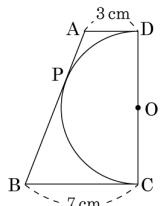


# 오답 노트-다시풀기

1. 다음 그림에서 점 A, B 는 원 O 위의 한 점 P 에서 그은 접선과 지름의 양 끝점 C, D 에서 그은 접선이 만나는 점이다.  $\overline{AD} = 3\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 7\text{cm}$  일 때,  $\triangle AOB$  의 넓이를 구하여라.

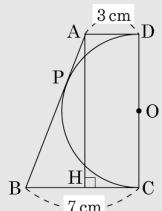


[배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답:  $5\sqrt{21}\text{ cm}^2$

해설



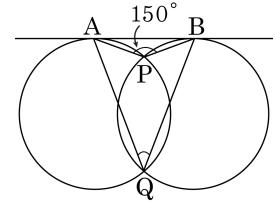
$$\overline{AB} = \overline{AD} + \overline{BC} = 3 + 7 = 10(\text{cm}) \text{ 이다.}$$

$$\overline{BH} = 7 - 3 = 4(\text{cm})$$

$$\overline{AH} = \sqrt{10^2 - 4^2} = 2\sqrt{21}(\text{cm}) \text{ 이므로 } \overline{OP} = \overline{OC} = \overline{OD} = \frac{1}{2}\overline{AH} = \sqrt{21}(\text{cm}) \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } \triangle AOB = \frac{1}{2} \times 10 \times \sqrt{21} = 5\sqrt{21}(\text{cm}^2) \text{ 이다.}$$

2. 다음 그림에서 직선 AB 는 두 원의 공통접선이고, 점 P, Q 는 두 원의 교점이다.  $\angle APB = 150^\circ$  일 때,  $\angle AQB$  의 크기를 구하여라.



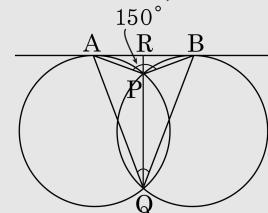
[배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답:  $30^\circ$

해설

두 점 P, Q 를 지나는 직선을 긋고, 직선 AB 와의



$\triangle APQ$  에서  $\angle PAR = \angle AQP$  이고

$\triangle BPQ$  에서  $\angle PBR = \angle BQP$  이므로

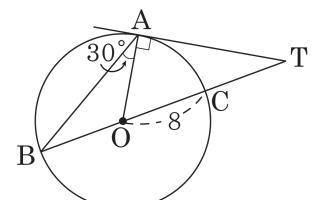
$\triangle APB$  에서

$$\angle PAR + \angle PBR = 180^\circ - 150^\circ = 30^\circ$$

$$\angle AQB = \angle AQP + \angle BQP$$

$$= \angle PAR + \angle PBR = 30^\circ$$

3. 그림에서  $\overline{AT}$  는 반지름  
의 길이가 8 인 원 O 의  
접선이고 점 A 는 접점이  
다.  $\angle BAO = 30^\circ$  일 때,  
 $\overline{CT}$  의 길이를 구하면?



[배점 5, 중상]

- ① 6      ② 8      ③ 10      ④ 12      ⑤ 13

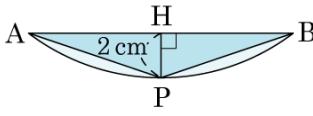
해설

$$\angle AOC = 60^\circ, \angle ATC = 30^\circ, \overline{OA} = 8$$

$$1 : 2 = 8 : \overline{OT} \quad \therefore \overline{OT} = 16$$

$$\therefore \overline{CT} = 16 - 8 = 8$$

4. 다음 그림에서  $\widehat{AB}$  는 반지름의 길이가 8cm 인 원의 일부분이다.  $\overline{AH} = \overline{BH}$ ,  $\overline{AB} \perp \overline{HP}$  이고  $\overline{HP} = 2\text{cm}$  일 때,  $\triangle APB$ 의 둘레는?



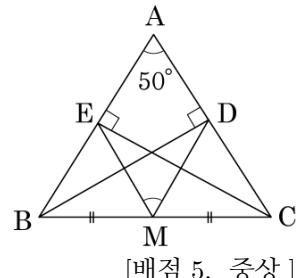
[배점 5, 중상]

- ①  $7\sqrt{2}\text{cm}$
- ②  $(16\sqrt{7} + 3\sqrt{2})\text{cm}$
- ③  $(3\sqrt{6} + 2\sqrt{7})\text{cm}$
- ④  $(4\sqrt{7} + 8\sqrt{2})\text{cm}$
- ⑤  $(2\sqrt{7} + 4\sqrt{2})\text{cm}$

### 해설

원의 중심 O를 그림에 나타내어 보면 직각삼각형  $\triangle OAH$ 에서  $\overline{AH} = \sqrt{\overline{OA}^2 - \overline{OH}^2} = \sqrt{(8)^2 - (6)^2} = 2\sqrt{7}\text{cm}$   
이때,  $\overline{AH} = \overline{BH} = 2\sqrt{7}\text{cm}$  이므로  $\overline{AB} = 4\sqrt{7}\text{cm}$  이고,  $\overline{AP} = \sqrt{(\overline{AH})^2 + (\overline{HP})^2} = \sqrt{(2\sqrt{7})^2 + (2)^2} = 4\sqrt{2}\text{cm}$  이다. 따라서,  $\triangle APB$ 의 둘레는  $(8\sqrt{2} + 4\sqrt{7})\text{cm}$  이다.

5. 다음 그림의  $\triangle ABC$ 에서 점 M은  $\overline{BC}$ 의 중점이고,  $\overline{AB} \perp \overline{CE}$ ,  $\overline{AC} \perp \overline{BD}$  이다.  $\angle A = 50^\circ$  일 때,  $\angle EMD$ 의 크기를 구하면?

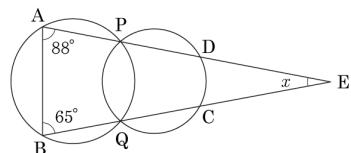


- [배점 5, 중상]
- ①  $40^\circ$
  - ②  $50^\circ$
  - ③  $80^\circ$
  - ④  $85^\circ$
  - ⑤  $90^\circ$

### 해설

$\angle BEC = \angle BDC$  이므로 네 점 B, C, D, E는 한 원 위에 있고,  $\overline{BM} = \overline{CM}$  이므로 점 M은 원의 중심이다.  $\triangle ABD$ 에서  $\angle ABD = 90^\circ - 50^\circ = 40^\circ$  따라서  $\angle EMD = 2\angle EBD = 2 \times 40^\circ = 80^\circ$  이다.

6. 다음 그림에서 두 원은 두 점 P, Q에서 만나고,  $\angle PAB = 88^\circ$ ,  $\angle QBA = 65^\circ$  일 때,  $\angle x$ 의 크기는?



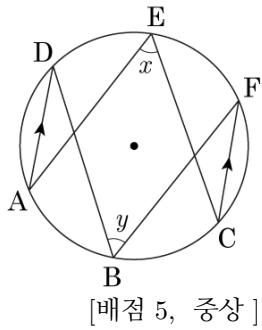
[배점 5, 중상]

- ①  $17^\circ$
- ②  $20^\circ$
- ③  $27^\circ$
- ④  $30^\circ$
- ⑤  $37^\circ$

### 해설

보조선  $\overline{CD}$ ,  $\overline{PQ}$ 를 연결하면 내접하는 사각형의 성질에 의해  
 $\angle ABQ = \angle QPD = \angle DCE = 65^\circ$   
 $\angle BAP = \angle PQC = \angle CDE = 88^\circ$   
따라서  $\angle x = 180^\circ - 65^\circ - 88^\circ = 27^\circ$  이다.

7. 다음 그림에서  $\overline{AD} \parallel \overline{CF}$  이고  $\angle ADB = 20^\circ$ ,  $\angle BFC = 22^\circ$  일 때,  $\angle x + \angle y$  의 크기는?



- ①  $65^\circ$       ②  $73^\circ$       ③  $80^\circ$   
 ④  $84^\circ$       ⑤  $90^\circ$

### 해설

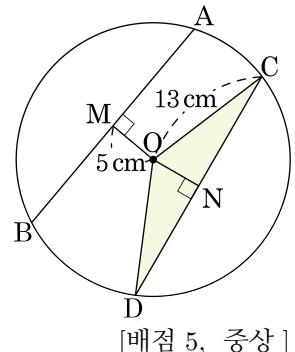
$\overline{EB}$  를 연결하면

$$\angle ADB = \angle AEB = 20^\circ, \angle BFC = \angle CEB = 22^\circ \\ \therefore x = 42^\circ$$

$$\angle y = \angle ADB + \angle BFC = 42^\circ (\because \text{엇각의 성질을 이용})$$

따라서  $\angle x + \angle y = 84^\circ$  이다.

8. 다음 그림의 원 O에서 색 칠한 부분의 넓이는? (단,  $\overline{AB} = \overline{CD}$ )

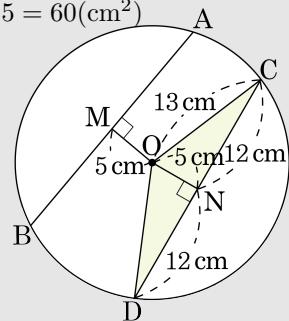


- ①  $35\text{cm}^2$       ②  $40\text{cm}^2$       ③  $52\text{cm}^2$   
 ④  $60\text{cm}^2$       ⑤  $72\text{cm}^2$

### 해설

$\overline{AB} = \overline{CD}$  이므로  $\overline{OM} = \overline{ON} = 5\text{cm}$  이다.

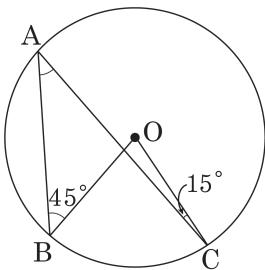
$$\text{피타고라스의 정리에 의해 } \overline{CN} = \sqrt{(13)^2 - (5)^2} = 12 \text{ 또한, } \overline{CN} = \overline{DN} = 12\text{cm} \\ \therefore \triangle OCD = \frac{1}{2} \times 24 \times 5 = 60(\text{cm}^2)$$



9. 다음 그림에서  $\angle ABO = 45^\circ$ ,  $\angle ACO = 15^\circ$  일 때,  $\angle BAC$ 의 크기는?

[배점 5, 중상]

- ①  $15^\circ$
- ②  $20^\circ$
- ③  $28^\circ$
- ④  $30^\circ$
- ⑤  $35^\circ$

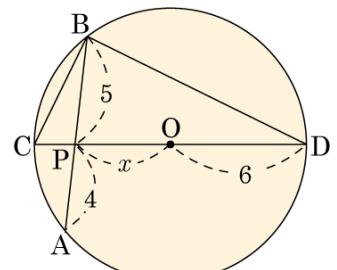


### 해설

$\triangle AOC$  가 이등변삼각형이므로  $\angle CAO = 15^\circ$   
작은 쪽의  $\angle AOC = 150^\circ$ , 큰 쪽의  $\angle AOD = 210^\circ$   
 $\angle ABC = 210 \times \frac{1}{2} = 105^\circ \quad \therefore \angle OBC = 60^\circ$   
 $\triangle OBC$ 는 이등변삼각형이므로  
 $\angle OCB = 60^\circ$ ,  $\angle ACB = 45^\circ$   
 $\therefore \angle BAC = 180^\circ - 45^\circ - 60^\circ - 45^\circ = 30^\circ$

10. 다음 그림에서  $\overline{CD}$  는 원 O의 지름이다. 원 O의 반지름의 길이가 6이고  $\overline{BC} = a$ ,  $\overline{BD} = b$ ,  $\overline{PO} = x$ ,  $x = b - a$  일 때,  $\sqrt{ab}$  를 구하면?

[배점 5, 중상]

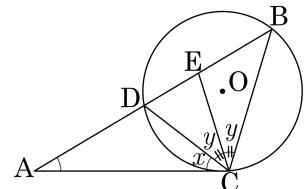


- ① 6
- ② 7
- ③ 8
- ④ 9
- ⑤ 10

### 해설

$20 = (6-x)(6+x) \Rightarrow x^2 = 16 \Rightarrow x = 4 = b-a$ ,  
 $\angle CBD = 90^\circ$ 이므로  $a^2 + b^2 = 12^2$   
 $b - a = 4$  의 양변을 제곱하면  
 $(b - a)^2 = 4^2$   
 $a^2 - 2ab + b^2 = 16$   
 $144 - 2ab = 16 (\because a^2 + b^2 = 144)$   
 $- 2ab = -128$   
 $\therefore \sqrt{ab} = 8 (\because ab > 0)$

11. 다음 그림에서  $\angle ACD = x$ ,  $\angle DCE = \angle BCE = y$ 이고,  $x + y = 70^\circ$  일 때,  $\angle A$ 의 크기를 구하여라.  
(단, 단위는 생략)



[배점 5, 중상]

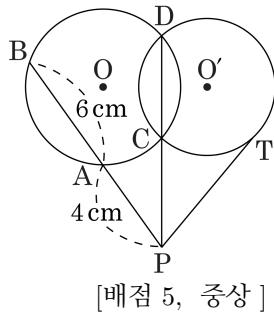
▶ 답:

▷ 정답: 40

### 해설

$\angle B = x$   
 $\angle CED = x + y$   
 $\triangle ACE$ 에서  
 $\angle A + \angle CEA + \angle ACE = 180^\circ$   
 $\angle A + (x + y) + (x + y) = 180^\circ$   
 $\therefore \angle A = 40^\circ$

12. 다음 그림에서 점 P는 두 원  $O$ ,  $O'$ 의 현 DC의 연장선 위의 점이고,  $\overline{PT}$ 는 원  $O'$ 의 접선이다.  $\overline{PA} = 4\text{ cm}$ ,  $\overline{AB} = 6\text{ cm}$  일 때,  $\overline{PT}$ 의 길이는?

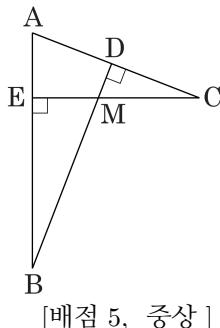


- ①  $2\sqrt{2}$     ②  $2\sqrt{5}$     ③  $2\sqrt{10}$   
 ④  $2\sqrt{13}$     ⑤  $2\sqrt{15}$

해설

$$\begin{aligned}\overline{PT}^2 &= \overline{PA} \times \overline{PB} \text{에서} \\ \overline{PT}^2 &= 4 \times 10 = 40 \\ \therefore \overline{PT} &= 2\sqrt{10} (\text{cm}) (\because \overline{PT} > 0)\end{aligned}$$

13. 다음 그림에서  $\overline{AB} \perp \overline{CE}$ ,  $\overline{AC} \perp \overline{BD}$ 이고 두 선분  $BD$ 와  $CE$ 의 교점은 M이다.  $\overline{AD} = 6$ ,  $\overline{BE} = 10$ ,  $\overline{AE} = 4$  일 때,  $\overline{CD}$ 의 길이는?

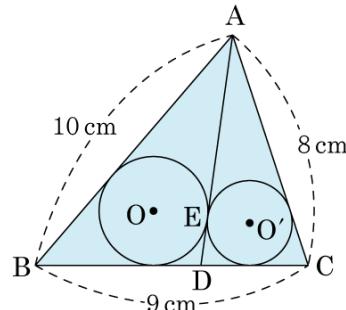


- ①  $\frac{4}{3}$     ② 2    ③  $\frac{8}{3}$     ④  $\frac{10}{3}$     ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned}\angle BEC &= \angle BDC = 90^\circ \text{이므로} \\ \text{점 } E, B, C, D &\text{는 한 원 위에 있다.} \\ \overline{CD} = x \text{ 라 하면} \\ 6 \times (6 + x) &= 4 \times (4 + 10) \\ 6x &= 20 \\ \therefore x &= \frac{10}{3}\end{aligned}$$

14. 그림과 같이  $\overline{AB} = 10\text{ cm}$ ,  $\overline{BC} = 9\text{ cm}$ ,  $\overline{AC} = 8\text{ cm}$ 인  $\triangle ABD$ ,  $\triangle ADC$ 의 내접원을 그리면 이 두 원이 한 점 E에서 접할 때,  $\overline{AE} - \overline{ED}$ 의 길이는?



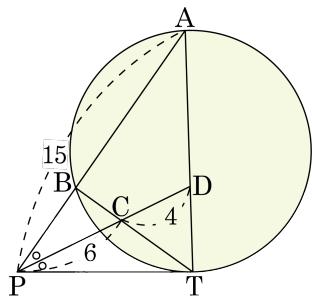
[배점 5, 중상]

- ① 2 cm    ② 2.3 cm    ③ 3.8 cm  
 ④ 4 cm    ⑤ 4.5 cm

해설

$$\begin{aligned}10 - \overline{AE} + 8 - \overline{AE} + 2\overline{ED} &= 9 \\ 18 - 2\overline{AE} + 2\overline{ED} &= 9 \\ \therefore \overline{AE} - \overline{ED} &= \frac{9}{2} = 4.5 (\text{cm})\end{aligned}$$

15. 다음 그림에서  $\overline{PT}$  는 원의 접선이고,  $\overline{PA}$  는 할선,  $\overline{PD}$  는  $\angle APT$  의 이등분선이다.  $\overline{PA} = 15$ ,  $\overline{PC} = 6$ ,  $\overline{CD} = 4$  일 때,  $\overline{PB}$  의 길이를 구하여라.

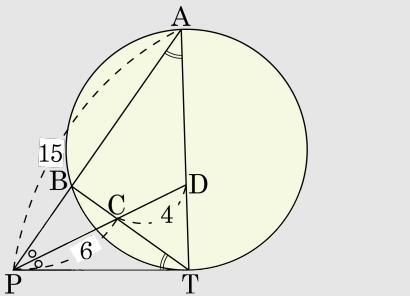


[배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{27}{5}$

해설



$\angle BAT = \angle BTP$ ,  $\angle APD = \angle DPT$

$\therefore \triangle APD \sim \triangle TPC$  (AA 닮음)

$$\overline{PA} : \overline{PT} = \overline{PD} : \overline{PC}$$

$$15 : \overline{PT} = 10 : 6$$

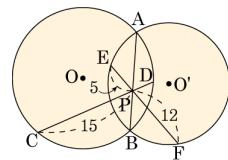
$$\therefore \overline{PT} = 9$$

$$\overline{PT}^2 = \overline{PB} \times \overline{PA}$$

$$81 = \overline{PB} \times 15$$

$$\therefore \overline{PB} = \frac{27}{5}$$

16. 다음 그림에서  $\overline{AB}$  는 두 원의 공통현이고, 점 P는 원 O의 현 CD 와 원 O'의 현 EF의 교점이다.  $\overline{PE} = 5\text{cm}$ ,  $\overline{PF} = 12\text{cm}$ ,  $\overline{PC} = 15\text{cm}$  일 때,  $\overline{PD}$  의 길이를 구하여라.



[배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답: 4 cm

해설

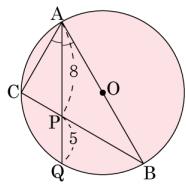
원 O에서  $\overline{AP} \times \overline{PB} = \overline{PC} \times \overline{PD} \dots \textcircled{\text{1}}$

원 O'에서  $\overline{AP} \times \overline{PB} = \overline{PE} \times \overline{PF} \dots \textcircled{\text{2}}$

$\textcircled{\text{1}}, \textcircled{\text{2}}$ 에서  $\overline{PC} \times \overline{PD} = \overline{PE} \times \overline{PF}$

$$15 \times \overline{PD} = 5 \times 12 \quad \therefore \overline{PD} = 4(\text{cm})$$

17. 다음 그림에서  $\overline{AB}$  는 원 O의 지름이고  $\angle BAC$ 의 이등분선과  $\overline{BC}$  가 만나는 점을 P, 원 O와 만나는 점을 Q 라 한다.  $\overline{AP} = 8$ ,  $\overline{PQ} = 5$  일 때,  $\overline{BP}$  의 길이를 구하여라.



[배점 5, 중상]

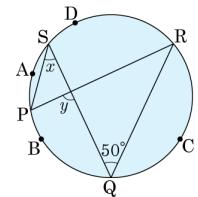
▶ 답:

▷ 정답:  $3\sqrt{10}$

해설

$$\begin{aligned}\triangle PQB &\sim \triangle BQA (\because AA \text{ 닮음}) \\ \overline{PQ} : \overline{BQ} &= \overline{BQ} : \overline{AQ} \\ \overline{BQ}^2 &= \overline{PQ} \times \overline{AQ} = 5 \times 13 = 65 \\ \therefore \overline{BQ} &= \sqrt{65} \\ \therefore \overline{BP} &= \sqrt{25 + 65} = \sqrt{90} = 3\sqrt{10}\end{aligned}$$

18. 다음 그림에서 네 점 A,B,C,D 는 원주 위의 연속적인 임의의 점이고 네 점 P,Q,R,S 는 각각  $\widehat{AB}$ ,  $\widehat{BC}$ ,  $\widehat{CD}$ ,  $\widehat{DA}$  의 중점일 때,  $\angle x$  와  $\angle y$  의 크기를 각각 구하여라.



[배점 5, 중상]

▶ 답:

▶ 답:

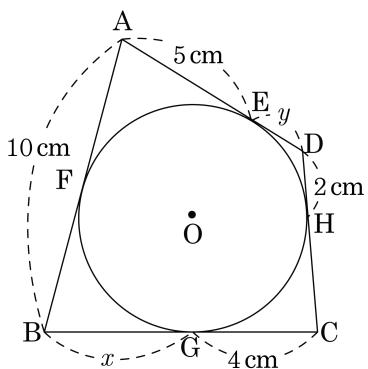
▷ 정답:  $\angle x = 40^\circ$

▷ 정답:  $\angle y = 90^\circ$

해설

$$\begin{aligned}\widehat{PB} + \widehat{BQ} + \widehat{RD} + \widehat{DS} &= \frac{1}{2} \times (\text{원둘레의 길이}) \\ \therefore \angle POQ + \angle SOR &= 180^\circ \\ 2\angle PSQ + 2\angle SQR &= 180^\circ \\ \angle x + 50^\circ &= 90^\circ \\ \therefore x &= 40^\circ \\ \angle PRQ &= \angle PSQ = \angle x = 40^\circ \\ \angle y &= \angle SQR + \angle PRQ = 50^\circ + 40^\circ = 90^\circ\end{aligned}$$

19. 다음 그림과 같이  $\square ABCD$ 가 원  $O$ 에 외접할 때,  $x$ ,  $y$ 의 길이를 구하여라.



[배점 5, 중상]

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = 5 \text{ cm}$

▷ 정답:  $y = 2 \text{ cm}$

해설

$$\overline{AF} = \overline{AE} = 5(\text{cm})$$

$$\overline{DH} = \overline{ED} = 2(\text{cm})$$

$$\overline{BF} = \overline{BG} = 5(\text{cm})$$

$$\therefore x = 5(\text{cm}), y = 2(\text{cm})$$