

# 실력 확인 문제

1. 다음은 희망이의 수학일기 중 일부이다. 밑줄 친 부분 중 틀린 부분을 말하여라.

오늘은 수학시간에 수의 약수의 개수를 구할 때, 직접 그 수의 약수를 모두 구하지 않고도 소인수 분해만을 이용하여 약수의 개수를 구하는 방법을 배웠다. 소인수분해만 구하면 약수의 개수를 구할 수 있다니! 정말 신기하다!! 그럼 오늘 배운 내용을 복습해 볼까.

문제) 98 의 약수의 개수 구하기

풀이) ① 먼저 98 을 소인수분해하면  $98 = 2 \times 7^2$  이다.

② 약수의 개수를 구할 때는, 각 지수에 1을 더하여 곱한다.

③ 따라서 98 의 약수의 개수는  $(0 + 1) \times (2 + 1) = 3$  (개) 이다.

[배점 2, 하중]

▶ 답 :

▶ 정답 : ③

해설

③ 98 을 소인수분해하면  $98 = 2 \times 7^2$  이다. 한편 2와  $7^2$  의 지수는 각각 1, 2 이므로 98 의 약수의 개수는

$(1 + 1) \times (2 + 1) = 6$  (개) 이다.

2. 6 보다 크고  $1011_{(2)}$  보다 작은 자연수의 개수는?

[배점 2, 하중]

① 2 개

② 3 개

③ 4 개

④ 5 개

⑤ 6 개

해설

$$1011_{(2)} = 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2 + 1 \times 1$$

$$= 8 + 2 + 1 = 11$$

6 과 11 사이의 자연수는 7, 8, 9, 10 이다.

3. 두 자연수의 최대공약수가 5 , 최소공배수가 60 일 때, 두 수의 곱은?

[배점 2, 하중]

① 200

② 250

③ 300

④ 350

⑤ 400

해설

(두 수의 곱)=(최대공약수)×(최소공배수) 이므로

(두 수의 곱)= $5 \times 60$

따라서 두 수의 곱은 300 이다.

4. 다음 이진법으로 나타낸 두 수에서 ⑦이 실제로 나타내는 값은 ⑦이 실제로 나타내는 값의 몇 배인지 구하라.

$$\begin{array}{r} 101101_{(2)} \\ \textcircled{\text{L}} \end{array} \quad \begin{array}{r} 101101_{(2)} \\ \textcircled{\text{L}} \end{array}$$

[배점 2, 하중]

- ①  $\frac{1}{4}$     ②  $\frac{1}{2}$     ③ 1    ④ 2    ⑤ 3

해설

$$\begin{array}{r} 101101_{(2)} \\ \uparrow 2^5\text{의 자리} \end{array}$$

$$\therefore \textcircled{\text{L}} = 1 \times 2^5 = 32$$

$$\begin{array}{r} 101001_{(2)} \\ \uparrow 2^3\text{의 자리} \end{array}$$

$$\therefore \textcircled{\text{L}} = 1 \times 2^3 = 8$$

따라서  $\textcircled{\text{L}} \div \textcircled{\text{L}} = 8 \div 32 = \frac{1}{4}$  이다.

5. 다음 중 약수의 개수가 가장 많은 것은?

[배점 2, 하중]

- ① 80    ② 90    ③ 216  
④ 168    ⑤ 180

해설

$$\textcircled{\text{L}} 80 = 2^4 \times 5$$

$$\therefore (4+1) \times (1+1) = 10(\text{개})$$

$$\textcircled{\text{L}} 90 = 2 \times 3^2 \times 5$$

$$\therefore (1+1) \times (2+1) \times (1+1) = 12(\text{개})$$

$$\textcircled{\text{L}} 216 = 2^3 \times 3^3$$

$$\therefore (3+1) \times (3+1) = 16(\text{개})$$

$$\textcircled{\text{L}} 168 = 2^3 \times 3 \times 7$$

$$\therefore (3+1) \times (1+1) \times (1+1) = 16(\text{개})$$

$$\textcircled{\text{L}} 180 = 2^2 \times 3^2 \times 5$$

$$\therefore (2+1) \times (2+1) \times (1+1) = 18(\text{개})$$

6. 다음 수들의 최대공약수와 최소공배수를 차례로 써라.

144, 96

[배점 2, 하중]

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 최대공약수 : 48

▷ 정답: 최소공배수 : 288

해설

$$\begin{array}{r} 2) 96 \ 144 \\ 2) 48 \ 72 \\ 2) 24 \ 36 \\ 2) 12 \ 18 \\ 3) 6 \ 9 \\ \hline & 2 \ 3 \end{array}$$

$$\text{최대공약수} : 2^4 \times 3 = 48$$

$$\text{최소공배수} : 2^5 \times 3^2 = 288$$

7. 두 자연수 3, 4 중 어느 수로 나누어도 나머지가 1인 가장 작은 자연수를 구하여라. [배점 2, 하중]

▶ 답:

▷ 정답: 13

해설

3, 4의 최소공배수는 12이므로 구하는 자연수는  
 $12 + 1 = 13$

8. 천의 자리 숫자가 6, 백의 자리 숫자가 8, 일의 자리 숫자가 2인 네 자리 자연수를 구하여라.

[배점 3, 하상]

▶ 답:

▷ 정답: 6802

해설

$$6 \times 10^3 + 8 \times 10^2 + 2 \times 1 = 6802$$

9. 다음 중 가장 큰 수는? [배점 3, 하상]

- ①  $2^5$       ②  $110_{(2)}$       ③  $1111_{(2)}$   
 ④  $11100_{(2)}$       ⑤ 30

해설

- ① 32  
 ② 6  
 ③ 15  
 ④ 28

10. 십진법으로 나타낸 수 23을 이진법으로 바르게 나타낸 것은? [배점 3, 하상]

- ①  $10111_{(2)}$       ②  $10101_{(2)}$       ③  $11101_{(2)}$   
 ④  $10001_{(2)}$       ⑤  $11111_{(2)}$

해설

$$\begin{array}{r} 2 ) 23 \\ 2 ) 11 \quad \cdots 1 \\ 2 ) 25 \quad \cdots 1 \\ 2 ) 22 \quad \cdots 1 \\ 2 ) 21 \quad \cdots 0 \\ 2 ) 20 \quad \cdots 1 \\ \therefore 23 = 10111_{(2)} \end{array}$$

11. 두 자연수  $A, B$ 의 최소공배수가 36일 때,  $A$ 와  $B$ 의 공배수 중 200에 가장 가까운 수를 구하여라.

[배점 3, 하상]

▶ 답:

▷ 정답: 216

해설

최소공배수의 배수인  
 36, 72, 108, 144, 180, 216, … 중 200  
 에 가장 가까운 수는 216이다.

12. 두 자연수의 최소공배수가 72 일 때, 두 수의 공배수 중 200 보다 작은 수를 모두 고르면?(정답 2개)

[배점 3, 하상]

- ① 36      ② 72      ③ 104  
 ④ 144      ⑤ 180

**해설**

공배수는 최소공배수의 배수이므로 최소공배수인 72 의 배수 72, 144, 216, 288, 360, … 중 200 보다 작은 수는 72, 144 이다.

13. 소원이가 주문을 외우면 모래의 요정 바람돌이가 나타나서 퀴즈를 내고, 소원이가 그 퀴즈를 맞히면 소원을 들어줍니다. 다음은 소원이와 바람돌이의 대화입니다.

바람돌이 : 카드 뒤에는 3 개의 한 자리 자연수  $a, b, c$  가 있어. 3 과  $a$  를 곱하고, 5 와  $b$  를 곱하고, 7 과  $c$  를 곱한 후, 그 값들을 모두 더해. 질문은 한 번만 할 수 있어.

소원이 : 바람돌이!  $a$  와 100 을 곱하고,  $b$  와 10 을 곱하고,  $c$  와 1 을 곱한 후, 그 값들을 모두 더해서 나에게 알려줘.

바람돌이 : 527 이야.

위와 같은 방법으로 소원이는 바람돌이의 퀴즈를 풀었습니다. 소원이가 구하려고 하는 값을 구하여라.

[배점 3, 중하]

- ▶ 답 :  
 ▶ 정답 : 74

**해설**

$a \times 100 + b \times 10 + c \times 1 = 527$  이므로  $a = 5$ ,  $b = 2$ ,  $c = 7$  이다.

퀴즈의 정답은:  $3 \times 5 + 5 \times 2 + 7 \times 7 = 15 + 10 + 49 = 74$  이다.

14. 어떤 자연수로 25를 나누어, 37을 나누어, 61을 나누어 항상 1 이 남는다고 한다. 이러한 수로 옳지 않은 것은?  
 [배점 3, 중하]

- ① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

**해설**

구하는 수는  $25 - 1 = 24$ ,  $37 - 1 = 36$ ,  $61 - 1 = 60$  의 공약수이다.

따라서 구하고자 하는 수는 24, 36, 60 의 최대공약수의 약수와 같다.

$$\begin{array}{r} 2) 24 \quad 36 \quad 60 \\ 2) 12 \quad 18 \quad 30 \\ 3) \quad 6 \quad 9 \quad 15 \\ \quad 2 \quad 3 \quad 5 \end{array}$$

최대공약수가 12 이므로, 어떤 자연수는 1, 2, 3, 4, 6, 12 가 될 수 있다.

15. 두 수  $2^2 \times 3^a \times 5$  와  $2^b \times 3 \times 7$  의 최대공약수가  $2 \times 3$  이고, 최소공배수가  $2^2 \times 3^3 \times 5 \times 7$  일 때,  $a+b$  의 값을 구하여라.  
 [배점 3, 중하]

- ▶ 답 :  
 ▶ 정답 : 4

**해설**

최대공약수에서 2 의 지수가 1 이므로  $b = 1$  이다. 한 편, 최소공배수에서 3 의 지수가 3 이므로  $a = 3$  이다.

따라서  $a+b = 3+1=4$  이다.

16. 두 수 48, 56의 약수의 집합을 각각  $A$ ,  $B$ 라고 할 때,  
다음  $\boxed{\quad}$  안에 들어갈 알맞은 수를 구하여라.

$$A \cap B = \{x \mid x \text{는 } \boxed{\quad} \text{의 약수}\}$$

[배점 3, 중하]

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$A \cap B$ 는 48과 56의 공약수의 집합이다. 공약수는  
최대공약수의 약수이고, 48과 56의 최대공약수를  
구하면  $2^3 = 8$ 이다.  
따라서  $\boxed{\quad} = 8$ 이다.