

실력 확인 문제

1. 연립부등식 $\begin{cases} x - 2 \geq 2x + 3 \\ x + 2 < a \end{cases}$ 의 해가 $x \leq -5$ 일 때, a 의 값은 얼마인지를 구하여라. [배점 2, 하하]

▶ 답:

▷ 정답: -3

해설

$$\begin{aligned} x - 2 &\geq 2x + 3 \text{에서 } -x \geq 5 \\ \therefore x &\leq -5 \\ x + 2 &< a \text{에서 } x < a - 2 \\ a - 2 &= -5 \\ \therefore a &= -3 \end{aligned}$$

2. 다음 연립부등식을 풀면?

$$\begin{cases} 2x - 1 > -5 \\ x + 2 \geq 4x - 1 \end{cases} \quad [\text{배점 2, 하하}]$$

① $x > -2$

② $x \leq 1$

③ $-2 \leq x < 1$

④ $-2 < x \leq 1$

⑤ 해는 없다.

해설

$$\begin{cases} 2x - 1 > -5 \\ x + 2 \geq 4x - 1 \end{cases} \Rightarrow -2 < x \leq 1$$

3. 다음 □ 안에 알맞은 말을 써 넣어라.
- (1) 두 개 이상의 일차부등식을 한 쌍으로 나타낸 것을 □이라고 한다.
- (2) 연립부등식의 각 부등식을 동시에 만족시키는 미지수의 값을 연립부등식의 □라고 한다.
- (3) 연립부등식의 해를 구하는 것을 □라고 한다.
- (4) $A < B < C$ 꼴의 부등식은 연립부등식 □로 고쳐서 푼다. [배점 2, 하하]

▶ 답:

▷ 정답: 연립부등식, :, 해, :, 연립부등식을 푼다, :

$$\begin{cases} A < B \\ B < C \end{cases}$$

해설

(1) 두 개 이상의 일차부등식을 한 쌍으로 나타낸 것을 연립부등식이라고 한다.

(2) 연립부등식의 각 부등식을 동시에 만족시키는 미지수의 값을 연립부등식의 해라고 한다.

(3) 연립부등식의 해를 구하는 것을 연립부등식을 푼다라고 한다.

(4) $A < B < C$ 꼴의 부등식은 연립부등식

$$\begin{cases} A < B \\ B < C \end{cases} \text{로 고쳐서 푼다.}$$

4. 연립부등식 $\begin{cases} \frac{3x - 5}{8} < -1 \\ 1.5x + 3.9 > -0.6 + 0.6x \end{cases}$ 을 만족하는 정수를 모두 구하여라. [배점 2, 하중]

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: -4

▷ 정답: -3

▷ 정답: -2

해설

$$\begin{cases} \frac{3x-5}{8} < -1 \\ 1.5x + 3.9 > -0.6 + 0.6x \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x < -1 \\ x > -5 \end{cases}$$

따라서 $-5 < x < -1$ 을 만족하는 정수는 $-4, -3, -2$ 이다.

해설

$$7x + 4 > 5x \quad \therefore x > -2$$

$$15 - x > a \quad \therefore x < 15 - a$$

만족하는 정수는 10 개 이므로 $-1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8$ 이다.

$$8 < 15 - a \leq 9$$

$$6 \leq a < 7$$

$$\therefore a = 6$$

5. 다음 연립부등식을 풀면?

$$\begin{cases} 2x - 1 > -5 \\ x + 2 \geq 4x - 1 \end{cases}$$

[배점 2, 하중]

- ① $x > -2$
- ② $x \leq 1$
- ③ $-2 \leq x < 1$
- ④ $-2 < x \leq 1$
- ⑤ 해는 없다.

해설

$$\begin{cases} 2x - 1 > -5 \\ x + 2 \geq 4x - 1 \end{cases} \Rightarrow -2 < x \leq 1$$

6. 다음 연립부등식을 만족하는 정수의 개수가 10 개일 때, 정수 a 의 값은?

$$\begin{cases} 7x + 4 > 5x \\ 15 - x > a \end{cases}$$

[배점 2, 하중]

- ① 3, 4
- ② 5, 6
- ③ 6
- ④ 6, 7
- ⑤ 4, 5, 6

7. 다음 연립방정식의 해 중 자연수의 개수가 가장 많은 연립방정식을 골라라.

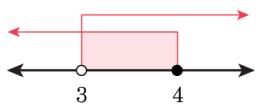
[배점 2, 하중]

① $\begin{cases} x \leq 1 \\ x > -1 \end{cases}$	② $\begin{cases} x > 2 \\ x < 3 \end{cases}$
③ $\begin{cases} x \leq 1 \\ x \leq 3 \end{cases}$	④ $\begin{cases} x > 2 \\ x > 4 \end{cases}$
⑤ $\begin{cases} x \leq -1 \\ x > -5 \end{cases}$	

해설

- ① $-1 < x \leq 1$ 이므로 자연수는 한 개이다.
- ② $2 < x < 3$ 이므로 자연수는 없다.
- ③ $x \leq 1$ 이므로 자연수는 한 개이다.
- ④ $x > 4$ 이므로 자연수는 5, 6, 7, 8… 이다.
- ⑤ $-5 < x \leq -1$ 이므로 자연수는 없다.

8. 다음 그림은 연립부등식 $\begin{cases} 2 - x < a \\ 3x - 1 \leq 11 \end{cases}$ 의 해를 수직선 위에 나타낸 것이다. 이때, 상수 a 의 값은?



[배점 3, 하상]

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

$$\begin{aligned} \text{(i)} \quad & 2 - x < a, x > 2 - a \\ \text{(ii)} \quad & 3x - 1 \leq 11, x \leq 4 \\ & 2 - a < x \leq 4 \text{ 와 } 3 < x \leq 4 \text{ 와 같으므로} \\ & 2 - a = 3 \\ \therefore \quad & a = -1 \end{aligned}$$

9. 연립부등식 $\begin{cases} x + 7 > 2a \\ 2x - 3 < 1 \end{cases}$ 의 해가 $-1 < x < 2$ 일 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

[배점 3, 하상]

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$\begin{aligned} x + 7 > 2a & \text{에서 } x > 2a - 7 \\ 2x - 3 < 1 & \text{에서 } x < 2 \\ 2a - 7 < x < 2 \\ \therefore \quad & 2a - 7 = -1 \\ \therefore \quad & a = 3 \end{aligned}$$

10. 다음 연립부등식의 해가 $a < x < b$ 일 때, $a + b$ 의 값을?
- $$\begin{cases} 2(3x - 3) > 3(x + 2) \\ 3(x + 9) + 3 > 15(x - 2) \end{cases}$$
- [배점 3, 하상]

- ① 8 ② 9 ③ 10 ④ 11 ⑤ 12

해설

$$\begin{aligned} \text{i) } \quad & 2(3x - 3) > 3(x + 2) \\ & \Rightarrow 6x - 6 > 3x + 6 \\ & \Rightarrow 3x > 12 \\ & \Rightarrow x > 4 \\ \text{ii) } \quad & 3(x + 9) + 3 > 15(x - 2) \\ & \Rightarrow x + 9 + 1 > 5x - 10 \\ & \Rightarrow x < 5 \\ \therefore \quad & 4 < x < 5 \\ & a = 4, b = 5 \\ \therefore \quad & a + b = 4 + 5 = 9 \end{aligned}$$

11. 연립부등식 $\begin{cases} 3x + 2 \leq 8 \\ -2x + 3 < 7 \end{cases}$ 을 만족시키는 자연수의 개수는?

[배점 3, 하상]

- ① 1개 ② 2개 ③ 3개
④ 4개 ⑤ 5개

해설

$$\begin{cases} 3x + 2 \leq 8 \\ -2x + 3 < 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x \leq 2 \\ x > -2 \end{cases} \therefore -2 < x \leq 2$$

따라서 자연수인 x 는 1, 2의 2개이다.

12. 연립부등식 $2x + 1 \geq x + 5 > -3x + 1$ 의 해는?

[배점 3, 하상]

- ① $x \leq -4$
- ② $x \leq -1$
- ③ $-1 \leq x \leq 4$
- ④ $x \geq 1$
- ⑤ $x \geq 4$

해설

$$\begin{aligned} 2x + 1 &\geq x + 5, x \geq 4 \\ x + 5 &> -3x + 1, x > -1 \\ \therefore x &\geq 4 \end{aligned}$$

13. 연립부등식 $2x - 1 < x + 1 \leq 3x + 7$ 의 해가 $a \leq x < b$ 일 때, $a - b$ 의 값을 구하면? [배점 3, 하상]

- ① -5
- ② -3
- ③ -2
- ④ 2
- ⑤ 3

해설

$$\begin{aligned} 2x - 1 &< x + 1 \leq 3x + 7 \\ \left\{ \begin{array}{l} 2x - 1 < x + 1 \\ x + 1 \leq 3x + 7 \end{array} \right. &\Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} x < 2 \\ x \geq -3 \end{array} \right. \\ -3 \leq x < 2 \text{에서 } a = -3, b = 2 \\ \therefore a - b = -5 \end{array}$$

14. 다음 중 연립부등식 $\begin{cases} 0.5x \leq -1.5 + 3.5x \\ 3(x - \frac{2}{5}) < -0.2 \end{cases}$ 의 해로 옳은 것은?

[배점 3, 중하]

- ① $x < \frac{1}{3}$
- ② $x \geq \frac{1}{2}$
- ③ $\frac{1}{3} < x \leq \frac{1}{2}$
- ④ 해가 없다.
- ⑤ $2 < x \leq 3$

해설

$$\begin{aligned} \left\{ \begin{array}{l} 0.5x \leq -1.5 + 3.5x \\ 3(x - \frac{2}{5}) < -0.2 \end{array} \right. &\text{를 간단히 하면} \\ \left\{ \begin{array}{l} x \leq -3 + 7x \\ 15x - 6 < -1 \end{array} \right. &\rightarrow \left\{ \begin{array}{l} x - 7x \leq -3 \\ 15x < -1 + 6 \end{array} \right. \\ \left\{ \begin{array}{l} x \geq \frac{1}{2} \\ x < \frac{1}{3} \end{array} \right. &\therefore \text{해가 없다.} \end{aligned}$$

15. 연립부등식 $\begin{cases} 5x + 7 \leq 3(x + a) \\ 3(x - 1) + 4 < 5x + 25 \end{cases}$ 의 해가 $-b < x \leq -5$ 일 때, $\frac{b}{a}$ 의 값을? [배점 3, 중하]

- ① -12
- ② -6
- ③ 2
- ④ 6
- ⑤ 12

해설

$$\begin{aligned} \left\{ \begin{array}{l} 5x + 7 \leq 3(x + a) \\ 3(x - 1) + 4 < 5x + 25 \end{array} \right. &\rightarrow \left\{ \begin{array}{l} 5x - 3x \leq 3a - 7 \\ 3x - 5x < 25 - 1 \end{array} \right. \\ \left\{ \begin{array}{l} x \leq \frac{3a - 7}{2} \\ x > -12 \end{array} \right. &\therefore -b = -12 \text{이고 } \frac{3a - 7}{2} = -5 \therefore a = -1, b = 12 \\ \frac{b}{a} &= -12 \end{aligned}$$

16. 8% 설탕물 100g 이 있다. 이 설탕물에서 물을 증발시켜 농도를 15% 이상 20% 이하로 만들려고 한다. 이 때 증발시켜야 하는 물의 양이 아닌 것은?

[배점 3, 중하]

- ① 45g ② 48g ③ 50g
④ 55g ⑤ 60g

해설

8% 의 소금물 100g 의 소금의 양은 $\frac{8}{100} \times 100 = 8$ (g) 이다.

따라서 물 x g 을 증발시켰을 때의 농도를 나타내면 $\frac{8}{100-x} \times 100$ 이다.

이 값이 15% 이상 20% 이하 이므로,

$$15 \leq \frac{8}{100-x} \times 100 \leq 20$$

이를 연립방정식으로 나타내면

$$\begin{cases} 15 \leq \frac{8}{100-x} \times 100 \\ \frac{8}{100-x} \times 100 \leq 20 \end{cases}$$

이다. 간단히 나타내면

$$\begin{cases} x \geq \frac{140}{3} \\ x \leq 60 \end{cases}$$

이다. 따라서 x 의 범위는 $\frac{140}{3} \leq x \leq 60$ 이다.

17. 연립부등식 $\begin{cases} x + a \geq 3 + 2x \\ 3(x - 1) \geq 2x - 5 \end{cases}$ 를 만족하는 정수 x 의 개수가 5개 일 때, 상수 a 의 값의 범위는?

[배점 3, 중하]

- ① $5 \leq a < 6$ ② $5 < a \leq 6$ ③ $5 \leq a \leq 6$
④ $6 \leq a < 7$ ⑤ $6 < a \leq 7$

해설

$$1. x + a \geq 3 + 2x$$

$$x \leq a - 3$$

$$2. 3(x - 1) \geq 2x - 5$$

$$x \geq -2$$

$\therefore -2 \leq x \leq a - 3$ 만족하는 정수 x 의 개수가 5개이므로

$$2 \leq a - 3 < 3$$

$$\therefore 5 \leq a < 6$$

18. 다음 세 부등식을 동시에 만족시키는 정수 x 의 개수는 모두 몇 개인가?

$$\textcircled{1} -\frac{3}{2}x + 6 \geq -9$$

$$\textcircled{2} 3(5 - x) + 4x \geq 5$$

$$\textcircled{3} 0.4x + 1.2 > 0.9x - 0.8$$

[배점 4, 중중]

- ① 10개 ② 11개 ③ 12개

- ④ 13개 ⑤ 14개

해설

$$\textcircled{1} -\frac{3}{2}x + 6 \geq -9$$

$$\therefore x \leq 10$$

$$\textcircled{2} 3(5 - x) + 4x \geq 5$$

$$\therefore x \geq -10$$

$$\textcircled{3} 0.4x + 1.2 > 0.9x - 0.8$$

$$\therefore x < 4$$

따라서 ①, ②, ③을 동시에 만족하는 정수는 14개이다.

19.

연립부등식 $\begin{cases} 1 - 3x \geq -5 \\ 4x - a > 2(x - 2) \end{cases}$ 의 해가 없을 때,
상수 a 의 값의 범위는? [배점 4, 중중]

- ① $a \geq 8$
- ② $a < 4$
- ③ $\frac{1}{2} \leq a < 2$
- ④ $4 \leq a < 8$
- ⑤ $-4 \leq a < 8$

해설

$$\begin{aligned} 1 - 3x &\geq -5, \quad 2 \geq x \\ 4x - a &> 2(x - 2), \quad x > \frac{a - 4}{2} \\ \text{해가 없으므로 } \frac{a - 4}{2} &\geq 2, \quad a \geq 8 \end{aligned}$$

20.

연립부등식 $\begin{cases} 3(x - 1) \geq 2 + 4(2x - 5) \\ 2(3 - 2x) < -x + 10 \end{cases}$ 을 만족하는 양의 정수 x 의 개수는? [배점 4, 중중]

- ① 1 개
- ② 3 개
- ③ 5 개
- ④ 6 개
- ⑤ 7 개

해설

$$\begin{aligned} \text{i)} \quad 3(x - 1) &\geq 2 + 4(2x - 5) \Rightarrow x \leq 3 \\ \text{ii)} \quad 2(3 - 2x) &< -x + 10 \Rightarrow x > -\frac{4}{3} \\ \text{연립부등식의 해는 } -\frac{4}{3} &< x \leq 3 \text{ 이므로, 이를 만족하는 양의 정수 } x \text{의 개수는 } 1, 2, 3 \text{ 의 } 3 \text{ 개이다.} \end{aligned}$$