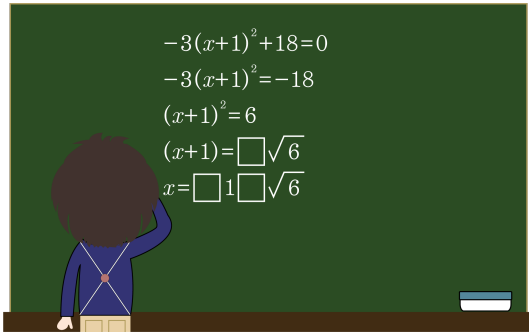


확인학습문제

1. 다음은 영태가 이차방정식 $-3(x+1)^2 + 18 = 0$ 의 해를 구하고 실수로 부호를 모두 지워버렸다. 에 알맞은 부호를 순서대로 써넣어라.



[배점 2, 하중]

- ▶ 답 :
▶ 답 :
▶ 답 :
▷ 정답 : ±
▷ 정답 : -
▷ 정답 : ±

해설

$$\begin{aligned} -3(x+1)^2 + 18 &= 0 \\ -3(x+1)^2 &= -18 \\ (x+1)^2 &= 6 \\ (x+1) &= \pm\sqrt{6} \\ x &= -1 \pm \sqrt{6} \end{aligned}$$

2. 이차방정식 $3(x-a)^2 = 15$ 의 해가 $x = -4 \pm \sqrt{b}$ 일 때, a, b 의 값을 각각 구하여라. [배점 2, 하중]

- ▶ 답 :
▶ 답 :
▷ 정답 : $a = -4$
▷ 정답 : $b = 5$

해설

$$\begin{aligned} 3(x-a)^2 &= 15 \text{ 에서 } (x-a)^2 = 5 \text{ 이므로} \\ x-a &= \pm\sqrt{5} \\ \therefore x &= \pm\sqrt{5} + a \\ \text{따라서 } a &= -4, b = 5 \end{aligned}$$

3. 다음은 완전제곱식을 이용하여 $3x^2 - 6x - 21 = 0$ 의 해를 구하는 과정이다. 옳은 것은?

$$3x^2 - 6x - 21 = 0$$

양변을 A 로 나누면 $x^2 - 2x - 7 = 0$

상수항을 우변으로 이항하면 $x^2 - 2x = 7$

양변에 B 를 더하면 $x^2 - 2x + B = 7 + B$

$$(x - C)^2 = D$$

$$x - C = \pm\sqrt{D}$$

$$\therefore x = C \pm E$$

[배점 3, 하상]

- ① $CD = 7$ ② $A + B = 5$
 ③ $2A - C = 4$ ④ $C - E = 1 \pm \sqrt{2}$
 ⑤ $B - E = 1 - 2\sqrt{2}$

해설

$$3x^2 - 6x - 21 = 0$$

양변을 3 으로 나누면 $x^2 - 2x - 7 = 0$

상수항을 우변으로 이항하면 $x^2 - 2x = 7$

양변에 1 를 더하면 $x^2 - 2x + 1 = 7 + 1$

$$(x - 1)^2 = 8$$

$$x - 1 = \pm\sqrt{8}$$

$$\therefore x = 1 \pm 2\sqrt{2}$$

$$\therefore A = 3, B = 1, C = 1, D = 8, E = 2\sqrt{2}$$

4. 다음 중 이차방정식과 해가 알맞게 짝지어진 것은?

[배점 3, 하상]

① $(x - 3)^2 = 2 \rightarrow x = -3 \pm \sqrt{2}$

② $2(x + 1)^2 = 6 \rightarrow x = -1 \pm \sqrt{3}$

③ $x^2 + 2x = 1 \rightarrow x = 1 \pm \sqrt{2}$

④ $x^2 + 4 = -6x \rightarrow x = -5 \pm \sqrt{3}$

⑤ $x^2 + 8x + 5 = 0 \rightarrow x = 2 \pm \sqrt{3}$

해설

① $x = 3 \pm \sqrt{2}$

③ $(x + 1)^2 = 2, x = -1 \pm \sqrt{2}$

④ $(x + 3)^2 = 5, x = -3 \pm \sqrt{5}$

⑤ $(x + 4)^2 = 11, x = -4 \pm \sqrt{11}$

5. 다음 이차방정식을 $(x + a)^2 = b$ 의 꼴로 나타낼 때, 상수 a, b 에 대하여 $a + b$ 의 값을 구하여라.

$$x^2 - 4x + 1 = 0$$

[배점 3, 하상]

▶ 답 :

▶ 정답 : 1

해설

$$x^2 - 4x = -1, x^2 - 4x + 4 = -1 + 4$$

$$(x - 2)^2 = 3$$

$$\therefore a = -2, b = 3$$

$$\therefore a + b = 1$$

6. $3x^2 - 6x + 1 = 0$ 의 해를 구하면 $x = \frac{A \pm \sqrt{B}}{3}$ 이다.
이때, $A + B$ 의 값을 구하여라.

[배점 3, 하상]

▶ 답 :

▶ 정답 : 9

해설

$$3x^2 - 6x + 1 = 0$$

$$3(x^2 - 2x) = -1$$

$$3(x - 1)^2 = 2$$

$$(x - 1)^2 = \frac{2}{3}$$

$$x - 1 = \pm \sqrt{\frac{2}{3}} \quad \therefore x = \frac{3 \pm \sqrt{6}}{3}$$

$$A = 3, B = 6 \quad \therefore A + B = 9$$

7. 이차방정식 $3(x + 3)^2 = 8$ 의 두 근의 합을 구하면?
[배점 3, 하상]

① 18 ② 6 ③ 0 ④ -3 ⑤ -6

해설

$$3(x + 3)^2 = 8, (x + 3)^2 = \frac{8}{3}$$

$$x + 3 = \pm \sqrt{\frac{8}{3}} \quad \therefore x = -3 \pm \sqrt{\frac{8}{3}} = -3 \pm \frac{2\sqrt{6}}{3}$$

$$\therefore (-3 + \frac{2\sqrt{6}}{3}) + (-3 - \frac{2\sqrt{6}}{3}) = -6$$

8. 이차방정식 $2(x - 1)^2 = 6$ 의 두 근의 합은?

[배점 3, 하상]

① -10

② $-2\sqrt{3}$

③ -2

④ 2

⑤ 4

해설

$$2(x - 1)^2 - 6 = 0$$

$$(x - 1)^2 = 3$$

$$x = 1 \pm \sqrt{3}$$

$$(1 + \sqrt{3}) + (1 - \sqrt{3}) = 2$$

9. 이차방정식 $3(x + 3)^2 = 6$ 의 해가 $x = A \pm \sqrt{B}$ 일 때,
 $A + B$ 의 값은? (단, A, B 는 유리수)

[배점 3, 하상]

① 5

② 3

③ 1

④ -1

⑤ -3

해설

$$(x + 3)^2 = 2$$

$$x + 3 = \pm \sqrt{2}$$

$$x = -3 \pm \sqrt{2}$$

$$A = -3, B = 2$$

$$\therefore A + B = -1$$

10. 이차방정식 $(x+a)^2 = b$ 가 서로 다른 두 개의 근을 가질 조건은? [배점 3, 중하]

- ① $a < 0$ ② $a \geq 0$ ③ $b < 0$
 ④ $b > 0$ ⑤ $ab > 0$

해설

$x+a = \pm\sqrt{b}$, $x = -a \pm \sqrt{b}$
 근이 두 개이기 위해서는 근호 안의 수가 양수이어야 한다.
 $\therefore b > 0$

11. 이차방정식 $(x+3)^2 = k-1$ 이 중근 a 를 갖는다고 할 때, $a+k$ 의 값을 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답 :

▶ 정답 : -2

해설

(완전제곱꼴) = 0 일 때 중근을 갖는다.
 $k-1 = 0$, $k = 1$
 $(x+3)^2 = 0$ 이므로 $a = -3$
 $\therefore a+k = -2$

12. 이차방정식 $x^2 + 6x + 7 = 0$ 을 $(x+a)^2 = b$ 의 꼴로 고칠 때, $a+b$ 의 값을 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답 :

▶ 정답 : 5

해설

$x^2 + 6x + 7 = 0$
 $(x+3)^2 = 2$
 $(x+a)^2 = b \therefore a = 3, b = 2$
 $\therefore a+b = 5$

13. 이차방정식 $x^2 + 4x - 1 = 0$ 을 $(x+a)^2 = b$ 의 꼴로 고칠 때, $a+b$ 의 값은? [배점 3, 중하]

- ① 5 ② 7 ③ 9 ④ 11 ⑤ 13

해설

$x^2 + 4x - 1 = 0$
 $x^2 + 4x = 1$
 $(x+2)^2 = 5$
 $\therefore a = 2, b = 5$
 $\therefore a+b = 7$

14. 이차방정식 $2(x+a)^2 = b (b > 0)$ 의 해가 $x = 3 \pm \sqrt{5}$ 일 때, 유리수 a, b 의 값을 각각 구하여라.

[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = -3$

▷ 정답 : $b = 10$

해설

$2(x+a)^2 = b$ 에서 $(x+a)^2 = \frac{b}{2}$ 이므로

$$x+a = \pm \sqrt{\frac{b}{2}}$$

$$\therefore x = a \pm \sqrt{\frac{b}{2}}$$

따라서 $a = -3, b = 10$ 이다.

15. 이차방정식 $(2x-1)^2 = 3$ 의 두 근의 합을 구하면?

[배점 3, 중하]

- ① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 6

해설

$$(2x-1)^2 = 3$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{3}}{2}$$

$$\frac{1+\sqrt{3}}{2} + \frac{1-\sqrt{3}}{2} = 1$$

16. 이차방정식 $x^2 + 5x - 9 = 0$ 을 $(x+P)^2 = Q$ 의 꼴로 고칠 때, $P+2Q$ 의 값을 구하면? [배점 3, 중하]

① -33

② -12

③ -4

④ 0

⑤ 33

해설

$$x^2 + 5x - 9 = 0$$

$$\left(x + \frac{5}{2}\right)^2 = \frac{61}{4}$$

$$\therefore P = \frac{5}{2}, Q = \frac{61}{4}$$

$$\therefore P + 2Q = \frac{5}{2} + \frac{61}{2} = 33$$

17. 이차방정식 $2(x+1)^2 = 10$ 의 두 근의 합을 구하여라.

[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▷ 정답 : -2

해설

$$2(x+1)^2 = 10$$

$$(x+1)^2 = 5$$

$$\therefore x+1 = \pm\sqrt{5}$$

$$x = -1 \pm \sqrt{5}$$

$$\therefore (-1 + \sqrt{5}) + (-1 - \sqrt{5}) = -2$$

18. 이차방정식 $2x^2 - 4x - a - 1 = 0$ 을 완전제곱식을 이용하여 풀었더니 해가 $x = 1 \pm \sqrt{3}$ 이었다. 이때, a 의 값을 구하여라. [배점 4, 중중]

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$\begin{aligned} 2x^2 - 4x - a - 1 &= 0 \\ 2(x^2 - 2x + 1) &= a + 3 \\ 2(x - 1)^2 &= a + 3 \\ (x - 1)^2 &= \pm \sqrt{\frac{a+3}{2}} \\ x &= 1 + \sqrt{\frac{a+3}{2}} \\ \sqrt{\frac{a+3}{2}} &= \sqrt{3} \text{ 이므로} \\ a + 3 &= 6 \\ \therefore a &= 3 \end{aligned}$$

19. 이차방정식 $(x + 4)^2 = k$ 의 두 근의 곱이 13 일 때, k 의 값은? [배점 4, 중중]

① 3 ② 5 ③ 6 ④ 8 ⑤ 9

해설

$$\begin{aligned} x + 4 &= + - \sqrt{k} \\ x &= -4 + - \sqrt{k} \\ (-4 + \sqrt{k})(-4 - \sqrt{k}) &= 13 \\ 16 - k &= 13 \\ \therefore k &= 3 \end{aligned}$$

20. 다음은 이차방정식을 $(x + a)^2 = b$ 의 꼴로 나타내는 과정이다. 이때, 상수 a, b 에 대하여 $4(a + b)$ 의 값을 구하여라.

$$\begin{aligned} (x - 1)(2x - 3) &= (x + 1)^2 \\ x^2 - 7x &= -2 \\ (x^2 - 7x + (\square)) &= -2 + (\square) \\ (x + a)^2 &= b \end{aligned}$$

[배점 4, 중중]

▶ 답:

▷ 정답: 27

해설

$$\begin{aligned} (x - 1)(2x - 3) &= (x + 1)^2 \\ x^2 - 7x &= -2 \\ \left(x^2 - 7x + \frac{49}{4}\right) &= -2 + \frac{49}{4} \\ \left(x - \frac{7}{2}\right)^2 &= \frac{41}{4} \\ a = -\frac{7}{2}, b = \frac{41}{4} \\ \therefore 4(a + b) &= 4\left(-\frac{7}{2} + \frac{41}{4}\right) = 27 \end{aligned}$$

21. 이차방정식 $2x^2 - 6x = -1 + x^2$ 을 $(x + p)^2 = q$ 의 꼴로 변형할 때, $p + q$ 의 값은? [배점 4, 중중]

① 5 ② -5 ③ -8
④ 11 ⑤ -11

해설

$$\begin{aligned} \text{방정식을 정리하면 } x^2 - 6x &= -1 \\ \text{양변에 9 를 더하면 } x^2 - 6x + 9 &= -1 + 9 \\ (x - 3)^2 &= 8 \\ p = -3, q = 8 \\ \therefore p + q &= 5 \end{aligned}$$

22. 이차방정식 $3(x+a)^2 = b$ 의 해가 $x = 2 \pm \sqrt{3}$ 일 때, a, b 의 값을 구하면? [배점 4, 중중]

- ① $a = -2, b = 9$ ② $a = -2, b = -9$
 ③ $a = 2, b = -9$ ④ $a = 2, b = 9$
 ⑤ $a = -2, b = 6$

해설

$$\begin{aligned} x &= 2 \pm \sqrt{3} \text{ 이므로 } (x-2) = \pm\sqrt{3} \\ (x-2)^2 &= 3 \\ 3(x-2)^2 &= 9 \\ \therefore a &= -2, b = 9 \end{aligned}$$

23. 이차방정식 $-3(x+b)^2 = 0$ 의 근의 개수가 m 개이고 근이 $m+2$ 일 때, b 의 값은? [배점 4, 중중]

- ① -4 ② -3 ③ -2 ④ -1 ⑤ 0

해설

$$\begin{aligned} -3(x+b)^2 = 0 \text{ 은 } x = -b \text{ 의 중근이므로 근의 개수 } m &= 1 \text{ 이다.} \\ \text{근이 } m+2 = 1+2 = 3 \text{ 이므로 } b &= -3 \text{ 이다.} \end{aligned}$$

24. 이차방정식 $2(x+5)^2 - 14 = 0$ 의 해가 $x = A \pm \sqrt{B}$ 일 때, $A+B$ 의 값은? (단, A, B 는 유리수) [배점 4, 중중]

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$$\begin{aligned} 2(x+5)^2 - 14 = 0, 2(x+5)^2 &= 14, (x+5)^2 = 7 \\ \therefore x &= -5 \pm \sqrt{7} \\ A &= -5, B = 7 \\ \therefore A+B &= -5+7 = 2 \end{aligned}$$

25. 다음 중 이차방정식과 그 근이 알맞게 짝지어진 것은? [배점 4, 중중]

- ① $2 - 3x^2 = 0 \rightarrow x = \pm \frac{2}{3}$
 ② $2(x-3)^2 = 6 \rightarrow x = 3 \pm \sqrt{3}$
 ③ $3(x-1)(x-3) = 0 \rightarrow x = \frac{1}{3}$ 또는 $x = 1$
 ④ $x^2 - 2x - 15 = 0 \rightarrow x = -5$ 또는 $x = 3$
 ⑤ $3(x-1)^2 = 12 \rightarrow x = -3$ 또는 $x = 1$

해설

$$\begin{aligned} \text{① } 3x^2 = 2, x^2 &= \frac{2}{3}, x = \pm \frac{\sqrt{6}}{3} \\ \text{③ } 3(x-1)(x-3) &= 0, x = 1 \text{ 또는 } x = 3 \\ \text{④ } x^2 - 2x &= 15, (x-1)^2 = 16, x-1 = \pm 4, x = 5 \\ &\text{또는 } x = -3 \\ \text{⑤ } 3(x-1)^2 &= 12, (x-1)^2 = 4, x-1 = \pm 2, x = 3 \\ &\text{또는 } x = -1 \end{aligned}$$

26. x 에 관한 이차방정식 $(x-p)^2 = k$ 가 해를 가질 조건은?
[배점 5, 중상]

- ① $p \geq 0$ ② $p < 0$ ③ $k \geq 0$
④ $k > 0$ ⑤ $k < 0$

해설

$$(x-p)^2 = k, \quad x-p = \pm\sqrt{k}$$

$$\therefore x = p \pm \sqrt{k}$$

이차방정식은 실수 범위이므로, 근호 안에 있는 수는 음수가 될 수 없다.

$$\therefore k \geq 0$$

27. 이차방정식 $2x^2 - 4x - 3 = 0$ 을 완전제곱식으로 풀고 두 근 중에서 작은 근을 m , 큰 근을 n 이라 할 때, $a < m < a+1$, $b < n < b+1$ 을 만족하는 정수 a, b 의 값을 각각 구하여라.
[배점 5, 중상]

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: $a = -1$

▶ 정답: $b = 2$

해설

양변을 2로 나누면 $x^2 - 2x - \frac{3}{2} = 0$ 이고 $x^2 - 2x = \frac{3}{2}$, 양변에 1을 더하면

$$x^2 - 2x + 1 = \frac{3}{2} + 1, \quad (x-1)^2 = \frac{5}{2}, \quad x = \frac{2 \pm \sqrt{10}}{2}$$

이다.

작은 근 $\frac{2 - \sqrt{10}}{2} = m$ 이고, $-1 < m < 0$ 이므로 $a = -1$ 이다.

큰 근 $\frac{2 + \sqrt{10}}{2} = n$ 이고, $2 < n < 3$ 이므로 $b = 2$ 이다.

따라서 $a = -1, b = 2$ 이다.

28. $x(x-3) = 0$ 을 $(ax+b)^2 = q$ 의 꼴로 바꾸었을 때, abq 의 값을 구하라.
[배점 5, 중상]

- ① $\frac{27}{8}$ ② $-\frac{27}{8}$ ③ $\frac{-25}{8}$
④ $\frac{25}{8}$ ⑤ $\frac{23}{8}$

해설

$$x(x-3) = 0$$

$$x^2 - 3x = 0$$

$$x^2 - 3x + \frac{9}{4} = \frac{9}{4}$$

$$\left(x - \frac{3}{2}\right)^2 = \frac{9}{4}$$

$$a = 1, b = -\frac{3}{2}, q = \frac{9}{4}$$

$$\therefore abq = -\frac{27}{8}$$

29. 이차방정식 $\frac{1}{3}x^2 - 2x + m = 0$ 을 $\frac{1}{3}(x+n)^2 = -6$ 의 꼴로 나타낼 때, mn 의 값은?
[배점 5, 중상]

- ① 21 ② -21 ③ 27
④ -27 ⑤ -9

해설

$$\frac{1}{3}(x^2 - 6x) = -m, \quad \frac{1}{3}(x^2 - 6x + 9) - 3 = -m$$

$$\frac{1}{3}(x-3)^2 = -m+3$$

$$\therefore m = 9, n = -3$$

$$\therefore mn = -27$$

30. 이차방정식 $x^2 - 2ax + b = 0$ 의 근이 $x = 1 \pm 2\sqrt{5}$ 일 때, 상수 a, b 의 합을 구하여라. [배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답: -18

해설

$$x^2 - 2ax + b = 0 \text{ 에서 } x^2 - 2ax = -b, x^2 - 2ax + a^2 = -b + a^2$$

$$(x - a)^2 = -b + a^2, (x - a) = \pm\sqrt{-b + a^2}$$

$$\therefore x = a \pm \sqrt{-b + a^2} = 1 \pm 2\sqrt{5}$$

따라서 $a = 1$, a 값을 대입하면

$$\sqrt{1 - b} = \sqrt{20}$$

$$\therefore b = -19$$

따라서 $a + b = -18$ 이다.

31. 이차방정식 $(x - 1)^2 = a + 4$ 에 대한 <보기> 의 설명 중 옳은 것을 모두 고른 것은?

보기

㉠ $a = 0$ 이면 두 근의 곱은 3 이다.

㉡ $a = -4$ 이면 중근 1 을 갖는다.

㉢ $a = -5$ 이면 실수인 해를 갖지 않는다.

[배점 5, 중상]

① ㉠

② ㉡

③ ㉠, ㉡

④ ㉠, ㉢

⑤ ㉡, ㉢

해설

㉠ $a = 0$ 이면 $(x - 1)^2 = 4$, $x - 1 = \pm 2$
 $x = 3, -1$

따라서 두 근의 곱은 -3 이다.

㉡ $a = -4$ 이면 $(x - 1)^2 = 0$

따라서 $x = 1$ (중근) 이다.

㉢ $a = -5$ 이면 $(x - 1)^2 = -1$, 실수의 제곱은 음이 될 수 없으므로 실수의 해가 없다.

32. x 에 관한 이차방정식 $-(x+2)^2 = 5-n$ 의 근에 대한 설명 중 옳은 것은? [배점 5, 중상]

- ① $n = 5$ 이면 근이 2 개이다.
- ② $n = 9$ 이면 근이 2 개이다.
- ③ $n = 4$ 이면 정수인 근을 1 개 갖는다.
- ④ $n = 8$ 이면 정수인 근을 갖는다.
- ⑤ $n = 14$ 이면 무리수인 근을 갖는다.

해설

$$-(x+2)^2 = 5-n, (x+2)^2 = n-5, x = -2 \pm \sqrt{n-5}$$

$$\textcircled{2} \ n = 9 \text{ 이면 } x = -2 \pm \sqrt{9-5} = -2 \pm 2 \\ \therefore x = 0 \text{ 또는 } x = -4$$

33. 이차방정식 $2(x+k)^2 = m$ 의 근이 $x = 4 \pm \sqrt{5}$ 이다. 이때, $(k+m)^2$ 의 값을 구하여라. (단, k, m 은 유리수) [배점 5, 중상]

▶ 답:

▶ 정답: 36

해설

$$2(x+k)^2 = m, (x+k)^2 = \frac{m}{2}$$

$$x = -k \pm \sqrt{\frac{m}{2}} = 4 \pm \sqrt{5}$$

$$\therefore k = -4, m = 10$$

$$\therefore (k+m)^2 = (-4+10)^2 = 36$$

34. 다음 중 이차방정식 $(x-a)^2 = b$ 에 대한 설명으로 옳지 않은 것은? [배점 5, 상하]

- ① $b \geq 0$ 이면 근을 갖는다.
- ② $b = 0$ 이면 중근을 갖는다.
- ③ a 의 값에 관계없이 $b > 0$ 이면 서로 다른 두 근을 갖는다.
- ④ $b < 0$ 이면 근을 갖지 않는다.
- ⑤ $b > 0$ 이면 양수와 음수인 두 근을 갖는다.

해설

⑤ 둘 다 양수일 수도, 둘 다 음수일 수도 있다.

35. 다음 이차방정식 $x^2 - 2ax + a^2 - 10 = 0$ 의 해가 $x = 7 \pm \sqrt{b}$ 일 때, ab 의 값을 구하여라. [배점 5, 상하]

▶ 답:

▶ 정답: 70

해설

$$x^2 - 2ax = -a^2 + 10$$

$$x^2 - 2ax + a^2 = -a^2 + 10 + a^2 = 10$$

$$(x-a)^2 = 10 \text{ 이므로}$$

$$x-a = \pm\sqrt{10}$$

$$\therefore x = a \pm \sqrt{10}$$

따라서 $a = 7, b = 10$ 이므로 $ab = 70$ 이다.