# 확인학습문제

1.  $\frac{3+\sqrt{27}}{3}$  의 정수 부분과 소수 부분을 구하여라.

▶ 답: ▶ 답:

▷ 정답: 정수 부분 : 2

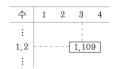
**> 정답**: 소수 부분:  $-1 + \sqrt{3}$ 

# 해설

 $\frac{3+\sqrt{27}}{3}=1+\sqrt{3}=1+1.\dots=2.\dots$  이므로 정수 부분 : 2, 소수 부분 :  $1+\sqrt{3}-2=-1+\sqrt{3}$ 

2. 안을 알맞게 채워라.

를 보고 근삿값을 구할 때에는 밖의 두 자리 수의 가로줄과 끝자리 수의 세로줄이 만나는 곳의 수를 읽 는다. 다음 표에서 구한 √ 의 근삿값은 이다.



[배점 2, 하중]

답: 답: 답:

▷ 정답: 제곱근표

➢ 정답: 1.23 ➢ 정답 : 1.109

1.23 의 제곱근의 값을 구한다.

**3.** 다음 중  $\sqrt{2} = 1.414$  를 이용하여 근삿값을 구할 수 없는 것은? [배점 3, 하상]

①  $\sqrt{0.02}$  ②  $\sqrt{0.5}$ 

(4)  $\sqrt{32}$  (5)  $\sqrt{200}$ 

①  $\sqrt{0.02} = \frac{\sqrt{2}}{10}$ ②  $\sqrt{0.5} = \sqrt{\frac{1}{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ 

 $(4)\sqrt{32} = 4\sqrt{2}$ 

 $\boxed{5} \sqrt{200} = 10\sqrt{2}$ 

**4.**  $\sqrt{2} = 1.414$ ,  $\sqrt{20} = 4.472$  일 때, 다음 중 옳은 것은? [배점 3, 하상]

①  $\sqrt{0.2} = 0.1414$  ②  $\sqrt{200} = 44.72$ 

(3)  $\sqrt{0.02} = 0.4472$  (4)  $\sqrt{2000} = 447.2$ 

 $\sqrt{20000} = 141.4$ 

①  $\sqrt{0.2} = \sqrt{\frac{20}{100}} = \frac{\sqrt{20}}{10} = \frac{4.472}{10} = 0.4472$ 

②  $\sqrt{200} = 10\sqrt{2} = 10 \times 1.414 = 14.14$ ③  $\sqrt{0.02} = \sqrt{\frac{2}{100}} = \frac{\sqrt{2}}{10} = \frac{1.414}{10} = 0.1414$ ④  $\sqrt{2000} = \sqrt{20 \times 10^2} = 10\sqrt{20} = 10 \times 4.472 =$ 

44.72

 $\bigcirc$   $\sqrt{20000} = \sqrt{2 \times 100^2} = 100\sqrt{2} = 100 \times$ 1.414 = 141.4

- **5.**  $\sqrt{2} = 1.414$ ,  $\sqrt{20} = 4.472$  일 때,  $\sqrt{0.002}$  의 근삿값을 구하면? [배점 3, 하상]
  - ① 44.72
- ② 0.1414
- ③ 0.4472

- **4** 0.04472
- ⑤ 0.01414

$$\sqrt{0.002} = \sqrt{\frac{20}{10000}} = \frac{\sqrt{20}}{100} = \frac{4.472}{100} = 0.04472$$

- **6.**  $\sqrt{1.7} = 1.304$ ,  $\sqrt{17} = 4.123$  일 때,  $\sqrt{170}$  의 근삿값 <u>e</u>? [배점 3, 하상]
  - ① 0.4123
- 2 13.04
- ③ 41.23

- **4** 130.4
- ⑤ 412.3

$$\sqrt{170} = \sqrt{1.7 \times 10^2} = 10\sqrt{1.7} = 10 \times 1.304 = 13.04$$

- **7.**  $\sqrt{5} = 2.236$ ,  $\sqrt{50} = 7.071$  일 때,  $\sqrt{5000}$  의 값을 구 하여라. [배점 3, 하상]

  - 답:

➢ 정답: 70.71

해설

$$\sqrt{5000} = 10\sqrt{50} = 70.71$$

8.  $\sqrt{12}$  의 소수 부분을 a 라 할 때,  $\sqrt{48}$  의 소수 부분을 a 를 사용한 식으로 바르게 나타낸 것은?

[배점 3, 하상]

- ① a-1
- $\bigcirc$  a
- 3 2a 1

- 4 2a
- $\bigcirc$  3a

 $3 < \sqrt{12} < 4$  이므로  $\sqrt{12}$  의 정수 부분 3, 소수 부분  $a = \sqrt{12} - 3 = 2\sqrt{3} - 3$  $6 < \sqrt{48} < 7$  이므로  $\sqrt{48}$  의 정수 부분 b = 6, 소수 부분 =  $\sqrt{48} - 6 = 4\sqrt{3} - 6$  $\therefore 4\sqrt{3} - 6 = 2(2\sqrt{3} - 3) = 2a$ 

- 9.  $\sqrt{6}$ 의 소수 부분을 a,  $\sqrt{8}$ 의 정수 부분을 b라고 할 때, 2a - 3b의 값을 구하면? [배점 3, 하상]
  - (1)  $2\sqrt{2}-4$
- ②  $\sqrt{6}$
- $3\sqrt{6}-4$
- $(4) -6\sqrt{2} + 10$
- $\bigcirc 2\sqrt{6} 10$

 $2 < \sqrt{6} < 3$  이므로  $\sqrt{6}$  의 정수 부분 2, 소수 부분  $a=\sqrt{6}-2$ 

 $2 < \sqrt{8} < 3$  이므로  $\sqrt{8}$  의 정수 부분 b = 2

 $\therefore 2a - 3b = 2(\sqrt{6} - 2) - 3 \times 2 = 2\sqrt{6} - 10$ 

10. 자연수 7 에 대하여  $\sqrt{7}$  의 정수 부분을 f(7) 이라고 하자. 예를 들면  $2 < \sqrt{7} < 3$  이므로 f(7) = 2 라고 할 때, f(58) + f(66) 의 값을 구하여라.

[배점 3, 중하]

답:

➢ 정답: 15



**11.**  $\sqrt{5} = 2.236$  일 때,  $\sqrt{0.45}$  의 근삿값을 구하여라.

[배점 3, 중하]

답:

▷ 정답: 0.6708

12. 다음 표는 제곱근표의 일부이다. 다음 중 주어진 표를 이용하여 구할 수 없는 것은?

수	0	1	2	3
1.5	1.225	1.229	1.233	1.237
1.6	1.265	1.269	1,273	1.277
1.7	1.304	1.308	1.311	1.315
1.8	1.342	1.345	1.349	1.353
1.9	1.378	1.382	1.386	1.389

[배점 3, 중하]

①  $\sqrt{162}$ 

②  $\sqrt{0.0192}$ 

 $\sqrt{3}$   $\sqrt{17200}$ 

 $4\sqrt{180}$ 

 $\sqrt{0.00152}$ 

① 
$$\sqrt{162} = \sqrt{1.62 \times 100} = 10\sqrt{1.62} = 10 \times 10$$

 $1.273 \leftrightarrows 12.73$ 

$$2\sqrt{0.0192} = \sqrt{\frac{1.92}{100}} = \frac{\sqrt{1.92}}{10} = 0.1386$$

$$\sqrt{3}\sqrt{17200} = \sqrt{1.72 \times 10^4} = 100\sqrt{1.72} = 131.1$$

$$4\sqrt{180} = \sqrt{1.80 \times 10^2} = 10\sqrt{1.80} = 13$$

- **13.** 자연수 n 에 대하여  $\sqrt{n}$  의 소수 부분을 f(n) 이라 할 때, f(75) - f(48) 의 값은? [배점 3, 중하]
  - ①  $\sqrt{2}$
- ②  $\sqrt{2}-1$  ③  $\sqrt{2}-3$
- $(4) \sqrt{3} 1$   $(5) \sqrt{3} 2$

# 해설

- $\sqrt{75} = 8. \cdots$  이므로 정수 부분은 8, 소수 부분은 $\sqrt{75} - 8 = 5\sqrt{3} - 8$  이다.
- $\sqrt{48} = 6. \cdots$  이므로 정수 부분은 6, 소수 부분은  $\sqrt{48} - 6 = 4\sqrt{3} - 6$  이다.
- $f(75) f(48) = (5\sqrt{3} 8) (4\sqrt{3} 6) = \sqrt{3} 2$ 이다.
- **14.**  $\sqrt{3.27} = 1.808$ ,  $\sqrt{32.7} = 5.718$  일 때, 다음 중 옳지 않은 것은? [배점 3, 중하]
  - ①  $\sqrt{327} = 18.08$
  - $2\sqrt{0.0327} = 0.01808$
  - ③  $\sqrt{0.327} = 0.5718$
  - $4\sqrt{3270} = 57.18$
  - $\bigcirc$   $\sqrt{32700} = 180.8$

② 
$$\sqrt{\frac{1}{100} \times 3.27} = \frac{1}{10} \sqrt{3.27} = 0.1808$$

**15.**  $\sqrt{3} = 1.732$ ,  $\sqrt{30} = 5.477$  일 때,  $\sqrt{0.3}$  의 근삿값을 구하여라. [배점 3, 중하]

# 답:

▷ 정답: 0.5477

$$\sqrt{\frac{3}{10}} = \sqrt{\frac{30}{100}} = \frac{1}{10}\sqrt{30} = \frac{1}{10} \times 5.477 = 0.5477$$

**16.**  $\sqrt{6}$  의 소수 부분을 a 라 할 때,  $2(a - \sqrt{6})$  의 값을 [배점 3, 중하] 구하여라.

# ▶ 답:

> **정답**: -4

$$2 < \sqrt{6} < 3$$

$$a = \sqrt{6} - 2$$

$$2(a - \sqrt{6}) = 2(\sqrt{6} - 2 - \sqrt{6}) = -4$$

**17.**  $5 + \sqrt{11}$  의 정수 부분을 a, 소수 부분을 b 라 할 때, a-b 의 값을 구하여라. [배점 3, 중하]

### ▶ 답:

ightharpoonup 정답:  $11 - \sqrt{11}$ 

### 해설

$$\sqrt{11}=3. imes imes imes$$
 이므로  $5+\sqrt{11}=8. imes imes imes$  이된다.

$$a = 8, b = (5 + \sqrt{11}) - 8 = -3 + \sqrt{11}$$
  
 $a - b = 8 - (-3 + \sqrt{11}) = 11 - \sqrt{11}$ 

**18.** 다음 제곱근표에서  $\sqrt{3.33}$  의 근삿값은 a 이고, $\sqrt{b}$  = 1.817 일 때, b-a 의 값을 구하여라.

수	0	1	2	3
3.0	1.732	1.735	1.738	1.741
3.1	1.761	1.764	1.766	1.769
3.2	1.789	1.792	1.794	1.797
3.3	1.817	1.819	1.822	1.825
3.4	1.844	1.847	1.849	1.852

[배점 4, 중중]

▶ 답:

▷ 정답: 1.475

# 해설

 $\sqrt{3.33} = 1.825$ 

 $\sqrt{3.30} = 1.817$ 

 $\therefore a = 1.825$ , b = 3.30

b - a = 3.30 - 1.825 = 1.475

- **19.**  $\sqrt{3}$  = 1.73 일 때,  $\frac{3}{\sqrt{3}} 10\sqrt{0.03} + \sqrt{12}$  의 근삿값을 구하여라. [배점 4, 중중]
  - ▶ 답:

▷ 정답: 3.46

# 해설

$$\frac{3}{\sqrt{3}} - 10\sqrt{0.03} + \sqrt{12}$$

$$= \frac{3\sqrt{3}}{\sqrt{3}\sqrt{3}} - 10\sqrt{\frac{3}{100}} + 2\sqrt{3}$$

$$= \frac{3\sqrt{3}}{3} - \frac{10\sqrt{3}}{10} + 2\sqrt{3}$$

$$= \sqrt{3} - \sqrt{3} + 2\sqrt{3}$$

$$= 2\sqrt{3} = 2 \times 1.73 = 3.46$$

**20.** 다음은  $\sqrt{5} - 1$  의 정수 부분과 소수 부분을 구하는 과정이다. 안에 알맞은 수를 써넣어라.

 $\sqrt{5} = 2. \times \times \times$  이므로  $\sqrt{5} - 1 = 1. \times \times \times$  가 된다. 따라서 정수 부분은  $\square$  이고, 소수 부분은  $\sqrt{5} - 1$  에서 정수 부분을 뺀 나머지 부분이므로  $\sqrt{5} - 1 - \square = \square$  가 된다.

[배점 4, 중중]

- ▶ 답:
- ▶ 답:
- ▶ 답:
- ▷ 정답: 1
- ▷ 정답: 1
- ightharpoonup 정답:  $\sqrt{5} 2$

### 해설

 $\sqrt{5}-1$  의 정수 부분이 1 이므로, 소수 부분은  $(\sqrt{5}-1)-1=\sqrt{5}-2$  가 된다.

- **21.**  $\sqrt{30} = 5.477$  일 때,  $\sqrt{a} = 0.05477$  을 만족하는 a 의 값을 구하여라. [배점 4, 중중]
  - ① 3000
- ② 300
- 3 3

- ④ 0.3
- **⑤** 0.003

### 해설

$$0.05477 = 5.477 \times \frac{1}{100} = \frac{\sqrt{30}}{100} = \sqrt{30 \times \frac{1}{10000}} = \sqrt{\frac{3}{1000}} = \sqrt{0.003}$$

**22.**  $\sqrt{2} = 1.414$ ,  $\sqrt{3} = 1.732$  일 때,  $\sqrt{200} + \sqrt{0.03}$  의 근삿값을 구하시오. [배점 4, 중중]

▶ 답:

▷ 정답: 14.31

$$\sqrt{200} + \sqrt{0.03} = 10\sqrt{2} + \frac{\sqrt{3}}{10} = 14.14 + 0.1732 = 14.31$$

**23.**  $\sqrt{125} - \frac{3\sqrt{5} - 5}{\sqrt{5}}$  의 정수 부분의 값을 구하여라. [배점 4, 중중]  $(단, \sqrt{5} = 2.236)$ 

▶ 답:

▷ 정답: 10

$$\sqrt{5^3} - \frac{3\sqrt{5} - 5}{\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}}$$

$$= 5\sqrt{5} - \frac{15 - 5\sqrt{5}}{5}$$

$$= 5\sqrt{5} - 3 + \sqrt{5} = 6\sqrt{5} - 3$$

따라서  $\sqrt{5}$  = 2.236 이므로 대입하여 계산하면 정 수부분은 10이다.

**24.**  $2 + \sqrt{3}$  의 정수 부분을 a,  $5 - \sqrt{10}$  의 소수 부분을 b라고 할 때, *a – b* 의 값은? [배점 4, 중중]

①  $\sqrt{3}-1$  ②  $2-\sqrt{3}$  ③  $\sqrt{10}$ 

 $\sqrt[4]{\sqrt{10}} - 1$   $\sqrt[5]{5} + \sqrt{10}$ 

 $1 < \sqrt{3} < 2$  이고  $3 < 2 + \sqrt{3} < 4$ 

 $\therefore a = 3$ 

 $-4 < -\sqrt{10} < -3$  이고  $1 < 5 - \sqrt{10} < 2$ 

 $b = (5 - \sqrt{10}) - 1 = 4 - \sqrt{10}$ 

 $\therefore a-b=3-(4-\sqrt{10})=\sqrt{10}-1$ 

**25.**  $4\sqrt{3}$  의 소수 부분을 a,  $5-2\sqrt{3}$  의 정수 부분을 b 라고 할 때, a + 4b 의 값은? [배점 4, 중중]

①  $4\sqrt{3} + 2$  ②  $4\sqrt{3} + 1$  ③  $4\sqrt{3}$ 

 $4\sqrt{3}-1$   $\sqrt{3}-2$ 

 $4\sqrt{3} = \sqrt{48}$ ,  $6 < \sqrt{48} < 7$ 이므로

 $4\sqrt{3}$  의 정수 부분은 6, 소수 부분은  $a = 4\sqrt{3} - 6$  $-4 < -\sqrt{12} < -3$  이고  $1 < 5 - \sqrt{12} < 2$  이므로  $5-2\sqrt{3}$  의 정수 부분은 b=1

 $\therefore a + 4b = 4\sqrt{3} - 6 + 4 = 4\sqrt{3} - 2$ 

26. 다음의 표는 제곱근표의 일부이다. 이 표를 이용하여  $\frac{1}{\sqrt{5}}(1-\frac{2}{\sqrt{5}})$ 의 값을 구하여라.(단, 소수 넷째 자리까지 구한다.)

수	0	1	2
1	1.000	1.005	1.010
2	1.414	1.418	1.421
3	1.732	1.735	1.738
4	2	2.002	2.005
5	2,236	2.238	2.241

[배점 5, 중상]

▶ 답:

➢ 정답: 0.0472

$$\frac{1}{\sqrt{5}}(1 - \frac{2}{\sqrt{5}}) = \frac{\sqrt{5}}{5} - \frac{2}{5} = \frac{2.236}{5} - 0.4 = 0.4472 - 0.4 = 0.0472$$

- ${f 27.}\ a=\sqrt{3}$  일 때,  ${a\over [a]+a}$  의 소수 부분은? (단, [a]는 a 를 넘지 않는 최대의 정수) [배점 5, 중상 ]

- ①  $\sqrt{3} 1$  ②  $\sqrt{3} + 1$  ③  $\frac{1}{1 + \sqrt{3}}$ ②  $\frac{\sqrt{3}}{1 + \sqrt{3}}$  ③  $\frac{\sqrt{3}}{1 \sqrt{3}}$

$$\left[\sqrt{3}\right] = 1 \text{ 이므로 } \frac{a}{[a]+a} = \frac{\sqrt{3}}{1+\sqrt{3}} = \frac{1.\cdots}{2.\cdots} = \\ 0.\cdots \text{ 이므로 정수 부분은 } 0, 소수 부분은 \frac{\sqrt{3}}{1+\sqrt{3}}$$
 이다.

**28.** 자연수 n 에 대하여 f(n) 은  $\sqrt{n}$  의 정수 부분을 나타낼 때,  $f(1) + f(3) + f(5) + \cdots + f(19)$  의 값을 구하여라. [배점 5, 중상]

답:

▷ 정답: 26

$$f(1), f(3) = 1$$

$$f(5), f(7) = 2$$

$$f(9), f(11), f(13), f(15) = 3$$

$$f(17), f(19) = 4$$

$$1 \times 2 + 2 \times 2 + 3 \times 4 + 4 \times 2 = 2 + 4 + 12 + 8 = 26$$

**29.** 다음 제곱근표를 이용하여  $\sqrt{2} + \sqrt{0.002}$  의 근삿값을 구하면?

수	0	1	2
2	1.414	1.418	1.421
	÷	:	:
19	4.359	4.370	4.382
20	4.472	4.483	4.494
21	4.583	4.593	4.604

[배점 5, 중상]

- ① 1.8612
- ② 5.897
- ③ 1.4281

- ④ 1.3612

$$\sqrt{2} + \sqrt{\frac{20}{100^2}} = \sqrt{2} + \frac{\sqrt{20}}{100}$$
  

$$= 1.414 + \frac{1}{100} \times 4.472 = 1.414 + 0.04472 = 1.45872$$

- **30.**  $\sqrt{1.94} = 1.393$  일 때,  $\sqrt{x} 1 = -0.8607$  을 만족하는 x 의 값은? [배점 5, 중상]
  - ①  $\sqrt{0.00194}$
- $(2)\sqrt{0.0194}$
- $\sqrt{19.4}$

- $4) \sqrt{19400}$
- $\sqrt{1940}$

$$\sqrt{x} - 1 = -0.8607$$

$$\sqrt{x} = 1 - 0.8607 = 0.1393$$

$$\therefore \sqrt{x} = 0.1393 = \frac{1}{10} \times 1.393 = \sqrt{\frac{1}{100} \times 1.94} = \sqrt{0.0194}$$

**31.**  $\sqrt{4.54} = 2.131$  일 때,  $\sqrt{x} - 25 = -3.69$  을 만족하는 x 의 값을 구하여라. [배점 5, 중상]

# 답:

➢ 정답: 454

$$\sqrt{x} = 25 - 3.69 = 2.131 \times 10 = \sqrt{4.54 \times 10^2} = \sqrt{454}$$
  
 $\therefore x = 454$ 

- **32.**  $\sqrt{2}$  의 근삿값을 x ,  $\sqrt{5}$  의 근삿값을 y 라고 할 때,  $\sqrt{32}+\sqrt{0.45}+\frac{8}{\sqrt{2}}+\frac{6}{\sqrt{5}}-\sqrt{50}$  의 근삿값을 x , y를 써서 나타내면 ax + by 이다. 이때,  $a \times \frac{1}{b}$  의 값을 구하면?

- ① 1 ② -1 ③ 2 ④ -2 ⑤ 3

$$\sqrt{32} + \sqrt{0.45} + \frac{8}{\sqrt{2}} + \frac{6}{\sqrt{5}} - \sqrt{50}$$

$$= 4\sqrt{2} + \frac{\sqrt{45}}{10} + \frac{8\sqrt{2}}{2} + \frac{6\sqrt{5}}{5} - 5\sqrt{2}$$

$$= 3\sqrt{2} + \frac{3\sqrt{5}}{10} + \frac{12\sqrt{5}}{10} = 3\sqrt{2} + \frac{15\sqrt{5}}{10}$$

$$a = 3, b = \frac{3}{2}$$

$$\therefore a \times \frac{1}{b} = 3 \times \frac{2}{3} = 2$$

- **33.**  $\sqrt{2}$  의 근삿값을 x ,  $\sqrt{3}$  의 근삿값을 y 라고 할 때,  $\sqrt{0.32}+\sqrt{50}+\frac{9}{5\sqrt{3}}-\sqrt{0.12}$  의 근삿값을 x,y 를 써 서 나타내면 ax+by 이다. 이 때, a-b 의 값을 구하면? [배점 5, 중상]
  - ①  $\frac{23}{5}$  ② 5 ③  $\frac{27}{5}$  ④  $\frac{29}{5}$

$$\sqrt{0.32} + \sqrt{50} = \frac{4}{10}\sqrt{2} + 5\sqrt{2} = \frac{27}{5}\sqrt{2} = \frac{27}{5}x$$

$$\frac{9}{5\sqrt{3}} - \sqrt{0.12} = \frac{9\sqrt{3}}{15} - \frac{\sqrt{3}}{5} = \frac{2\sqrt{3}}{5} = \frac{2}{5}y$$

$$\therefore a - b = \frac{27}{5} - \frac{2}{5} = \frac{25}{5} = 5$$

**34.**  $\sqrt{1.43}$  의 근삿값을 a ,  $\sqrt{b}$  = 1.105 일 때, a, b 의 값은?

수	0	1	2	3	
1.0	1.000	1.005	1.010	1.015	
1.1	1.049	1.054	1.058	1.063	
1.2	1.095	1.100	1.105	1,109	
1.3	1,140	1,145	1,149	1,153	
1.4	1,183	1.187	1.192	1,196	

[배점 5, 상하]

① a = 1.000, b = 1.13

② a = 1.005, b = 1.15

3 a = 1.049, b = 1.42

a = 1.196, b = 1.22

⑤ a = 1.192, b = 1.23

# 해설

표에서 1.43 을 찾으면 1.196 이므로  $\sqrt{1.43}$  = 1.196 이고 근삿값인 1.105 를 찾으면 1.22 이므로  $\sqrt{1.22}$  = 1.105 이다. 따라서 a=1.196,b=1.22 이다.

**35.**  $5\sqrt{11!}$  의 정수 부분의 자릿수를 구하여라.

[배점 5, 상하]

▶ 답:

▷ 정답: 5자리

### 해설

 $1 \times 2 \times 3 \times \cdots \times 11 = 2^8 \times 3^4 \times 5^2 \times 7 \times 11 = (720)^2 \times 7 \times 11$ 

 $5\sqrt{11!} = 3600\sqrt{77}$ 

그런데  $8 < \sqrt{77} < 9$  이므로  $28800 < 3600\sqrt{77} < 32400$  이다.

따라서 정수 부분의 자릿수는 5 자리이다.