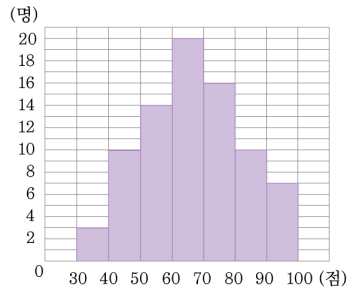


문제 풀이 과제

1. 1학년 수학 중간고사 점수에 대하여 그 분포를 나타낸 것이다. 그래프에 대한 설명이 옳지 않은 것은?



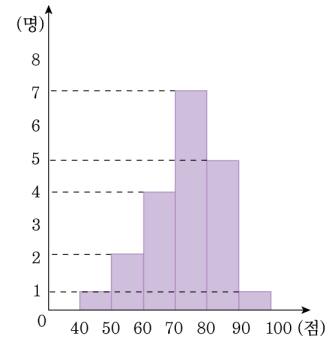
[배점 3, 중하]

- ① 위쪽의 그래프는 히스토그램이다.
- ② 전체 조사 대상자는 80 명이다.
- ③ 계급의 크기는 10 점이다.
- ④ 도수가 가장 큰 계급의 계급값은 65 점이다.
- ⑤ 점수가 가장 낮은 학생은 30 점이다.

해설

⑤ 점수가 가장 낮은 학생이 30 ~ 40 미만인 계급에 속하지만 정확한 점수는 알 수 없다.

2. 다음 그래프는 어느 분단의 국어 성적을 히스토그램으로 나타낸 것이다. 다음 <보기> 중 옳은 것을 모두 고르면?



보기

- ㉠ 이 분단의 학생 수는 20 명이다.
- ㉡ 계급의 크기는 6 이다.
- ㉢ 도수가 가장 큰 계급의 계급값은 75 점이다.
- ㉣ 70 점 미만인 학생 수는 7 명이다.

[배점 3, 중하]

- ① ㉠, ㉡, ㉣
- ② ㉠, ㉡, ㉢
- ③ ㉠, ㉢, ㉣
- ④ ㉡, ㉢, ㉣
- ⑤ ㉠, ㉡, ㉢, ㉣

해설

㉡. 계급의 크기는 10 점이다.

3. 다음 표는 어느 반의 수학 성적에 대한 도수분포표일 때, 도수가 가장 낮은 계급의 계급값을 구하여라.

수학 성적(점)	도수
50 ^{이상} ~ 60 ^{미만}	7
60 ~ 70	12
70 ~ 80	20
80 ~ 90	9
90 ~ 100	2
합계	50

[배점 3, 중하]

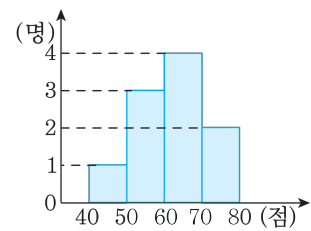
▶ 답 :

▷ 정답 : 95 점

해설

가장 낮은 도수는 2 이다.
따라서 계급값은 $\frac{90 + 100}{2} = 95(\text{점})$ 이다.

4. 다음 그림은 학생 10 명의 수학 성적을 나타낸 히스토그램이다. 이때, 60 점 이상을 받은 학생은 전체의 몇 %인지 구하여라.



[배점 3, 중하]

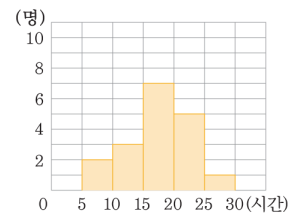
▶ 답 :

▷ 정답 : 60 %

해설

$$\frac{4 + 2}{10} \times 100 = \frac{6}{10} \times 100 = 60 \%$$

5. 다음 그림은 어느 중학교 봉사부 학생들의 봉사활동 시간을 조사하여 나타낸 히스토그램이다. 히스토그램의 직사각형의 넓이의 합을 구하여라.



[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▷ 정답 : 90

해설

(직사각형의 넓이의 합) = (계급의 크기) × (도수의 총합) 이다. 계급의 크기는 5 시간,
(도수의 총합) = $2 + 3 + 7 + 5 + 1 = 18(\text{명})$ 이므로
직사각형의 넓이의 합은 $5 \times 18 = 90$ 이다.

6. 다음 표는 어느 중학교 1학년 학생들의 멀리뛰기 기록을 조사하여 나타낸 도수분포표이다. 이 학생들의 멀리뛰기의 평균은?

뛰거리(cm)	도수(명)
150 ^{이상} ~ 170 ^{미만}	2
170 ~ 190	4
190 ~ 210	15
210 ~ 230	20
230 ~ 250	9

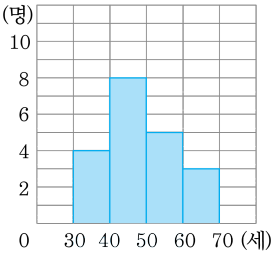
[배점 3, 중하]

- ① 210cm ② 212cm ③ 214cm
 ④ 216cm ⑤ 218cm

해설

$$\frac{(160 \times 2 + 180 \times 4 + 200 \times 15 + 220 \times 20 + 240 \times 9)}{50} = 212(\text{cm})$$

7. 다음 그림은 어느 반 학생들의 어머니의 연세를 조사하여 나타낸 히스토그램이다. 어머니의 연세가 50세 이상인 학생은 전체의 몇 %인지 구하여라.



[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▶ 정답 : 40 %

해설

총 도수가 20명이고 어머니의 연세가 50세 이상인 학생이 8명이므로 $\frac{8}{20} \times 100 = 40 (\%)$

8. 히스토그램에서 각 직사각형의 윗변의 중점을 차례대로 선분으로 연결한 그래프는 무엇인가?

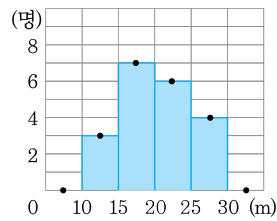
[배점 3, 중하]

- ① 도수분포표 ② 히스토그램
 ③ 도수분포다각형 ④ 상대도수의 그래프
 ⑤ 누적도수의 그래프

해설

③ 도수분포다각형 : 히스토그램에서 각 직사각형의 윗변의 중점을 차례대로 선분으로 연결한 그래프

9. 다음 그래프는 수희네 반 학생의 공 던지기 기록에 대한 도수분포다각형이다. 도수가 가장 큰 계급의 도수는 전체의 몇 %인지 구하여라.



[배점 3, 중하]

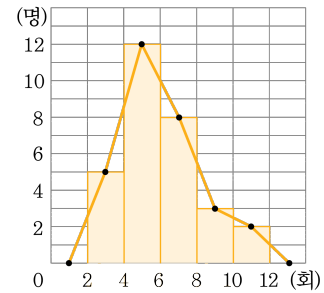
▶ 답 :

▶ 정답 : 35%

해설

(전체 도수) = $3 + 7 + 6 + 4 = 20$ (명)
 도수가 가장 큰 계급의 도수는 7명이다.
 $\frac{7}{20} \times 100 = 35$ (%)

10. 다음 그림은 헌혈을 해 본 사람을 대상으로 지난 1년 동안 몇 번의 헌혈을 하였는지 조사하여 나타낸 히스토그램과 도수분포다각형이다. 지난 1년 동안 8회 헌혈한 사람이 속한 계급의 도수는 전체의 몇 %인지 구하여라.



[배점 3, 중하]

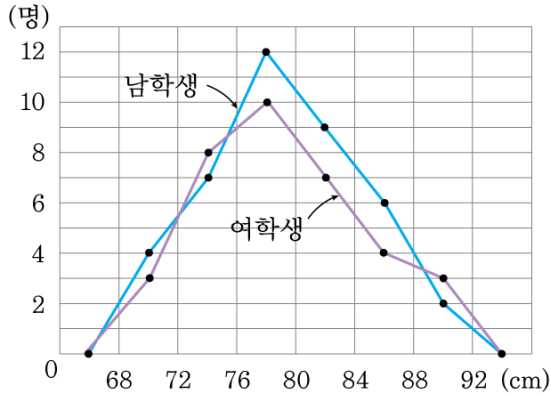
▶ 답 :

▶ 정답 : 10%

해설

(전체 도수) = $5 + 12 + 8 + 3 + 2 = 30$ (명)
 8회가 속하는 계급은 8회 이상 10회 미만이고 도수는 3명이다.
 $\frac{3}{30} \times 100 = 10$ (%)

11. 다음은 경진이네 반 학생들의 앓은키를 조사하여 나타낸 도수분포다각형이다. 안에 들어갈 수를 바르게 나타낸 것은?



- ㉠ 남학생의 수는 여학생의 수보다 명 더 많다.
 ㉡ 84cm 이상인 남학생은 남학생 전체의 % 이다.
 ㉢ 84cm 이상인 여학생은 여학생 전체의 % 이다.

[배점 4, 중중]

- ① 10, 25, 25 ② 10, 25, 20 ③ 5, 25, 20
 ④ 5, 25, 25 ⑤ 5, 20, 20

해설

- ㉠ 남학생 수는 $4 + 7 + 12 + 9 + 6 + 2 = 40$ (명) 이고, 여학생은 $3 + 8 + 10 + 7 + 4 + 3 = 35$ (명) 이다.
 ㉡ 84cm 이상인 남학생은 $\frac{6+2}{40} \times 100 = 20(\%)$ 이다.
 ㉢ 여학생은 $\frac{4+3}{35} \times 100 = 20(\%)$ 이다.

12. 다음 도수분포표는 학생 60 명의 성적을 나타낸 것이다. 60 점 이상 70 점 미만인 학생 수가 50 점 이상 60 점 미만인 학생 수의 2 배일 때, $y - x$ 의 값을 구하면?

성적(점)	학생 수(명)
30 ^{이상} ~ 40 ^{미만}	2
40 ~ 50	4
50 ~ 60	x
60 ~ 70	y
70 ~ 80	18
80 ~ 90	10
90 ~ 100	5
합계	60

[배점 4, 중중]

- ① 7 ② 10 ③ 14 ④ 16 ⑤ 21

해설

$y = 2x$ 이고, $x + y = 60 - (2 + 4 + 18 + 10 + 5) = 21$
 이므로, $x = 7$, $y = 14$
 $\therefore y - x = 7$

13. 다음 표는 어느 반 학생 50 명의 키를 조사한 것이다.
다음 중 옳지 않은 것은?

키(cm)	학생 수(명)
140 ^{이상} ~ 145 ^{미만}	3
145 ~ 150	9
150 ~ 155	15
155 ~ 160	
160 ~ 165	8
165 ~ 170	3
170 ~ 175	1
175 ~ 180	1
합계	50

[배점 4, 중중]

- ① 계급의 개수는 8 개이다.
 ② 도수가 가장 많은 계급은 150cm 이상 155cm 미만이다.
 ③ 계급의 크기는 5cm 이다.
 ④ 키가 152cm 인 학생이 속하는 계급은 150cm 이상 155cm 이하이다.
 ⑤ 키가 가장 작은 학생은 140cm 이다.

해설

⑤ 키가 가장 작은 학생이 속하는 계급이 140cm 이상 ~ 145cm 미만이다. 하지만 정확한 키의 크기는 알 수 없다.

14. 다음 도수분포표는 어느 분단 학생의 몸무게를 조사한 자료이다. 몸무게의 평균이 46kg 일 때, x 의 값은?

몸무게(kg)	인원 수(명)
30 ^{이상} ~ 40 ^{미만}	4
40 ~ 50	x
50 ~ 60	6

[배점 4, 중중]

- ① 6 ② 8 ③ 10 ④ 12 ⑤ 14

해설

$$\begin{aligned}
 &\text{총 인원은 } 10 + x(\text{명}) \\
 &\text{평균} = \frac{[(\text{계급값}) \times \text{도수}] \text{의 합계}}{\text{총 학생 수}} = \frac{(35 \times 4) + (45 \times x) + (55 \times 6)}{10 + x} = 46 \text{ 이므로} \\
 &\frac{470 + 45x}{10 + x} = 46(\text{kg}) \\
 &470 + 45x = 46(10 + x) \\
 &\therefore x = 10
 \end{aligned}$$

15. 다음 표는 어느 학급 학생의 수학 성적을 조사한 표이다. 이 학급의 수학성적의 평균은?

성적(점)	도수
40 이상 50 미만	2
50 ~ 60	6
60 ~ 70	11
70 ~ 80	15
80 ~ 90	10
90 ~ 100	6
합계	50

[배점 4, 중중]

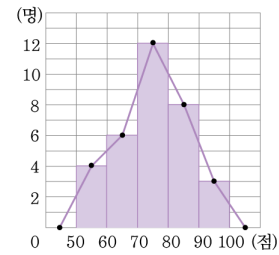
- ① 30.16점 ② 42.5점 ③ 51.34점
 ④ 62.8점 ⑤ 73.6점

해설

$$\frac{45 \times 2 + 55 \times 6 + 65 \times 11 + 75 \times 15 + 85 \times 10 + 95 \times 6}{50} = 73.6$$

73.6 이다.

16. 히스토그램 위에 도수분포다각형을 그렸을 때, 히스토그램에서 직사각형의 넓이의 합을 A , 도수분포다각형으로 둘러싸인 도형의 넓이를 B 라고 할 때, 다음 중 옳은 것은?



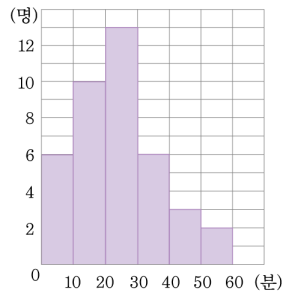
[배점 4, 중중]

- ① $A = B$ ② $A > B$ ③ $A < B$
 ④ $A \geq B$ ⑤ $A \leq B$

해설

계급의 크기와 도수가 같기 때문에 히스토그램과 도수분포다각형의 넓이는 같다.

17. 다음은 어느 학급 학생들의 통학 시간을 히스토그램으로 나타낸 것이다. 계급값이 15 분인 직사각형의 넓이는 계급값이 55 분인 직사각형의 넓이의 몇 배인가?



[배점 4, 중중]

▶ 답 :

▶ 정답 : 5 배

해설

계급의 크기가 10 이므로 직사각형의 가로는 10 이다.

계급값이 15 분인 계급의 도수는 10 , 계급값이 55 분인 계급의 도수는 2 이다.

계급의 크기는 같으므로, $\frac{10}{2} = 5(\text{배})$ 이다.

18. 국제 피겨스케이팅대회에서 5가지 항목의 점수를 채점한다. 5가지 항목의 점수가 각각 다음과 같을 때, 최저점을 제외하고 평균을 채점하여 순위를 결정한다. 순위를 결정하는 평균 점수를 구하면? (단, 각 항목당 10점 만점이다.)

9, 9, 8, 6, 10

[배점 4, 중중]

① 6 점

② 7 점

③ 8 점

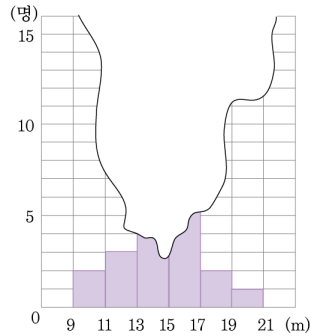
④ 9 점

⑤ 10 점

해설

최저점은 6 점이다. 따라서 순위를 결정하는 평균 점수는 $\frac{9+9+8+10}{4} = \frac{36}{4} = 9$ (점) 이다.

19. 다음 히스토그램은 어느 학급 학생 20 명의 던지기 기록을 조사하여 만든 것인데 일부가 찢어졌다. 던지기 기록이 13 m 이상 15 m 미만인 학생이 전체의 25%일 때, 전체 학생의 평균은?



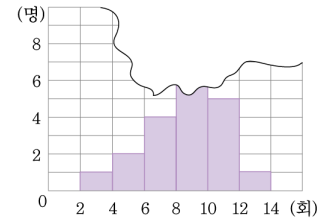
[배점 4, 중중]

- ① 14.1 m ② 14.3 m ③ 14.5 m
 ④ 14.7 m ⑤ 14.9 m

해설

$$\begin{aligned}
 &13 \text{ m 이상 } 15 \text{ m 미만: } 20 \times \frac{25}{100} = 5 (\text{명}) \\
 &15 \text{ m 이상 } 17 \text{ m 미만의 도수: } 7 (\text{명}) \\
 &\frac{10 \times 2 + 12 \times 3 + 14 \times 5 + 16 \times 7 + 18 \times 2}{20} + \\
 &\frac{20 \times 1}{20} = 14.7 (\text{m})
 \end{aligned}$$

20. 다음 그림은 어느 학급 20 명의 학생들이 1 년 동안 연극을 관람한 횟수를 조사하여 히스토그램으로 나타낸 것이 일부 찢어져 나갔다. 1 인당 평균관람 횟수는?



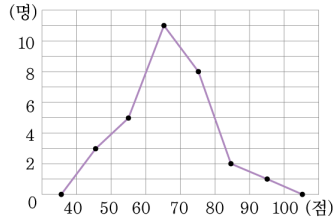
[배점 4, 중중]

- ① 5.1 회 ② 5.8 회 ③ 6.4 회
 ④ 7.7 회 ⑤ 8.6 회

해설

$$\begin{aligned}
 &8 \text{ 회 이상 } 10 \text{ 회 미만의 학생 수는 } 20 - (1 + 2 + \\
 &4 + 5 + 1) = 7 (\text{명}) \text{ 이므로} \\
 &\frac{3 \times 1 + 5 \times 2 + 7 \times 4 + 9 \times 7 + 11 \times 5 + 13 \times 1}{20} \\
 &= 8.6 (\text{회}) \text{ 이다.}
 \end{aligned}$$

21. 다음은 어느 학급 학생들의 과학 성적을 도수분포다각형으로 나타낸 것이다. 옳은 것은?



[배점 5, 중상]

- ① 계급의 개수는 10 개이다.
- ② 시험을 본 학생은 30 명이다.
- ③ 과학 성적이 70 점 이상인 학생은 전체의 40% 이다.
- ④ 성적이 가장 좋은 학생의 점수는 100 점이다.
- ⑤ 과학 성적이 50 점 이상 80 점 미만인 학생은 20 명이다.

해설

- ① 계급의 개수는 6 개이다.
- ② $3 + 5 + 11 + 8 + 2 + 1 = 30$ (명) 이다.
- ③ 70 점 이상인 학생 수는 $8 + 2 + 1 = 11$ (명) 이므로 $\frac{11}{30} \times 100 \approx 36.7$ (%) 이다.
- ④ 알 수 없다.
- ⑤ 과학 성적이 50 점 이상 80 점 미만인 학생 수는 $5 + 11 + 8 = 24$ (명) 이다.

22. 어느 중학교 3 학년 국어 성적이 1 반은 평균 56 점, 2 반은 평균 60 점이고 1 반과 2 반을 합하여 계산한 전체 평균은 59 점이었다. 이 때 1 반과 2 반의 학생 수의 비는? [배점 5, 중상]

- ① 1 : 2
- ② 1 : 3
- ③ 2 : 1
- ④ 3 : 1
- ⑤ 4 : 1

해설

1 반의 학생 수를 a 명, 2 반의 학생 수를 b 명이라고 하면

1 반의 총점 : $56a$ 점, 2 반의 총점 : $60b$ 점

따라서 전체 평균은 $\frac{56a + 60b}{a + b} = 59$

$56a + 60b = 59(a + b)$ (점)

$\therefore b = 3a$

$\therefore a : b = a : 3a = 1 : 3$

23. 다음 표는 어느 반 학생들의 수학 성적을 나타낸 도수 분포표이다. 계급값이 75 점인 계급의 학생 수는 수학 성적이 70 점 이상인 학생 수의 $\frac{1}{4}$ 이라 할 때, b 의 값은?

계급(점)	도수(명)
50 ^{이상} ~ 60 ^{미만}	4
60 ^{이상} ~ 70 ^{미만}	10
70 ^{이상} ~ 80 ^{미만}	
80 ^{이상} ~ 90 ^{미만}	16
90 ^{이상} ~ 100 ^{미만}	b
합계	50

[배점 5, 중상]

- ① 9 ② 10 ③ 11 ④ 12 ⑤ 13

해설

70 이상 80 미만인 학생 수는
 $a = 50 - (4 + 10 + 16 + b) = 20 - b$
 계급값이 75 점인 계급의 학생 수는 70 점 이상인 학생 수의 $\frac{1}{4}$ 이므로 $20 - b = \frac{1}{4} \times 36$
 $\therefore b = 11$

24. 다음은 모 중학교 1 반 학생들을 대상으로 하루에 수학을 공부하는 시간을 조사하여 나타낸 도수분포표이다. $\frac{A}{B} = \frac{2}{3}$ 이고, B 는 계급값이 70 인 도수의 세 배일 때, 1 반 학생 수를 구하여라.

시간(분)	도수(명)
0 ^{이상} ~ 20 ^{미만}	8
20 ~ 40	12
40 ~ 60	A
60 ~ 80	5
80 ~ 100	B
합계	

[배점 5, 중상]

▶ 답 :
 ▷ 정답 : 50 명

해설

계급값이 70 인 도수는 5 이므로 $B = 15$, 따라서 $\frac{A}{B} = \frac{2}{3}$ 이므로 $A = 10$ 이다.
 그러므로 전체 도수는 $8 + 12 + 10 + 5 + 15 = 50$ (명) 이다.

25. 다음 도수분포표는 어느 반 학생들의 1 학기 중간고사 영어 성적을 조사하여 나타낸 것이다. 이것을 바탕으로 1 학기 기말고사 영어 문제를 출제하려고 한다. 1 학기 영어 성적의 평균이 80 점 이상이 되게 할 때, 1 학기 기말고사에서 영어 성적의 총점은 몇 점 이상이 되어야 하는가?

영어 성적(점)	학생 수(명)
20 이상 ~ 30 미만	1
30 ~ 40	2
40 ~ 50	2
50 ~ 60	6
60 ~ 70	8
70 ~ 80	5
80 ~ 90	7
90 ~ 100	4
합계	35

[배점 5, 중상]

▶ 답 :

▶ 정답 : 3215 점

해설

중간고사 총점은

$$(25 \times 1) + (35 \times 2) + (45 \times 2) + (55 \times 6) + (65 \times 8) + (75 \times 5) + (85 \times 7) + (95 \times 4) = 2385(\text{점})$$

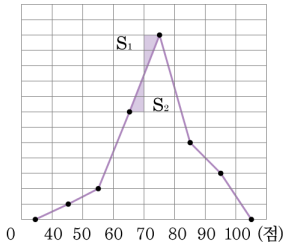
기말고사 총점을 $x(\text{점})$ 이라 하면

$$\frac{2385 + x}{2} = 80 \times 35$$

$$\therefore x = 3215$$

따라서 1 학기 기말고사에서 3215 점 이상을 받아야 한다.

26. 다음은 어느 반의 1 학기 중간고사 성적을 나타낸 도수 분포 다각형이다. 가로의 1cm 단위를 1, 세로의 1 명 단위를 1 로 생각하여 삼각형 S_1 과 S_2 의 넓이를 구 했더니 $S_1 + S_2 = 20$ 이었다. 이 때, 점수가 60 점 이상 70 점 미만인 학생수는?



[배점 5, 중상]

- ① 12 명 ② 14 명 ③ 16 명
④ 18 명 ⑤ 20 명

해설

$$S_1 = S_2 \text{ 이므로 } S_2 = 10$$

S_2 밑변의 길이는 계급크기의 반이므로 5

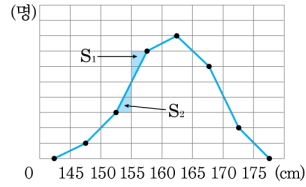
두 칸의 높이를 x 라 하면

$$\therefore 5 \times x \times \frac{1}{2} = 10 \therefore x = 4$$

두 칸이 4 이므로 한 칸의 크기는 2 이다.

$$\text{따라서 (점수가 60 점 이상 70 점 미만인 학생 수)} = (\text{칸의 수}) \times 2 = 7 \times 2 = 14(\text{명})$$

27. 다음 그림은 어느 반 학생들의 키를 조사하여 나타낸 도수분포다각형이다. 가로 1cm 단위를 1로 생각하고, 세로 1명 단위를 1로 생각하여 삼각형 S_1 과 S_2 의 넓이를 구했더니 $S_1 + S_2 = 15$ 이었다. 이 때, 키가 150cm 이상 160cm 미만인 학생수를 구하여라.



[배점 5, 중상]

▶ 답 :

▶ 정답 : 30 명

해설

$$S_1 = S_2 \text{ 이므로 } S_2 = 7.5$$

S_2 밑변의 길이는 계급크기의 반이므로 2.5

두 칸의 높이를 x 라 하면

$$\therefore 2.5 \times x \times \frac{1}{2} = 7.5 \therefore x = 6$$

두 칸이 6이므로 한 칸의 크기는 3이다.

따라서 (키가 150cm 이상 160cm 미만인 학생 수) = (칸의 수) $\times$ 3 = $(3 + 7) \times 3 = 30$ (명)

28. 영민이는 수학 쪽지 시험을 6번 치러서 평균이 84 점이었다. 수학 쪽지 시험을 한 번 더 치르고 난 후에는 평균이 82점이 되었다. 일곱 번째 수학 쪽지 시험의 성적은? [배점 5, 중상]

① 70 점

② 74 점

③ 78 점

④ 82 점

⑤ 86 점

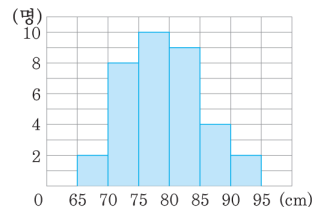
해설

6번의 총점은 $84 \times 6 = 504$ (점)이고 7번째 점수를 x 점이라 하자.

7번의 평균은 $\frac{504 + x}{7} = 82$ 이므로

$504 + x = 574, x = 70$ (점)이다.

29. 다음 그림은 영수네 반 학생들의 앞은키를 조사하여 나타낸 히스토그램이다. 5 번째로 앞은키가 작은 학생이 속한 계급의 직사각형의 넓이는 5 번째로 앞은키가 큰 학생이 속한 계급의 직사각형의 넓이의 몇 배인지 구하여라.



[배점 5, 중상]

▶ 답 :

▷ 정답 : 2 배

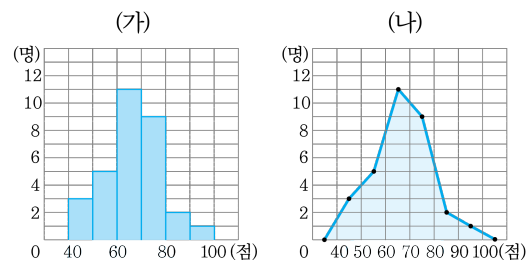
해설

5 번째로 앞은키가 작은 학생이 속한 계급은 70cm 이상 75cm 미만이다. 계급의 크기가 5, 도수가 8 이므로 넓이는 40 이다.

5 번째로 앞은키가 큰 학생이 속한 계급은 85cm 이상 90cm 미만이다. 계급의 크기가 5, 도수가 4 이므로 넓이는 20 이다.

따라서 $40 \div 20 = 2$ (배) 이다.

30. 다음 그래프는 1학년 학생의 수학 성적을 나타낸 것이다. 다음 중 옳지 않은 것은?



[배점 5, 중상]

- ① 수학 시험에 응시한 학생 수는 31명이다.
- ② 그래프 (가)와 (나)에서 색칠한 부분의 넓이는 서로 같다.
- ③ 그래프 (나)를 도수분포다각형이라 한다.
- ④ 그래프 (가)의 계급의 크기는 20점이고, 그래프 (나)의 계급의 크기는 10점이다.
- ⑤ 도수가 가장 큰 계급의 계급값은 65점이다.

해설

④ 그래프 (가)와 (나) 모두 계급의 크기는 10점으로 같다.