말고사의 평균이 좋은 과목

해설

- ③ '잘'이라는 단어의 기준이 명확하지 않아서 집합이 아니다.
- ④ '못 본'이라는 단어의 기준은 명확하지 않으나, '가장'이라는 단어가 있기 때문에 그 기준이 확실하다. 따라서 집합이다.
- ⑤ '좋은'이라는 단어의 기준이 명확하지 않아서 집합이 아니다.

2. 6보다 작은 짝수의 집합을 A라고 할 때, 기호 ∈, ∉이옳게 사용된 것을 보기에서 모두 고르면?

[배점 3, 중하]

- ② □, ⊜, ℍ
- 3 7, 6, 6, 6
- ④ つ, ₺, ₴, ₺
- \bigcirc \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc

해설

집합 *A* 의 원소는 2, 4이다. 옳은 것은 ⑦, ②, 闽이다.

- **3.** 다음 중 옳은 것을 모두 고른 것은?
 - (전자레인지, 전화기, 화분, 침대, 이불) = {x | x는 전자제품}
 - ① $\{1, 2, 3, 4\} = \{x \mid x$ 는 자연수를 4로 나누었을 때, 나머지}
 - © {매화, 난초, 국화, 대나무} = $\{x \mid x \in A\}$ 사군자의 이름}
 - (리 전 1 사이의 분수) = $\left\{\frac{1}{2}, \frac{1}{3}\right\}$
 - ① $\{1, 3, 17, 51\} = \{x \mid x 는 51의 약수\}$

[배점 3, 중하]

- ① ①, ①
- 2 🖨, 🖹, 🗎
- 3 (1), (L), (D)

- ④ ⑦, ₺, ₺
- (5) (B), (B)

해설

- {x | x는 자연수를 4로 나누었을 때, 나머지}는 {0, 1, 2, 3} 이다.

- 4. 세 집합 $A = \{x \mid x$ 는 10보다 작은 2의 배수 $\}$, $B = \{\varnothing, \ 1, \ \{1, \ 2\}, \ \{1, \ 2, \ 3\}\},$ $C = \{0, \ \varnothing, \ \{0, \ \varnothing\}\} \ \text{일 때, } n(A) + n(B) n(C) \ \text{를}$ 구하여라. [배점 4, 중중]
 - ▶ 답:
 - ▷ 정답: 5

해설

 $A=\left\{x\mid x$ 는 10보다 작은 2의 배수 $\right\}=\{2,\ 4,\ 6,\ 8\}$ 이므로 n(A)=4 이고, $n(B)=4,\ n(C)=3$ 이므로 n(A)+n(B)-n(C)=5 이다.

5. 집합 $A = \{x \mid x = 7 \times n - 4, n$ 은 자연수 $\}$ 에 대하여 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

[배점 4, 중중]

- ① $3 \notin A$
- $24 \in A$
- $37 \notin A$

- ④ $10 \notin A$
- $\bigcirc 17 \in A$

해설

 $A = \{3, 10, 17, \dots\}$

- ① $3 \in A$
- $\bigcirc 4 \notin A$
- $4 10 \in A$

6. 다음 중 옳은 것은?

[배점 4, 중중]

- ① $n(\varnothing) = n(\{0\})$
- ② $n(\{1,2,4\}) n(\{1,4\}) = 2$
- $3 n(\{4\}) = 4$
- ④ $n(\{x|x \leftarrow 40 \ \)$ 하의 짝수 $\}) = 40$
- (3) $n(\{x|x는 2 < x < 4인 홀수\}) = 1$

해설

 $\mathfrak{I}n(\emptyset) = 0, \ n(\{0\}) = 1$

 $2n(\{1, 2, 4\}) - n(\{1, 4\}) = 3 - 2 = 1$

 $\Im n(\{4\}) = 1$

 $\Im n(\{3\}) = 1$

- 7. 집합 A = {x | x는 n보다 큰 3의 배수} 에 대하여
 9 ∉ A 이고 12 ∈ A 를 만족하는 자연수 n 을 모두 구하여라. [배점 5, 중상]
 - ▶ 답:
 - ▶ 답:
 - 답:
 - ▷ 정답: 9
 - ➢ 정답: 10
 - ▷ 정답: 11

해설

3 의 배수 3, 6, 9, 12, · · · 에서 9 는 포함하지 않고 12 는 포함하므로 n=9, 10, 11 이다.

- 8. 세 집합 A, B, C 에 대하여 $A = \{1, 3, 5\}, B = \{2, 4, 6\}, C = \{x + y \mid x \in A, y \in B\}$ 일 때, n(C) 는? [배점 5, 중상]
 - **1** 5
- ② 6
- 3 7
- **4** 8
- **⑤** 9

해설

집합 C 의 원소는

1+2=3, 1+4=5, 1+6=7,

3+2=5, 3+4=7, 3+6=9,

5+2=7, 5+4=9, 5+6=11

에서 $C=\{3,\ 5,\ 7,\ 9,\ 11\}$ 이므로 n(C)=5 이다.

- 9. 집합 $A = \left\{ x \mid x = \frac{30}{n}, \ x$ 와 n은 모두 자연수 $\right\}$ 일 때, n(A) 를 구하여라. [배점 5, 중상]
 - ▶ 답:
 - ▷ 정답: 8

해설

x 가 자연수가 되려면 n 은 30 의 약수가 되어야 한다.

 $n=1,\ 2,\ 3,\ 5,\ 6,\ 10,\ 15,\ 30$ 일때,

 $A = \{1, 2, 3, 5, 6, 10, 15, 30\}$

 $\therefore n(A) = 8$

10. 두 집합 $A=\{0,\ 1\},\ B=\{1,\ 2,\ 3\}$ 에 대하여 집합 $C=\{x\mid x=a\times b,\ a\in A,\ b\in B\}$ 이다. 이때, 집합 C 를 원소나열법으로 나타낸 것은?

[배점 5, 중상]

- (1) $\{0\}$
- ② {0, 1}
- $3 \{0, 1, 2\}$
- 4 {0, 1, 2, 3}
- \bigcirc {0, 1, 2, 3, 4}

해설

 $0 \times 1 = 0$, $0 \times 2 = 0$, $0 \times 3 = 0$, $1 \times 1 = 1$, $1 \times 2 = 2$, $1 \times 3 = 3$ 이므로 $C = \{0, 1, 2, 3\}$ 이다.

- $\mathbf{11}$. 다음을 만족하는 집합 A 의 원소가 될 수 $\underline{\mathsf{dc}}$ 것은?
 - ⊙ 모든 원소는 자연수이다.
 - \bigcirc $2 \in A, 6 \in A$
 - \bigcirc $a+b\in A,\ a\in A,\ b\in A$

[배점 5, 중상]

① 4



- 3 8
- **4** 10
- ⑤ 12

해설

 $2 \in A, 6 \in A$ 이므로

 $2+2=4 \in A, \ 2+6=8 \in A$

 $4+6=10\in A,\ 6+6=12\in A$

12. 근영이는 이번 생일에 남자친구한테 저금통을 선물받았다. 이 저금통은 비밀번호가 다섯 자리 수로 된 자물쇠가 달려있고 비밀번호는 다음 문제를 풀어야 알 수 있다.

다음 문제를 보고, 비밀번호가 될 수 있는 다섯 숫자를 원소나열법으로 나타내어라.

두 집합 $A = \{0, 1, 2, 3\}$ $B = \{1, 2, 4, 6\}$ 에 대 하여, 자물쇠의 비밀번호는 집합 A 에서 홀수인 원소와 집합 B 에서 짝수인 원소를 합친 것이다.

[배점 5, 상하]

▶ 답:

▷ 정답: {1, 2, 3, 4, 6}

해설

집합 A 에서 홀수인 원소는 1, 3, 집합 B 에서 짝 수인 원소는 2, 4, 6이므로 자물쇠의 비밀번호는 1, 2, 3, 4, 6으로 되어있다.

13. 두 집합 $A = \{1, 3, 5\}, B = \{2, 4, 6\}$ 에 대하여 집합 $C = \{ab | a \in A, b \in B\}$ 일 때, 집합 C 의 원소의 개수를 구하여라. [배점 5, 상하]

▶ 답:

▷ 정답: 8개

A = {1, 3, 5}, B = {2, 4, 6} 이고 집합 C = $\{ab|a \in A, b \in B\}$ 라면,

집합 A, B 의 원소를 하나씩 서로 곱한 값이 집합 C 의 원소가 된다.

따라서 집합 $C = \{2, 4, 6, 10, 12, 18, 20, 30\}$ 이므로 n(C) = 8

- 14. 다음 조건을 만족하는 집합 A 의 원소를 작은 순서로 $a_1, a_2, a_3, \cdots, a_n$ 으로 나타낼 때, $a_2 + a_3 + a_5$ 의 값을 구하여라.

 - 집합 A 의 원소는 항상 1 보다 크거나 같다. $a_1=1$, $x\in A$ 이면, $\frac{3}{2}\times x\in A$ 이다.

[배점 5, 상하]

답:

▷ 정답: 141
 12

 $a_1 = 1$ 이면 $a_2 = \frac{3}{2} \times a_1$ 이고 이러한 방식으로 집합 A 를 구하면

$$\left\{ a_1, a_2, a_3, \cdots, a_n \right\} \\
\left\{ 1, \frac{3}{2}, \frac{9}{4}, \frac{27}{8}, \frac{81}{16}, \frac{243}{32}, \cdots, \left(\frac{3}{2}\right)^{(n-1)} \times a_1 \right\} \\$$

,
$$a_2=\frac{3}{2}$$
 , $a_3=\frac{9}{4}$, $a_5=\frac{81}{16}$ 이다.
$$\therefore a_2+a_3+a_5=\frac{141}{16}$$