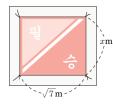
문제 풀이 과제

1. 가로가 $\sqrt{7}$ m 인 천으로 넓이가 $\sqrt{28}m^2$ 인 직사각형 모양의 응원가를 만들려고 한다. 이 때, 필요한 천의 길이는?



[배점 2, 하하]

- ① 1m ② 2m ③ 3m
- ④ 4m
- ⑤ 5m

직사각형의 넓이이므로 (가로)×(세로)이다. 따라서 $\sqrt{7}x = \sqrt{28}$, $x = \frac{\sqrt{28}}{\sqrt{7}} = \sqrt{4} = 2$ (m)

2. $\sqrt{a^2} = 4$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

[배점 2, 하하]

- ① 2
- 2 2 3 ± 2 4

양변을 제곱하면, $a^2 = 16$

 $\therefore a = \pm 4$

3. 다음 중 계산이 옳은 것은? [배점 3, 하상]

① $\sqrt{50} + 3\sqrt{2} = 5\sqrt{2} + 3\sqrt{2} = 5\sqrt{5} + 8\sqrt{2}$

②
$$\frac{2\sqrt{6}}{3} - \sqrt{\frac{2}{3}} = \frac{2\sqrt{6}}{3} - \frac{\sqrt{2} \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}}$$

= $\frac{2\sqrt{6}}{3} - \frac{\sqrt{6}}{3} = \frac{2\sqrt{6}}{3}$

 $3\sqrt{12} - 4\sqrt{3} = 8\sqrt{3}$

$$\boxed{4}\sqrt{32} - \frac{6}{\sqrt{2}} = \sqrt{2}$$

 $(5) \sqrt{12} + \sqrt{18} - 4\sqrt{2} = 2\sqrt{3} + 5\sqrt{2}$

해설

 $\textcircled{4}\sqrt{32} - \frac{6}{\sqrt{2}} = 4\sqrt{2} - \frac{6\sqrt{2}}{\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = 4\sqrt{2} - \frac{6\sqrt{2}}{2} = 4\sqrt{2}$

$$\sqrt{2}$$

①
$$\sqrt{50} + 3\sqrt{2} = 5\sqrt{2} + 3\sqrt{2} = 8\sqrt{2}$$

② $\frac{2\sqrt{6}}{3} - \sqrt{\frac{2}{3}} = \frac{2\sqrt{6}}{3} - \frac{\sqrt{2} \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{6}}{3} - \frac{\sqrt{6}}{3} = \frac{\sqrt{6}}{3}$
③ $3\sqrt{12} - 4\sqrt{3} = 3 \times 2\sqrt{3} - 4\sqrt{3} = 2\sqrt{3}$

 $\sqrt{3} \sqrt{12} + \sqrt{18} - 4\sqrt{2} = 2\sqrt{3} + 3\sqrt{2} - 4\sqrt{2} = 2\sqrt{3} + 3\sqrt{2} = 2\sqrt{3} + 3\sqrt{2} = 2\sqrt{3} =$ $2\sqrt{3} - \sqrt{2}$

4. 다음 중 옳지 않은 것은?

[배점 3, 하상]

①
$$-\sqrt{16} \div 2 = -\sqrt{4}$$

$$2 \frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$$

①
$$-\sqrt{16} \div 2 = -\sqrt{4}$$
 ② $\frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$ ③ $-\frac{\sqrt{128}}{4} = -4\sqrt{2}$ ④ $\frac{\sqrt{45}}{3} = \sqrt{5}$

①
$$-\sqrt{16} \div 2 = -\sqrt{\frac{16}{2^2}} = -\sqrt{4}$$

$$3 - \frac{\sqrt{128}}{4} = -\sqrt{\frac{128}{4^2}} = -\sqrt{8}$$

$$4 \frac{\sqrt{45}}{3} = \sqrt{\frac{45}{9}} = \sqrt{5}$$

- **5.** 다음 중 부등호가 다른 하나는? [배점 3, 중하]

 - ① $6\sqrt{3}$ $2\sqrt{3}$ ② $2+\sqrt{3}$ $\sqrt{5}+1$
 - $3\sqrt{2}-1$ $1-\sqrt{2}$ $4\sqrt{5}-2$ 0
 - $\bigcirc -4 \boxed{ } -\sqrt{16}$

- (1), (2), (3), (4): >
- $\Im : =$

- 6. 다음에 주어진 수를 크기가 큰 것부터 차례로 나열할 때, 두 번째에 해당하는 것은? [배점 3, 중하]
 - ① $\sqrt{3} + \sqrt{2}$ ② $\sqrt{3} + 1$ ③ $\sqrt{2}$

- (4) $\sqrt{5} + \sqrt{3}$ (5) $\sqrt{2} + \sqrt{5}$

해설

- i) $\sqrt{3} + \sqrt{2} (\sqrt{3} + 1) = \sqrt{2} 1 > 0$ $\therefore \sqrt{3} + \sqrt{2} > \sqrt{3} + 1$
- ii) $\sqrt{3} + 1 \sqrt{2} > 0$: $\sqrt{3} + 1 > \sqrt{2}$
- iii) $\sqrt{3} + \sqrt{2} (\sqrt{5} + \sqrt{3}) = \sqrt{2} \sqrt{5} < 0$
 - $\sqrt{3} + \sqrt{2} < \sqrt{5} + \sqrt{3}$
- iv) $\sqrt{2} + \sqrt{5} (\sqrt{5} + \sqrt{3}) = \sqrt{2} \sqrt{3} < 0$
 - $\therefore \sqrt{2} + \sqrt{5} < \sqrt{5} + \sqrt{3}$

따라서 주어진 수의 순서는

 $\sqrt{5} + \sqrt{3} > \sqrt{5} + \sqrt{2} > \sqrt{3} + \sqrt{2} > \sqrt{3} + 1 > \sqrt{2}$

7. $a^2 = 15$ 일 때, a 의 값으로 옳은 것은?

[배점 4, 중중]

- (1) $-\sqrt{15}$ (2) $\sqrt{15}$
- (3) $\pm 3\sqrt{5}$

a 는 15 의 제곱근이므로 $\pm\sqrt{15}$ 이다.

8. $\left(\sqrt{3\frac{1}{9}} + \sqrt{0.7}\right) \times 3\sqrt{3}$ 을 간단히 하여라. [배점 4, 중중]

답:

ightharpoonup 정답: $3\sqrt{21}$

$$\begin{aligned} \left(\overset{\mathbf{Z}}{\text{TL}} \overset{\lambda}{\rightarrow} \right) &= \left(\sqrt{\frac{28}{9}} + \sqrt{\frac{7}{9}} \right) \times 3\sqrt{3} \\ &= \left(\frac{2\sqrt{7}}{3} + \frac{\sqrt{7}}{3} \right) \times 3\sqrt{3} \\ &= \sqrt{7} \times 3\sqrt{3} = 3\sqrt{21} \end{aligned}$$

9. 자연수 x 에 대하여 $f(x) = (\sqrt{x})$ 이하의 자연수 중 가장 큰 수)라고 할 때, f(70) - f(28) 의 값을 구하여라. (단, x 는 자연수이다.) [배점 5, 중상]

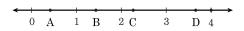
답:

▷ 정답: 3

해설

 $\sqrt{70}$ 이하의 자연수중 가장 큰 수는 8 이고 $\sqrt{28}$ 이하의 자연수중 가장 큰 수는 5 이므로 8-5=3이다.

10. 다음 수직선 위의 점 A,B,C,D에 대응하는 수는 $\sqrt{2}$, $\sqrt{3} + 2$, $\sqrt{2} - 1$, $4 - \sqrt{3}$ 이다. 점 A, B, C, D에 대응하는 값을 각각 a, b, c, d라고 할 때, a + b와 c+d의 값을 각각 바르게 구한 것은?



[배점 5, 중상]

- (1) $\sqrt{2} + \sqrt{3} + 2$, $\sqrt{2} \sqrt{3} + 3$
- ② $\sqrt{2} + \sqrt{3} + 3$, $\sqrt{2} + \sqrt{3} + 2$
- $\sqrt{3}$ $\sqrt{2} \sqrt{3} + 3$, $\sqrt{2} + \sqrt{3} + 2$
- (4) $2\sqrt{2}-1, 6$
- \bigcirc 6, $2\sqrt{2}-1$

$$1 < \sqrt{2} < 2 : B = \sqrt{2}$$

$$0 < \sqrt{2} - 1 < 1 : A = \sqrt{2} - 1$$

$$A + B = (\sqrt{2} - 1) + (\sqrt{2}) = 2\sqrt{2} - 1$$

$$3 < \sqrt{3} + 2 < 4$$
: $D = \sqrt{3} + 2$

$$2 < 4 - \sqrt{3} < 3 : C = 4 - \sqrt{3}$$

$$C + D = (4 - \sqrt{3}) + (\sqrt{3} + 2) = 6$$

- **11.** 두 자연수 x, y 에 대하여 $\sqrt{120xy}$ 가 가장 작은 정수가 되도록 x, y 의 값을 정할 때, 다음 중 x 의 값이 될 수 없는 것은? [배점 5, 상하]
 - 1
- ② 2 ③ 3
- **⑤** 5

$$\sqrt{120xy} = \sqrt{2^3 \times 3 \times 5 \times xy} = 2\sqrt{30xy}$$

$$xy = 30$$

$$(x, y) = (1, 30), (2, 15), (3, 10), (5, 6),$$

 $(6, 5), (10, 3), (15, 2), (30, 1)$

12. -1 < x < 1 일 때, $\sqrt{(1-x)^2} + \sqrt{(1+x)^2} - |-1-x|$ 를 간단히 하여라. [배점 5, 상하]

▶ 답:

> 정답: 1-x

$$\sqrt{(1-x)^2} + \sqrt{(1+x)^2} - |-1-x|$$

$$= (1-x) + (1+x) - \{-(-1-x)\}$$

$$= 1 - x + 1 + x - 1 - x = 1 - x$$

13. a, b 가 ab = 8, a - b = 2 를 만족하는 양수일 때, $\sqrt{\frac{a}{b}} - \sqrt{\frac{2b}{a}}$ 를 구하여라. [배점 6, 상중]

답:

$$ightharpoonup$$
 정답: $\sqrt{2}-1$

해설

 $a-b=2,\ a=2+b$ 이므로 ab=8에 대입하면 ab=(2+b)b=8

- $b^2 + 2b 8 = 0$
- b = 2
- $\therefore \ a = 2 + b = 2 + 2 = 4 \\ \sqrt{\frac{a}{b}} \sqrt{\frac{2b}{a}} = \sqrt{\frac{4}{2}} \sqrt{\frac{2 \times 2}{4}} = \sqrt{2} 1 \ \text{이다}.$

- 14. $\sqrt{\frac{2x}{k}}$ 의 정수 부분을 a 라고 할 때, a=5 를 만족하는 x 의 개수가 11 개이다. 자연수 k 의 값을 구하여라. (단, $\frac{2x}{k}$ 는 자연수이다.) [배점 6, 상중]
 - ▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

 $5 \le a < 6$ 이므로 $5 \le \sqrt{\frac{2x}{k}} < 6$ $25 \le \frac{2x}{k} < 36$ $\frac{25}{2}k \le x < \frac{36}{2}k$ 이를 만족하는 x 의 개수가 11 개이므로,

$$\frac{36}{2}k - \frac{25}{2}k = 11$$
$$(36 - 25)k = 22$$

 $\therefore k=2$

15. $-4\sqrt{3} \le x < \sqrt{26}$, $2\sqrt{2} < \sqrt{\frac{y}{2}} \le 5$ 를 만족하는 정수 x , y 에 대해 y-x 의 값의 최댓값을 구하여라. [배점 6, 상상]

▶ 답:

➢ 정답: 56

해설

y-x 의 값의 최댓값은 y 가 최대일 때, x 가 최소일 때이다.

 $-4\sqrt{3} \le x < \sqrt{26}$ 이 성립하는 정수 x 의 최솟값 은 -6

 $2\sqrt{2}<\sqrt{\frac{y}{2}}\le 5$ 을 정리하면 $8<\frac{y}{2}\le 25$, 즉 $16< y\le 50$ 이므로 정수 y 의 최댓값은 50 따라서 y-x 의 최댓값은 50-(-6)=56 이다.

16. $\sqrt{x} - \sqrt{y} = 3\sqrt{5}$ 를 만족하는 자연수 x, y의 순서쌍 (x, y)에 대하여 x의 최댓값을 구하여라. (단, $1 \le y \le 100$) [배점 6, 상상]

▶ 답:

▷ 정답: 245

해설

 $\sqrt{x} - \sqrt{y} = 3\sqrt{5}$ 에서 $\sqrt{x} = 3\sqrt{5} + \sqrt{y}$ \sqrt{x} 와 \sqrt{y} 를 계산할 수 있어야 하므로 $\sqrt{y} = a\sqrt{5}$ 꼴이 되어야 한다. (단, a는 자연수이다.) $1 \le y \le 100$ 이고 $\sqrt{y} = a\sqrt{5}$ 이므로 $y = 5a^2$ $1 \le y \le 100$ 이고 5의 배수이다. a = 1일 때, $y = 5 \times 1^2 = 5$ ∴ y = 5, x = 80a = 2일 때, $y = 5 \times 2^2 = 20$ ∴ y = 20, x = 125a = 3일 때, $y = 5 \times 3^2 = 45$ ∴ y = 45, x = 180

a=4일 때, $y=5\times 4^2=80$: y=80, x=245 따라서 순서쌍 (x, y)에서 x의 최댓값은 245이다.