# 단원 종합 평가

- 1. 전체집합  $U = \{x|x$ 는 10 이하의 자연수 $\}$  의 부분집합  $A = \{3, 5, 6, 7\}$  에 대하여  $A^c$ 은? [배점 2, 하중]
  - ①  $\{3,5,6,7\}$
  - $2\{2,4,6,8\}$
  - 3 {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10}
  - 4  $\{1, 2, 4, 8, 9\}$
  - (5){1, 2, 4, 8, 9, 10}

 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$  $A^C = U - A = \{1, 2, 4, 8, 9, 10\}$  2. 다음 보기에서 집합인 것을 모두 고른것은?

보기:

- ⊙ 10 보다 큰 홀수의 모임
- € 1 에 가까운 수의 모임
- © 요일의 모임
- ② 마른 사람의 모임
- ① 예쁜 꽃들의 모임
- ⓑ 100 보다 작은 짝수의 모임

[배점 2, 하중]

- ① ①, ① ② ①, ②
- 3 つ, ₴, ₪
- (4)  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$  (4) (5)  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$

- $\bigcirc$ : 11, 13, 15, ...
- © : 월, 화, 수, ⋯ , 일
- ①, ②, ②은 기준이 분명하지 않다.

3. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

[배점 2, 하중]

- ① 13 은 소수이다.
- ② 52 는 합성수이다.
- ③ 가장 작은 소수는 1 이다.
- ④ 짝수인 소수는 존재하지 않는다.
- ⑤ 5 보다 작은 소수는 2 개이다.

#### 해설

- ③ 1 은 소수도 합성수도 아니다.
- ④ 2 는 짝수이면서 소수이다.
- ⑤ 5 보다 작은 소수는 2,3 으로 2 개이다.
- **4.** 다음 중에서 옳은 것을 모두 고르면?(정답 2개) [배점 2, 하중]
  - ① 1 은 소수가 아니다.
  - ② 모든 소수는 홀수이다.
  - ③ 모든 수는 약수의 개수가 2 개 이상이다.
  - ④ 가장 작은 소수는 3 이다.
  - ⑤ 4 와 9 는 서로소이다.

#### 해설

- ② 소수는 2, 3, 5, 7, · · · 이다.
- ③ 1 의 약수는 1 뿐이다.
- ④ 가장 작은 소수는 2 이다.

- **5.** 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?(정답 2개) [배점 2, 하중]
  - ①  $10111_{(2)} = 1 \times 2^4 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2 + 1 \times 1$
  - ②  $111110_{(2)} = 1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2 + 1 \times 1$
  - ③  $1001001_{(2)} = 1 \times 2^6 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2$
  - $\textcircled{4} 1111_{(2)} = 1 \times 2^2 + 1 \times 2 + 1 \times 1$
  - $\boxed{5}1010_{(2)} = 1 \times 2^3 + 1 \times 2$

#### 해설

- ②  $111110_{(2)} = 1 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2$
- $31001001_{(2)} = 1 \times 2^6 + 1 \times 2^3 + 1 \times 1$
- $\textcircled{4} 1111_{(2)} = 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2 + 1 \times 1$
- **6.** 다음 중 무한집합인 것은? [배점 3, 하상]
  - ①  $\{a, b\}$
  - ② Ø
  - ③ {x|x는 12인 자연수}
  - ④  $\{x|x \vdash x \times 0 = 0$ 인 자연수 $\}$
  - ⑤  $\{x|x$ 는 12의 약수 $\}$

- ③ {12} : 유한집합
- ④ {1, 2, 3, …} : 무한집합
- ⑤ {1, 2, 3, 4, 6, 12} : 유한집합

7. 다음 중 집합이 아닌 것은?

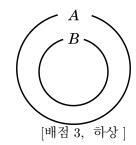
[배점 3, 하상 ]

- ① 한국 사람들의 모임
- ② 9 이하의 짝수의 모임
- ③ 10 과 17 사이의 수 중 분모가 2 인 기약분수의 모임
- ④3 보다 조금 큰 수의 모임
- ⑤ 5 로 나누었을 때 나머지가 4 인 자연수의 모임

해설

④ '조금' 은 그 대상이 분명하지 않으므로 집합이 아니다.

8. 다음 벤 다이어그 램에서 집합  $A = \{x|x \leftarrow 28 \ \text{미만의 7의 배수}\}$ 일 때, 집합 B 가 될 수 있는 것을 모두 고르면?



- $\bigcirc$   $\{\emptyset\}$
- **2**{7, 14}
- 3  $\{1, 14, 21\}$
- **4** {7, 14, 21}
- $\bigcirc$   $\{7, 14, 21, 28\}$

해석

 $A=\{7,\ 14,\ 21\}$  이고  $B\subset A$  이어야 한다. ①  $\varnothing\notin A$  이므로  $\{\varnothing\}\not\subset A$ 

9. 두 자연수의 최소공배수가 24 일 때, 두 수의 공배수 중 100 이하인 것을 모두 구하여라. [배점 3, 하상]

▶ 답:

- ▶ 답:
- ▶ 답:
- ▶ 답:

▷ 정답 : 24

▷ 정답: 48

➢ 정답: 72

▷ 정답: 96

해설

공배수는 최소공배수의 배수이므로 최소공배수인 24 의 배수들 중 100 이하인 수를 찾는다.

**10.** 1부터 100까지의 자연수 중에서 3의 배수이거나 5의 배수인 수는 모두 몇 개인지 구하여라.

[배점 3, 하상]

- ▶ 답:
- ▷ 정답: 47 개

해설

1 부터 100 까지의 자연수 중에서 3 의 배수를  $A_3$ , 5 의 배수를  $A_5$  라 할 때,  $100=3\times 33+1$ ,  $100=5\times 20$   $n(A_3)=33$ ,  $n(A_5)=20$   $n(A_3\cap A_5)=n(A_{15})=6$ , 3 의 배수이거나 5 의 배수인 수의 갯수  $n(A_3\cup A_5)=n(A_3)+n(A_5)-n(A_{15})=33+20-6=47(개)$ 

- **11.** 세 수 16, 6, 2 × 3<sup>2</sup> 의 공배수 중 300 에 가장 가까운 수는? [배점 3, 하상]
  - ① 308
- ② 302
- 3295

- 4 291
- **(5)** 288

#### 해설

세 수의 최소공배수는  $2^4 \times 3^2 = 144$  이므로 세수의 공배수는 144 의 배수가 된다.

따라서 144, 288,432,··· 중 300 에 가장 가까운 수를 찾는다.

- 12. 다음 중에서 옳은 것을 모두 골라라.
  - ⊙ {x | x는 3의 약수 } ⊂ {1, 2, 3}
  - $\bigcirc$   $\{a, b\} \in \{a, b, c\}$
  - $\bigcirc$   $0 \in \emptyset$
  - ②  $\varnothing \in \{x \mid x \in 6$ 의배수}

  - $\ \ \ \ \varnothing\subset\varnothing$

[배점 3, 중하]

- ▶ 답:
- 답:
- ▶ 답:
- ▷ 정답: 🗇
- ▷ 정답: ⑩
- ▷ 정답: ⑭

- ①  $\{a, b\} \in \{a, b, c\}$ 에서 집합과 집합 사이의 관계는  $\subset$ 를 써야한다.
- $\Box$   $0 \in \emptyset$ 에서는  $\emptyset \subset \{0\}$ 이어야 한다.
- ②  $\emptyset \in \{x \mid x 는 6$ 의 배수 $\}$ 에서는  $\subset$ 를 써야한다.
- ⊎ 공집합(∅)은 모든 집합의 부분집합이다.

**13.** 다음 중 부분집합의 갯수가 32 개 인 것은?

[배점 3, 중하]

- ①  $\{1, 2, 3\}$
- ② {x | x는 22 이하의 4의 배수}
- ③ {x | x는 7보다 작은 홀수}
- ④ {x | x 는 8의 약수}
- ⑤ {x | x 는 4 이하의 자연수}

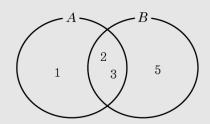
### 해설

- ①  $2^3 = 2 \times 2 \times 2 = 8$  (개)
- ②  $\{x \mid x \vdash 22 \text{ 이하의 } 4 \text{ 의 배수}\} = \{4, 8, 12, 16, 20\}$  이므로  $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^5 = 32$  (개)
- ③  $\{x \mid x \vdash 7$ 보다 작은 홀수 $\} = \{1, 3, 5\}$  이므로  $2^3 = 2 \times 2 \times 2 = 8$  (개)
- ④  $\{x \mid x = 8 \ )$  약수 $\} = \{1, 2, 4, 8\}$  이므로  $2^4 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$  (개)
- ⑤  $\{x \mid x \leftarrow 4 \text{ 이하의 자연수}\} = \{1, 2, 3, 4\}$ 이므로  $2^4 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$  (개)

- 14. 전체집합 U 의 공집합이 아닌 두 부분집합 A, B 에 대하여 다음 중 항상 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2 개) [배점 3, 중하]
  - $\bigcirc \bigcirc \bigcirc o^c = U$
  - ②  $U^c = U$
  - $(A^c)^c = U$
  - $\textcircled{4}A B = A (A \cap B)$

# 해설 🕳 🛭

- $(3)(A^c)^c = A$
- ⑤  $A = \{1, 2, 3\}, B = \{2, 3, 5\}$  일 때,  $A B = \{1\}, B A = \{5\}$  따라서  $A B \neq B A$



**15.** 다음 중 옳은 것을 모두 골라라.

[배점 3, 중하]

- ① 507 에서 10² 의 자리의 수는 5 이다.
- ②  $7 \times 10^3 + 8 \times 10 + 6 \times 1$  을 십진법으로 나타내면 70086 이다.
- $360008 = 6 \times 10^4 + 8 \times 1$
- $482700 = 8 \times 10^3 + 2 \times 10^2 + 7 \times 10^2$
- ⑤  $3 \times 10^4 + 6 \times 10^2 + 4 \times 1$  을 십진법으로 나타내면 30640 이다.

#### 해설

- ②  $7 \times 10^3 + 8 \times 10 + 6 \times 1$  을 십진법으로 나타내면 7086 이다.
- $482700 = 8 \times 10^4 + 2 \times 10^3 + 7 \times 10^2$
- ⑤  $3 \times 10^4 + 6 \times 10^2 + 4 \times 1$  을 십진법으로 나타내면 30604 이다.
- **16.** 다음 중  $2^3 \times 3^3 \times 5^3$  의 약수가 <u>아닌</u> 것은? [배점 3, 중하]
  - ①  $5 \times 2^3$
- 2 80
- $3 2^3 \times 3 \times 5$
- ④ 125
- <sup>(5)</sup> 225

# 해설

- ② 80 을 소인수분해하면  $80 = 2^4 \times 5$  이다.  $2^4$  은  $2^3 \times 3^3 \times 5^3$  의 약수가 아니다.
- ④ 125 를 소인수분해하면  $125 = 5^3$  이므로  $2^3 \times 3^3 \times 5^3$  의 약수이다.
- ⑤ 225 를 소인수분해하면  $225 = 3^2 \times 5^2$  이므로  $2^3 \times 3^3 \times 5^3$  의 약수이다.

- **17.** 소인수분해를 이용하여 세 수 12,36,40 의 최소공배수를 구하여라. [배점 3, 중하]
  - ▶ 답:

▷ 정답: 360

#### 해설

- 2 <u>) 12</u> 2 <u>) 6</u>
- 2)36 2)18
- 2)40 2)20
- 3) 9
- 3)10

∴12=2<sup>2</sup>×4 ∴36=2<sup>2</sup>×3<sup>2</sup> ∴40=2<sup>3</sup>×5 따라서 최소공배수는 2<sup>3</sup>×3<sup>2</sup>×5 = 360 이다.

18. 다음 보기 중 집합인 것은 모두 몇 개인가?

# 보기

- 4 보다 작은 자연수의 모임
- © 피아노를 잘 치는 사람의 모임
- ◎ 1 보다 크고 2 보다 작은 자연수의 모임
- ② 7의 배수의 모임
- ◎ 수 30341 에 나타나 있는 숫자의 모임

[배점 4, 중중]

- ① 1개
- ② 2 개
- ③ 3 개

- **④**4 개
- ⑤ 5개

### 해설

① '잘치는' 이란 기준이 명확하지 않아 집합이 아 니다. **19.** 집합  $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$  의 부분집합 중 원소가 2 개인 집합은 a 개이고, 원소가 5 개인 집합은 b 개이 다. 이때, a + b 의 값을 구하여라. [배점 4, 중중]

▶ 답:

➢ 정답: 42

# 해설

집합 A 의 원소 2 개를 짝짓는 방법은  $\{1, 2\}, \{1, 3\}, \{1, 4\}, \{1, 5\}, \{1, 6\},$ 

 $\{1, 7\},\$ 

 $\{2, 3\}, \{2, 4\}, \{2, 5\}, \{2, 6\}, \{2, 7\},$ 

 $\{3, 4\}, \{3, 5\}, \{3, 6\}, \{3, 7\}$ 

 $\{4, 5\}, \{4, 6\}, \{4, 7\}$ 

 $\{5, 6\}, \{5, 7\},\$ 

 $\{6, 7\}$ 

따라서, 원소가 2 개인 부분집합의 개수는 6+5+4+3+2+1=21 (개)이다.

집합 A 의 부분집합 중 원소가 5 개인 집합은 원소 2 개를 짝짓고 남은 5 개의 원소를 원소로 갖는 집 합이므로 원소가 2 개인 부분집합의 개수와 같은 개수의 부분집합이 만들어진다. 즉 21 개가 된다. a = 21, b = 21이므로 a + b = 42

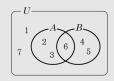
**20.** 전체집합  $U = \{x | x \in 8$ 보다 작은 자연수 $\}$  의 두 부분 집합 A, B 에 대하여

 $A-B=\{2,3\}, B-A=\{4,5\}, A\cap B=\{6\}$  일 때,  $A^c \cap B^c \stackrel{\diamond}{\leftarrow} ?$ [배점 4, 중중]

- (1) {1,7}
- $2 \{7,8\}$
- $3 \{1,5,8\}$
- 4 {1,5,8} 5 {1,7,8}

#### 해설

 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$  이므로  $(A \cup B)^c =$  $({2,3,4,5,6})^c = {1,7}$  이다.



**21.** 세 자연수 2, 3, 4 중 어느 것으로 나누어도 나머지가 1 인 세 자리의 자연수 중에서 가장 큰 수와 가장 작은 수의 차를 구하여라 [배점 4, 중중]

▶ 답:

➢ 정답: 888

### 해설

구하는 수는 (2, 3, 4의 공배수) + 1 의 꼴이고 2, 3, 4 의 최소공배수를 구하면 12 이다. 세 자리 자연수 중 가장 작은 12 의 배수는 108, 세 자리 자연수 중 가장 큰 12 의 배수는 996 이다. 구하는 가장 작은 자연수는 108 + 1 = 109, 가장 큰 자연수는 996 + 1 = 997 이다. 따라서 두 수의 차는 997 - 109 = 888 이다.

**22.** 세 수 72, 84,  $2^2 \times 3^2$  의 최대공약수는?

[배점 4, 중중]

- ①  $2^2 \times 3^2$
- ② 24
- $3)2^2 \times 3$

- ④ 18
- $\bigcirc$  2 × 3

### 해설

 $72 = 2^3 \times 3^2$ ,  $84 = 2^2 \times 3 \times 7$ ,  $2^2 \times 3^2$  이므로 최대공약수는  $2^2 \times 3$ 

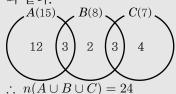
**23.** 세 집합 A, B, C에 대하여 n(A) = 15, n(B) = $8, n(C) = 7, n(A \cap B) = 3, n(B \cup C) = 12, A \cap C =$  $\emptyset$ 일 때,  $n(A \cup B \cup C)$ 의 값을 구하여라.

[배점 5, 중상]



➢ 정답: 24

주어진 조건을 벤 다이어그램으로 나타내면 다음 과 같다.



**24.** 집합  $A = \{1, 2, 3, \dots, n\}$  의 부분집합 중에서 원소 4,6 을 반드시 포함하는 부분집합의 개수가 64 개일 때, 자연수 n 의 값을 구하여라. [배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답: 8

### 해설

집합 A 의 원소의 개수가 n 개이므로 원소 4, 6을 반드시 포함하는 부분집합의 개수는  $2^{n-2}$  (개) 이다.

$$2^{n-2} = 64, \ 2^{n-2} = 2^6$$

$$n-2=6$$
 이므로  $n=8$ 

- **25.** 216 을 소인수분해하면  $2^a \times b^c$  이다. 이때, a + b + c의 값은? [배점 5, 중상]
  - ① 7

- ③ 11 ④ 13 ⑤ 15

$$216 = 2^3 \times 3^3$$

따라서 
$$a = 3, b = 3, c = 3$$

$$a+b+c=9$$