

확인학습문제

1. 연립방정식 $\begin{cases} (a-1)x + by = 3 \\ 2y - 1 = -3x \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, a, b 의 값을 구하여라. [배점 2, 하중]

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = 10$

▷ 정답: $b = 6$

해설

$$\begin{cases} (a-1)x + by = 3 & \dots \textcircled{1} \\ 2y - 1 = -3x & \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

에서 $\textcircled{2} \times 3$ 을 한 후 $\textcircled{1}$ 과 비교하면
 $a = 10, b = 6$

2. 연립방정식 $\begin{cases} y = 2x - 3 \\ ax - 2y = b \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, a, b 의 값을 각각 구하여라. [배점 2, 하중]

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = 4$

▷ 정답: $b = 6$

해설

$y = 2x - 3$ 의 양변에 $\times(-2)$ 하여 정리하면

$$\begin{cases} 4x - 2y = 6 \\ ax - 2y = b \end{cases}$$

의 해가 무수히 많으려면
 $a = 4, b = 6$ 이어야 한다.

3. 다음 두 연립방정식의 해가 같을 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

$$\begin{cases} ax - by = -6 & \dots \textcircled{1} \\ 2x + 7y = 34 & \dots \textcircled{2} \end{cases} \quad \begin{cases} x - 3y = -9 & \dots \textcircled{3} \\ 6x - ay = 10 & \dots \textcircled{4} \end{cases}$$

[배점 3, 하상]

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$\textcircled{1}$ 과 $\textcircled{3}$ 식을 연립하여 풀면 $y = 4, x = 3$ 이 나오
 고 이를 $\textcircled{4}$ 식과 $\textcircled{2}$ 식에 대입하면

$$6 \times 3 - 4a = 10 \quad \therefore a = 2$$

$$2 \times 3 - 4b = -6 \quad \therefore b = 3$$

$$\therefore a + b = 5$$

4. 다음 두 연립방정식의 해가 서로 같을 때, $a + b$ 의 값은?

$$\begin{cases} 2x + y = 5 & \dots \textcircled{1} \\ ax + 2y = 9 & \dots \textcircled{2} \end{cases} \quad \begin{cases} x + y = 4 & \dots \textcircled{3} \\ 4x + by = 1 & \dots \textcircled{4} \end{cases}$$

[배점 3, 하상]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

두 연립방정식의 해가 같으므로 $\textcircled{1}, \textcircled{4}$ 을 연립하여 풀면 $x = 1, y = 3$ 이 나온다.

$x = 1, y = 3$ 을 $\textcircled{2}, \textcircled{3}$ 에 각각 대입하면

$$a + 6 = 9 \quad \therefore a = 3$$

$$4 + 3b = 1 \quad \therefore b = -1$$

$$\therefore a + b = 3 + (-1) = 2$$

5. 다음 중 해가 무수히 많은 연립방정식은?

[배점 3, 하상]

- ① $\begin{cases} 6x - 2y = 10 \\ 9x - 3y = 12 \end{cases}$
- ② $\begin{cases} 0.4x - 0.2y = 1 \\ 4x - 2y = 10 \end{cases}$
- ③ $\begin{cases} 6x = 4y + 8 \\ 3(x + y) - 5y = -4 \end{cases}$
- ④ $\begin{cases} \frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 1 \\ 2x - \frac{4}{3}y = 4 \end{cases}$
- ⑤ $\begin{cases} 3x = 4y - 9 \\ x = 2y - 3 \end{cases}$

해설

두 방정식의 미지수의 계수와 상수항이 각각 같을 때 해가 무수히 많다.

따라서 ② $\begin{cases} 0.4x - 0.2y = 1 & \dots \text{㉠} \\ 4x - 2y = 10 & \dots \text{㉡} \end{cases} \quad 10 \times \text{㉠} = \text{㉡}$

이므로 해가 무수히 많다.

- ① 해가 없다.
- ③ 해가 없다.
- ④ 1쌍의 해가 있다.
- ⑤ 1쌍의 해가 있다.

6. 연립방정식 $\begin{cases} 3y + 2x = 8 & \dots \text{㉠} \\ -3x - 5y + 2 = 0 & \dots \text{㉡} \end{cases}$ 에서 ①식의 상수 8을 잘못 보고 풀어서 $x = 9$ 가 되었다. 8을 어떤 수로 잘못 보았는지 구하여라. [배점 3, 하상]

▶ 답:

▶ 정답: 3

해설

$x = 9$ 를 ②식에 대입하면 $-27 - 5y + 2 = 0$

$\therefore y = -5$

$3y + 2x$ 에 $x = 9, y = -5$ 를 대입하면 $-15 + 18 = 3$ 이다.

7. 다음 연립방정식의 해가 없을 때, a, b 값의 조건으로 알맞은 것은?

$\begin{cases} 2x - 3y = 1 \\ 4x - ay = b \end{cases}$ [배점 3, 하상]

- ① $a = 6, b \neq 2$
- ② $a = 6, b = 2$
- ③ $a = 3, b \neq 2$
- ④ $a = -6, b \neq 2$
- ⑤ $a = 3, b = 1$

해설

첫 번째 식에 $\times 2$ 를 하면 $4x - 6y = 2$ 이고 해가 없으려면 이 식에서 두 번째 식을 빼면 $0 \cdot y = k (k \neq 0)$ 꼴이 되어야 하므로 $-6 + a = 0, 2 - b \neq 0$, 따라서 $a = 6, b \neq 2$ 이다.

8. 연립방정식 $\begin{cases} 2x + 3y = 4 \\ 4x + 6y = a \end{cases}$ 의 해가 존재하지 않을 때, 다음 중 a 의 값이 될 수 없는 것은?

[배점 3, 하상]

- ① 4 ② 6 ③ 8 ④ 10 ⑤ 12

해설

첫 번째 식에 $\times 2$ 를 하면 $4x + 6y = 8$ 이고 해가 없으려면 이 식에서 두 번째 식을 빼면 $0 \cdot x = k$ ($k \neq 0$) 꼴이 되어야 하는데 $a = 8$ 인 경우 k 값이 0 이 되므로 $a \neq 8$ 이다.

9. 다음 연립방정식 중 해가 없는 것은?

[배점 3, 하상]

- ① $\begin{cases} x + 4y = 0 \\ 4x + y = 0 \end{cases}$
 ② $\begin{cases} 3x - 5y = 8 \\ 3x + 5y = -2 \end{cases}$
 ③ $\begin{cases} x - y = 3 \\ -2x + 2y = -6 \end{cases}$
 ④ $\begin{cases} -x + 2y = -2 \\ 4x - 8y = 4 \end{cases}$
 ⑤ $\begin{cases} 2x + 6y = -8 \\ -x - 3y = 4 \end{cases}$

해설

④ 첫 번째 식의 양변에 4를 곱한 후 두 번째 식을 더하면 $0 \cdot x = -4$ 가 되므로 해가 없다.

10. 연립방정식 $\begin{cases} x + y = 7 \\ 2x + ay = 14 \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, a 의 값을 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ **답:**

▷ **정답:** $a = 2$

해설

해가 무수히 많을 조건은 두 방정식이 같으면 된다.

따라서, $\frac{1}{2} = \frac{1}{a} = \frac{7}{14} \quad \therefore a = 2$

11. 연립방정식 $\begin{cases} x + 2y = k \\ 3x + 6y = 9 \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, k 의 값을 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ **답:**

▷ **정답:** $k = 3$

해설

해가 무수히 많은 조건을 $\frac{1}{3} = \frac{2}{6} = \frac{k}{9}$ 이므로 $3k = 9 \quad \therefore k = 3$

12. 연립방정식 $\begin{cases} x + ay = 1 \\ 3x - 6y = 10 \end{cases}$ 의 해가 없을 때 a 의 값을 구하면? [배점 3, 중하]

- ① -1 ② -2 ③ 0
 ④ -6 ⑤ -10

해설

$$\frac{1}{3} = \frac{a}{-6} \neq \frac{1}{10} \text{ 이므로, } a = -2$$

13. 연립방정식 $\begin{cases} 2x + 4y = 7 \\ x - ay = 5 \end{cases}$ 의 해가 없기 위한 a 의 값을 구하여라. [배점 3, 중하]

- ▶ 답:
 ▷ 정답: $a = -2$

해설

$$\frac{2}{1} = \frac{4}{-a} \neq \frac{7}{5} \text{ 이므로 } a = -2$$

14. 두 집합 $A = \{(x, y) | 4y = 3x + 1\}$, $B = \{(x, y) | 8y = ax - 1\}$ 에 대하여 $A \cap B = \emptyset$ 일 때, a 의 값을 구하여라. [배점 3, 중하]

- ▶ 답:
 ▷ 정답: 6

해설

$A \cap B = \emptyset$ 라는 것은 연립방정식의 해가 없다는 것과 같다.

두 방정식의 미지수의 계수는 각각 같고 상수항이 다를 때 해가 없다.

$$\begin{cases} -3x + 4y = 1 & \dots \textcircled{1} \\ -ax + 8y = -1 & \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

$2 \times \textcircled{1}$ 하면 $\begin{cases} -6x + 8y = 2 & \dots 2 \times \textcircled{1} \\ -ax + 8y = -1 & \dots \textcircled{2} \end{cases}$ 이다
 따라서 $-6 = -a$ 이므로 $a = 6$ 이다.

15. 다음 연립방정식 중 해가 없는 것은?

[배점 3, 중하]

- ① $x - 2y = 3x - 6y = 12$
 ② $x - 2y = 2x - y = 6$
 ③ $\begin{cases} x + 2y = 3 \\ 2x + 4y = 6 \end{cases}$
 ④ $\begin{cases} x + y = 6 \\ x - y = -6 \end{cases}$
 ⑤ $\frac{x+y}{2} = \frac{x-y}{4} = 1$

해설

① $x - 2y = 12$, $3x - 6y = 12$ 에서 첫 번째 식에 $\times 3$ 을 한 후 두 번째 식을 빼면 $0 \cdot x = 24$ 가 되므로 해가 없다.

16. 연립방정식 $\begin{cases} 8x - 6y = 4 \\ x - 3(y - x) - 3 = 2 \end{cases}$ 의 해를 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답:

▷ 정답: 해가 없다.

해설

두 번째 식을 간단히 하면 $4x - 3y = 5$ 이다. 이 식에 $\times 2$ 를 해서 첫 번째 식을 빼면 $0 \cdot x = 6$ 이 되므로 해가 없다.

17. 연립방정식 $\begin{cases} x - 2y = 4 \\ 4x - 2(2y + x) - 1 = 5 \end{cases}$ 의 해는? [배점 3, 중하]

- ① 해가 무수히 많다. ② $x = -2, y = 3$
 ③ $x = -1, y = -2$ ④ $x = 2, y = -4$

⑤ 해가 없다.

해설

두 번째 식을 간단히 하면 $2x - 4y = 6$ 이다. 이 식에서 2로 나누고 첫 번째 식을 빼면 $0 \cdot x = -1$ 이 되므로 해가 없다.

18. 다음 두 연립방정식의 해가 같을 때 ab 의 값을 구하면?
 $\begin{cases} ax + by = 11 \\ x - y = 3 \end{cases}, \begin{cases} x - 2y = 5 \\ ax - by = -1 \end{cases}$ [배점 4, 중중]

- ① -15 ② -3 ③ 5
 ④ 6 ⑤ 15

해설

$x - y = 3, x - 2y = 5$ 를 연립하여 풀면 $x = 1, y = -2$
 나머지 두 식에 대입하면 $a - 2b = 11, a + 2b = -1$
 둘을 연립하면 $a = 5, b = -3$ 이므로 $ab = -15$ 이다.

19. x, y 에 관한 연립방정식 (가), (나) 의 해가 같을 때 a, b 의 값은?

(가) $\begin{cases} 6x - y = 4 \\ -2ax + by = 10 \end{cases}$
 (나) $\begin{cases} 7x - 2y = 3 \\ bx - (3 + a)y = 1 \end{cases}$ [배점 4, 중중]

- ① $a = 1, b = 2$ ② $a = -2, b = 3$
 ③ $a = 3, b = -2$ ④ $a = 2, b = 1$
 ⑤ $a = -3, b = 2$

해설

$6x - y = 4, 7x - 2y = 3$ 을 연립하여 풀면 $x = 1, y = 2$ 가 나온다.
 따라서 이를 나머지 두 식에 대입하여 풀면 $a = -2, b = 3$ 이 나온다.

20. 두 쌍의 연립방정식 $\begin{cases} 3x - 2y = 8 \\ 2ax + 3y = 13 \end{cases}$ 과

$\begin{cases} ax - 2by = 2 \\ 4x + 5y = 3 \end{cases}$ 의 해가 같을 때, a, b 의 값을 각각 구하면? [배점 4, 중중]

- ① $a = -1, b = 2$ ② $a = 2, b = -1$
 ③ $a = 4, b = 0$ ④ $a = -3, b = 4$
 ⑤ $a = 4, b = -3$

해설

$$\begin{cases} 3x - 2y = 8 \\ 4x + 5y = 3 \end{cases} \text{에서 } x = 2, y = -1$$

$$\begin{cases} 4a - 3 = 13 \\ 2a + 2b = 2 \end{cases} \text{에서 } a = 4, b = -3$$

21. 연립방정식 $\begin{cases} x + y = a \\ 3x + 2y = 6 \end{cases}$ 의 해는 연립방정식

$\begin{cases} bx - y = 1 \\ x - y = 2 \end{cases}$ 의 해와 일치한다. a, b 의 값은? [배점 4, 중중]

- ① $a = 1, b = -1$ ② $a = -1, b = 1$
 ③ $a = 2, b = \frac{1}{2}$ ④ $a = -2, b = \frac{1}{2}$
 ⑤ $a = -\frac{1}{2}, b = 2$

해설

두 연립방정식의 해는 연립방정식 $\begin{cases} 3x + 2y = 6 \\ x - y = 2 \end{cases}$ 의 해와 일치하므로 이 연립방정식을 풀면 $x = 2, y = 0$
 $x + y = a$ 에서 $2 + 0 = a \quad \therefore a = 2$
 $bx - y = 1$ 에서 $2b - 0 = 1 \quad \therefore b = \frac{1}{2}$

22. 다음 두 연립방정식의 해가 같을 때, ab 의 값을 구하라.

$$\begin{cases} -x + 3 = -3x - 1 \\ ax - 3y = 1 \end{cases}, \begin{cases} 3x + y = -3 \\ -2x + 2by = -8 \end{cases} \quad [\text{배점 4, 중중}]$$

▶ 답:

▶ 정답: 10

해설

$-x + 3 = -3x - 1, 2x = -4, x = -2$
 $3x + y = -3$ 에 $x = -2$ 를 대입하면, $y = 3$
 $ax - 3y = 1, -2x + 2by = -8$ 에 $(-2, 3)$ 을 대입
 $a = -5, b = -2$
 $\therefore ab = 10$

23. 연립방정식 $\begin{cases} x - y = 4a \\ 5x - 3y = 28 - 4a \end{cases}$ 의 해 (x, y) 가 $x = 3y$ 의 관계를 만족할 때, a 의 값은?

[배점 4, 중중]

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

해설

$x = 3y$ 의 관계를 만족하므로 주어진 연립방정식에 대입하면
 $3y - y = 4a, y = 2a$
 $5 \times 3y - 3y = 28 - 4a, 12y = 28 - 4a$
 다시 위의 두식을 연립하여 풀면 $a = 1, y = 2$ 이다.

24. 다음 연립방정식 중에서 해가 무수히 많은 것은?

[배점 4, 중중]

- ① $\begin{cases} -x + \frac{y}{3} = \frac{1}{5} \\ -4x + 2y = 4 \end{cases}$
 ② $\begin{cases} 2x + y = 3 \\ 4x - 2y = 6 \end{cases}$
 ③ $\begin{cases} x + 2y = -2 \\ 2x + y + 1 = -3 - 3y \end{cases}$
 ④ $\begin{cases} \frac{x}{5} + \frac{y}{2} = 3 \\ 2x + 3y = 1 \end{cases}$
 ⑤ $\begin{cases} 0.1x - 0.3y = -1 \\ 2x - 6y = -10 \end{cases}$

해설

③ 두 번째 식을 정리하면 $2x + 4y = -4$ 이고 첫 번째 식에 $\times 2$ 를 해 주면 두 식이 같아지므로 연립방정식의 해는 무수히 많다.

25. 두 집합 $A = \{(x, y) \mid 2x + 3y = -1\}$, $B = \{(x, y) \mid \frac{x+5}{6} = \frac{4-y}{4}\}$ 에서 $n(A \cap B)$ 는?

[배점 4, 중중]

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설

$A \cap B$ 는 $2x + 3y = -1, \frac{x+5}{6} = \frac{4-y}{4}$ 의 연립방정식의 해이고 두 번째 식을 정리하면, $2x + 10 = 12 - 3y, 2x + 3y = 2$ 이다. 이 식에서 첫 번째 식을 빼면, $0 \cdot x = 3$ 이 되므로 이 연립방정식의 해는 없다. 따라서 $A \cap B = \emptyset$ 이고, $n(A \cap B) = 0$ 이다.

26. 연립방정식 $\begin{cases} 2x + by = 4 \\ 4x - 2y = c \end{cases}$ 의 해가 없을 때, b, c 의 값을 바르게 구한 것은?

[배점 5, 중상]

- ① $b = -1, c = 8$ ② $b = 1, c = 8$
 ③ $b \neq -1, c = 8$ ④ $b \neq 1, c \neq 8$
 ⑤ $b = -1, c \neq 8$

해설

$\frac{2}{4} = \frac{b}{-2} \neq \frac{4}{c}$ 에서 $b = -1, c \neq 8$

27. 연립방정식 $\begin{cases} 3x + 2ay + 2 = 0 \\ 2x + 3(a-1)y - b = 0 \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, $5a + 3b$ 의 값을 구하여라.

[배점 5, 중상]

▶ 답:

▶ 정답: $5a + 3b = 5$

해설

$$\begin{aligned} \frac{3}{2} &= \frac{2a}{3(a-1)} = \frac{2}{-b} \\ \frac{3}{2} &= \frac{2a}{3(a-1)} \text{ 에서 } 9a - 9 = 4a, a = \frac{9}{5} \\ \frac{3}{2} &= \frac{2}{-b} \text{ 에서 } -3b = 4, b = -\frac{4}{3} \\ \therefore 5a + 3b &= 9 - 4 = 5 \end{aligned}$$

28. 연립방정식 $\begin{cases} ax + y = 3 \\ 4x - 2y = b \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, $a - b$ 의 값을 구하면?

[배점 5, 중상]

- ① -8 ② -6 ③ -4 ④ 4 ⑤ 8

해설

해가 무수히 많을 조건은 $\frac{a}{4} = \frac{1}{-2} = \frac{3}{b}$ 이므로 $a = -2, b = -6 \therefore a - b = 4$

해설

해가 무수히 많으므로 같은 식이 된다.
두 식이 같은 조건에서 $ax + b = 3$ 전체에 -2 를 곱하면 $-2ax - 2y = -6$
 $a = -2, b = -6$
 $\therefore a - b = 4$

29. 다음 두 연립방정식이 서로 같은 해를 갖는다고 할 때, $1004^a \times 1004^b$ 의 값은?

$$\begin{cases} 6x - 5y = -4 \\ ax - by = 7 \end{cases}, \begin{cases} 2x + 5y = 12 \\ 2ax + by = 2 \end{cases}$$

[배점 5, 중상]

- ① 502 ② 1003 ③ 1004
④ 1005 ⑤ 2008

해설

$\begin{cases} 6x - 5y = -4 \\ 2x + 5y = 12 \end{cases}$ 를 연립하여 풀면 $x = 1, y = 2$ 가 나온다.

나머지 두 식에 $x = 1, y = 2$ 를 대입하여 풀면 $a = 3, b = -2$ 이 나온다.

따라서 $1004^a \times 1004^b = 1004^{a+b} = 1004^1 = 1004$ 이다.

30. 다음 네 개의 직선이 한 점에서 만날 때, 직선 $y = ax + b$ 와 x 축, y 축으로 둘러싸인 삼각형의 넓이를 구하여라.

$$6x - y = 4, -2ax + by = 10, bx - (3 + a)y = 1, 7x - 2y = 3$$

[배점 5, 중상]

▶ 답:
▷ 정답: $\frac{9}{4}$

해설

$6x - y = 4, 7x - 2y = 3$ 을 연립하여 풀면 $x = 1, y = 2$ 가 나온다.

따라서 네 직선의 교점은 $(1, 2)$ 이므로 나머지 두 직선에 $(1, 2)$ 를 대입하여 풀면 $a = -2, b = 3$ 이 나온다.

직선 $y = -2x + 3$ 의 x 절편은 $\frac{3}{2}, y$ 절편은 3 이므로 x 축, y 축으로 둘러싸인 삼각형의 넓이는 $\frac{3}{2} \times 3 \times \frac{1}{2} = \frac{9}{4}$ 이다.

31. 다음 연립방정식 중 해가 존재하지 않는 것은?

[배점 5, 중상]

- | | |
|--|--|
| ① $\begin{cases} y = -3x \\ 2x - 3y = 0 \end{cases}$ | ② $\begin{cases} x + y = 0 \\ 2x - 2y = 1 \end{cases}$ |
| ③ $\begin{cases} y = x - 2 \\ x - y = 2 \end{cases}$ | ④ $\begin{cases} x + y = 7 \\ x - y = -7 \end{cases}$ |
| ⑤ $\begin{cases} x - 3y = 0 \\ x = 3y + 2 \end{cases}$ | |

해설

⑤ $\begin{cases} x - 3y = 0 \\ x = 3y + 2 \end{cases}$ 에서 $\begin{cases} x - 3y = 0 \\ x - 3y = 2 \end{cases}$ 이므로 해가 없다.

32. 연립방정식 $\begin{cases} ax + by = 2 \\ bx + ay = 1 \end{cases}$ 를 바르게 풀면 해가 $x =$

$2, y = 3$ 이 나오는데, 선미는 상수 a, b 를 바꿔 놓고 풀어서 해가 (p, q) 가 나왔다. 이때, $x = p, y = q$ 의 값을 구하여라. [배점 5, 중상]

▶ 답:
▷ 정답: 5

해설

$$\begin{cases} ax + by = 2 \\ bx + ay = 1 \end{cases} \text{ 에 } x = 2, y = 3 \text{ 을 대입하면}$$

$$\begin{cases} 2a + 3b = 2 \\ 2b + 3a = 1 \end{cases} \text{ 가 나오고}$$

이를 연립하면 $a = -\frac{1}{5}, b = \frac{4}{5}$ 가 나온다.

선미가 푼 방정식은 $\begin{cases} bx + ay = 2 \\ ax + by = 1 \end{cases}$ 이므로

$a = -\frac{1}{5}, b = \frac{4}{5}$ 를 대입하면 $x = 3, y = 2$ 이 나온다. 따라서 $p + q = 3 + 2 = 5$ 가 된다.

33. 연립방정식 $\begin{cases} ax - by = -4 \\ 5x + cy = -2 \end{cases}$ 을 푸는데, c 를 잘못

보아 $x = -1, y = \frac{3}{2}$ 을 해로 얻었다. 옳은 해가 $x = \frac{1}{2}, y = \frac{9}{4}$ 일 때, $a+b+c$ 의 값은? (단, c 는 옳은 값이다.) [배점 5, 중상]

- ① 5 ② 3 ③ 2 ④ 1 ⑤ 0

해설

옳은 해를 위의 두 방정식에 대입하면

$$\frac{1}{2}a - \frac{9}{4}b = -4 \dots \textcircled{1}$$

$$\frac{5}{2} + \frac{9}{4}c = -2$$

$$\therefore c = -2$$

또한 잘못 얻은 해는 첫 번째 방정식을 만족하므로

$$\text{이것을 대입하면 } -a - \frac{3}{2}b = -4 \dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1} \text{과 } \textcircled{2} \text{을 연립해서 풀면 } a = 1, b = 2$$

$$\therefore a + b + c = 1 + 2 - 2 = 1$$

34. 연립방정식 $\begin{cases} ax + by = 5 \\ 2bx - ay = -2 \end{cases}$ 를 푸는데 잘못하여

상수 a, b 를 바꿔 풀었더니 해가 $x = -2, y = 1$ 이 되었다. 이 때, $ab - b$ 의 값을 구하여라.

[배점 5, 상하]

▶ 답:

▶ 정답: 0

해설

$$x = -2, y = 1 \text{ 은 } \begin{cases} bx + ay = 5 \\ 2ax - by = -2 \end{cases} \text{ 의 해이므로}$$

$$-2b + a = 5 \dots \textcircled{1}$$

$$-4a - b = -2 \dots \textcircled{2}$$

이를 연립하여 풀면 $a = 1, b = -2$

$$\therefore ab - b = 0$$

35. 집합 $\{x \mid x \text{는 } 20 \text{ 이하의 자연수}\}$ 의 두 원소 p, q 에 대하여 $3x - 2y = 1, px - qy = 2$ 가 해를 갖지 않도록 하는 순서쌍 (p, q) 의 개수를 구하여라.

[배점 5, 상하]

▶ 답:

▶ 정답: 5개

해설

$3x - 2y - 1 = 0, px - qy - 2 = 0$ 이 해를 갖지

않기 위해서는

$$\frac{3}{p} = \frac{-2}{-q} \neq \frac{-1}{-2}$$

$$\therefore p \neq 6, q \neq 4, 2p = 3q$$

즉, $p : q = 3 : 2$ 이므로

$$(p, q) = (3, 2), (9, 6), (12, 8), (15, 10), (18, 12)$$

따라서 순서쌍 (p, q) 는 5 개이다.