# 인학습문제

1. 다음 중에서 해가 (-1,2) 인 직선의 방정식끼리 짝지 은 것은? [배점 2, 하중]

① 3x + y = 8, -x + y = 4

② 2x + y = 10, x - y = 1

3x - 2y = 9, x + 4y = 17

3x + y = 5, x + 2y = 5

(-1, 2)를 각각의 방정식에 대입하여 본다.

**2.** x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 x + 3y = 15 를 만 족하는 순서쌍 (x, y) 의 개수를 구하여라.

[배점 2, 하중]

## 답:

▷ 정답: 4개

x + 3y = 15에서 x = 15 - 3yy에  $1, 2, 3, \cdots$  을 순서대로 대입하여 해를 구하면 (3,4), (6,3), (9,2), (12,1)

[배점 3, 하상]

① (1, 4) ② (2, 3)

(3, 2)

 $\bigcirc$  (5, 0) (4, 1)

에 각각의 해를 대입해보면 (2, 3)

**4.** 점(m, m+2) 가 일차방정식 x-4y+11=0 의 그래프 위의 점일 때, 상수 m 의 값은? [배점 3, 하상]

 $\bigcirc 1 -2 \qquad \bigcirc 2 -1 \qquad \bigcirc 3 \ 0$ 

- ⑤ 2

(m, m+2) 를 주어진 식에 대입하면 m-4(m+1)(2) + 11 = -3m + 3 = 0 이고, 정리하면 m = 1이다.

**5.** 둘레의 길이가  $52 \, \text{cm}$  인 직사각형에서 가로의 길이는 세로의 길이의 2 배보다 3 cm 가 짧다고 한다. 가로의 길이를 x cm, 세로의 길이를 y cm 라고 하여 연립방 정식을 세우면? [배점 3, 하상]

① 
$$\begin{cases} x + y = 52 \\ x = 2(y - 3) \end{cases}$$
② 
$$\begin{cases} x + y = 52 \\ x = 2y - 3 \end{cases}$$
③ 
$$\begin{cases} x + y = 52 \\ x = 2y - 3 \end{cases}$$
④ 
$$\begin{cases} 2(x + y) = 52 \\ y = 2(x - 3) \end{cases}$$
⑤ 
$$\begin{cases} x + y = 26 \\ x = 2(y - 3) \end{cases}$$

# 해설

직사각형의 둘레는 (가로 + 세로) × 2 이므로 (가로 + 세로) = 26(cm) 가 된다. 그리고 가로 의 길이는 세로의 길이의 2배보다 3cm 가 짧으 므로 x = 2y - 3이 된다.

- **6.** 일차방정식 2x ay = -4 에서 x = 2 일 때, y = -2이다. y = 4 일 때, x 의 값은? [배점 3, 하상]
  - (1) -10
- 2 8 3 4
- 4 2
- (5) 4

(2, -2)를 대입하면  $4 - a \times (-2) = -4$  이므로 a = -4

따라서 2x+4y=-4 이므로 y=4 일 때 x=-10이다.

- 7. (3a, 2a)가 일차방정식 x+2y=-28 의 해일 때, 상수 a 의 값은? [배점 3, 하상]

  - $\bigcirc 1 \ 4 \qquad \bigcirc 2 \ -2 \qquad \bigcirc 3 \ 2$

(3a, 2a)를 x + 2y = -28 에 대입하면 3a + 4a =-28 이므로 a = -4 이다.

8. 다음은 x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 3x + y = 13을 푸는 과정이다. () 안의 값이 옳지 않은 것은?

> 3x + y = 13 을 y 에 관하여 풀면 (①) x 에 1, 2, 3, 4, 5, 6 을 대입하여 y 의 값을 구하면

x	1 2		3	4	5	6	
y	(2)	7	4	1	(3)	-5	

이 때, y 의 값도 ( ④ )이어야 하므로 해는 (1, 10), (2, 7), (3, 4),(⑤)이다.

[배점 3, 하상]

- ① y = -3x + 13 ② 10

- ④ 자연수
- $\bigcirc$  (4,1)

3x + y = 13 을 y 에 관하여 풀면 y = -3x + 13x 에 1, 2, 3, 4, 5, 6 을 대입하여 y 의 값을 구하 면

x	1	2	3	4	5	6
y	(10)	7	4	1	(-2)	-5

이때, y 의 값도 자연수이어야 하므로 해는 (1,10), (2,7), (3,4), (4,1) 이다.

9. 6% 의 소금물 xg 과 18% 의 소금물 yg 속에 녹아 있는 소금의 양의 합이 30g 이라고 할 때, 두 미지수 x, y 에 관한 일차방정식은? [배점 3, 하상]

① 
$$3x + 6y = 15$$

① 
$$3x + 6y = 15$$
 ②  $\frac{x}{6} + \frac{y}{18} = 30$ 

$$3 x + 3y = 30$$

$$4 x + 3y = 3000$$

 $\frac{6}{100}x + \frac{18}{100}y = 30$  에서 양변에 100 을 곱하면  $6x + 18y = 3000 \stackrel{\text{R}}{=}, x + 3y = 500$ 

10. 두 집합 A, B 가 A $\{(x, y)|x + 2y = 10, x, y$ 는 자연수 $\}$ ,  $B = \{(x, y)|4x + y = 20, x, y$ 는 자연수} 일 때, n(A) + n(B) 의 값을 구하여라. [배점 3, 중하]

## ▶ 답:

# ▷ 정답: 8

기하	1 O	œ	01	가으	ᄑᄀ	나타내면	1
겁입	A = 1	x.	$\eta_{I}$	$\omega =$	工工	나다네무	7

y 16 12 8 4 0

x	1	2	3	4	Б	6	7	8	9	10
y	$\frac{9}{2}$	4	$\frac{7}{2}$	3	$\frac{5}{2}$	2	$\frac{3}{2}$	1	$\frac{1}{2}$	0
이고, 집합 $B$ 의 $x$ , $y$ 값을 표로 나타내면										
x	1	2	;	3	4	5				

이다. 따라서 x, y 값이 자연수인 순서쌍의 개수를 구하면

$$n(A) = 4, n(B) = 4$$
 이므로  $n(A) + n(B) = 8$  이다.

**11.** x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 2x + 5(y - 1) = 19의 해를 모두 구한 것은? [배점 3, 중하]

① 
$$(1, 2), (2, 4)$$

$$\textcircled{4}$$
  $(1, 2)$ ,  $(5, 4)$ ,  $(6, 3)$ 

$$\bigcirc$$
 (5, 4), (6, 3), (7, 2)

# 해설 식을 정리하면 2x + 5y = 24 이다.

이 때, x, y 의 값을 표로 나타내면

x	1	2	3	4	5	6	7	8	9
y	$\frac{22}{2}$	4	$\frac{18}{5}$	$\frac{16}{5}$	$\frac{14}{5}$	$\frac{12}{5}$	2	$\frac{8}{5}$	$\frac{6}{5}$

이므로 x, y 값이 자연수가 되는 쌍을 찾으면 (2, 4), (7, 2) 이다.

12. 연립방정식  $\begin{cases} 2x-y=5 & \text{의 해가 } (2a, \ 3) \ \text{일 때,} \\ -x+3y=b & \text{[배점 3, 중하]} \end{cases}$ 

# ▶ 답:

# ▷ 정답: 1

각 방정식에 x = 2a, y = 3 을 대입하면  $\bigcirc$ 에서 a=2 이므로,  $\bigcirc$ 에 대입하면 b=5 이다. 따라서 3a - b = 6 - 5 = 1 이다.

- **13.** 일차방정식 -x + 2y = 28 의 해가 (k-1, k) 일 때, 상수 k 의 약수의 개수는? [배점 3, 중하]
  - ① 1개
- ② 2 개
- ③ 3 개

- ④ 4 개
- ⑤ 5 개

x=k-1 , y=k를 주어진 식에 대입하면 -(k-1)1) + 2k = 28 이고, 이를 정리하면 k = 27∴ k의 약수는 1, 3, 9, 27

- ${f 14.}\ x,\ y$  가 자연수일 때, 다음 중 일차방정식의 해가 3개인 것은? [배점 3, 중하]
  - ① 3x + y = 15
- ② -3x + y = 12
- ③ x y = 3
- (4) 2x + 3y = 20
- $\bigcirc$  4x + 6y = 24

- ① 3x + y = 15 : (1, 12), (2, 9), (3, 6), (4, 3)
- ②  $-3x + y = 12 : (1, 15), (2, 18), (3, 21), \cdots$
- ③  $x y = 3 : (4, 1), (5, 2), (6, 3), \cdots$
- 4 2x + 3y = 20 : (1, 6), (4, 4), (7, 2)
- $\bigcirc$  4x + 6y = 24 : (3, 2)

- **15.** x, y 에 관한 일차방정식  $\frac{3}{2}\left(2x \frac{2}{3}y + 6\right) = \frac{5}{3}(6x + \frac{1}{3}x + \frac{1}{3$  $3y+\frac{9}{2})$  를 ax+by+c=0 의 꼴로 고칠 때, abc 의 값을 구하면? (단, a>0) [배점 3, 중하]
  - ① 42
- ② 28
- $\bigcirc 3 -28$

- (4) -63
- ⑤ 63

$$\begin{split} \frac{3}{2}\left(2x-\frac{2}{3}y+6\right)&=\frac{5}{3}\left(6x+3y+\frac{9}{2}\right) 를 정리하 \\ \mathbb{E}\left[7x+6y-\frac{3}{2}=0\right] &=\mathbb{E}\left[a=7,b=6,c=-\frac{3}{2}\right] \\ &=0$$
이다. 따라서  $abc=-63$  이다.

- **16.**  $2ax + y + 7 = \frac{3}{2}(4y 6x)$  가 미지수가 2 개인 일차 방정식이 되기 위한 a 의 값으로 적당하지 <u>않은</u> 것은? [배점 3, 중하]

  - ① -6 ②  $-\frac{2}{3}$  ③  $\frac{3}{2}$

- (5) 6

(2a+9)x-5y+7=0 이 미지수가 2개인 일차 방정식이 되기 위해서  $2a+9\neq 0$  이어야 한다.  $\therefore a \neq -\frac{9}{2}$ 

- **17.** 다음 중 x, y 에 관한 일차방정식이 아닌 것은 모두 몇 개인가?
  - $(\neg) y = 2x$
  - (니) x + y = 0
  - $(\Box) 2x + 5 = y 5$
  - $(\exists) 3x 5 = 1$
  - $(\Box) x 4y = 2$
  - (ㅂ) 2x y + 1 = 0
  - $(\land) \ 2(x-y) = 3x 2y + 3$
  - $( \circ ) \ 2(x-y) = 5(x-y) + 1$
  - $(\nearrow) (x+1)(y-1) = 0$
  - $(\bar{>}) 0.2x + 3.4y = 0$
  - $(\exists) \ 2x = y + 5$
  - (E) 2x + y = 2x 1
  - ( II ) 3x = -y 6

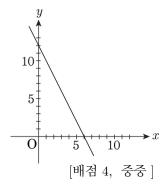
[배점 3, 중하]

- ① 4 개
- ② 5개
- ③ 6 개

- ④ 7 개
- ⑤ 8 개

정리한 식이 ax + by + c = 0  $(a \neq 0, b \neq$ 0, a, b, c는 상수) 의 꼴로 나타낼 수 없는 것을 찾으면 (a), (人), (ス), (E)의 4 개이다.

18. 다음 그림은 일차방정식 2x + y = 12 의 해를 좌 표평면 위에 나타낸 것 이다. 다음 중 옳지 않은 것은?



- ① 점 (3, 6) 은 2x + y = 12 의 그래프 위에 있다.
- ② x, y 가 자연수일 때, 2x + y = 12 의 해는 5 개이다.
- ③ 2x + y = 12 의 그래프와 3x 2y = 11 의 그래 프의 교점의 좌표는 (5, -2) 이다.
- ④ x, y 가 정수일 때, 2x + y = 12 의 해는 무수히 많다.

2x + y = 12 의 그래프와 3x - 2y = 11 의 그래프 의 교점의 좌표는 (5, 2) 이다.

- **19.** 일차방정식 ax + y = 3 은 x = 2 일 때, y = 9 라고 한다. y = 6 일 때, x 의 값은? [배점 4, 중중]

  - $\bigcirc 1 -2 \bigcirc 2 -1 \bigcirc 3 \bigcirc 1$
- 4 2
- ⑤ 0

ax + y = 3 에 x = 2, y = 9 를 대입하면 2a + 9 = 3 : a = -3따라서 주어진 식은 -3x + y = 3 이다. 이 식에 y=6을 대입하면 x=1

**20.** 점 (a-2, -a+3) 이 일차방정식 5x + 3y = 6 의 그래프 위에 있을 때, a 의 값을 구하여라.

[배점 4, 중중]

▶ 답:

 $\triangleright$  정답 :  $\frac{7}{2}$ 

# 해설

$$5(a-2) + 3(-a+3) = 6,$$
  

$$5a - 10 - 3a + 9 = 6$$
  

$$\therefore a = \frac{7}{2}$$

**21.** 일차방정식 px - 2y = 7 의 한 해가 (1, q) 이고, 또 다른 한 해가 (5, 4) 일 때, q 의 값을 구하여라.

[배점 4, 중중]

▶ 답:

▷ 정답: -2

# 해설

(5, 4)를 px - 2y = 7에 대입하면

$$5p - 8 = 7 \qquad \therefore p = 3$$

3x-2y=7에  $(1,\ q)$ 를 대입하면

$$3 - 2q = 7 \qquad \therefore q = -2$$

22. 갑, 을 두 사람이 같이 하면 15 일만에 끝낼 수 있는 일을 갑이 14 일간 하고, 남은 일은 을이 18 일걸려서 끝냈다. 갑이 하루에 할 수 있는 일의 양을 x, 을이 하루에 할 수 있는 일의 양 y 라고 할 때, x, y 에 대한 연립방정식으로 나타내면?
[배점 4, 중중]

$$\begin{array}{c}
\boxed{1} \begin{cases}
15x + 15y = 1 \\
14x + 18y = 1
\end{cases} \\
x + y = 15 \\
x - y = 4
\end{cases} \\
\boxed{3} \begin{cases}
15x - 15y = 1 \\
14x - 18y = 1
\end{cases} \\
4x + 15y = 1
\end{cases} \\
4x + 14y = 1
\end{cases} \\
4x + 15y = 15
\end{cases} \\
4x + 14y = 1
\end{cases}$$

## 해설

갑이 하루에 할 수 있는 일의 양을 x , 을이 하루에 할 수 있는 일의 양을 y라 하고, 전체의 양을 1이라

하면 
$$\begin{cases} 15x + 15y = 1 \\ 14x + 18y = 1 \end{cases}$$
와 같은 식이 나온다.

**23.** x, y 에 관한 일차방정식 3x - ay - 5 = 0 의 한 해가 (5, 2) 이다. y = -1 일 때, x 의 값은?

[배점 4, 중중]

- $\bigcirc 1 -2 \bigcirc 2 -1 \bigcirc 3 \bigcirc 0$
- 4 1
- (5) 2

# 해설

- (5, 2) = 3x ay 5 = 0 에 대입하면
- 15 2a 5 = 0 : a = 5
- 3x 5y 5 = 0 에 y = -1 을 대입하면
- 3x + 5 5 = 0
- $\therefore x = 0$
- **24.** x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 4x + y = 13 의 해 중에서 x > y 인 것의 개수는? [배점 4, 중중]
  - ① 1 개
- ② 2 개
- ③ 3 개

- ④ 4 개
- ⑤ 5 개

4x + y = 13 의 해는 (1, 9), (2, 5), (3, 1) 이고, 그 중 x > y 를 만족하는 것은 (3, 1) 이다.

- **25.** 다음 일차방정식 중에서 순서쌍 (-1, 4) 가 해가 되는 것을 모두 고르면? [배점 4, 중중]

  - ① 3x 2y = -11 ②  $4x \frac{3}{2}y = 10$
  - 3 -2x + 3y = 14 4 -7x + 2y = 5
  - $\bigcirc$  -0.5x + 2.5y = 11

(-1, 4)를 대입했을 때 참이 되는 식은 ①, ③뿐 이다.

**26.** 다음 보기에서 일차방정식 2x + y = 6 에 대한 설명으 로 옳은 것을 모두 고른 것은?

- ⊙ 그래프는 제 1,2,4 사분면 위에 나타난다.
- 미지수가 두 개인 일차방정식이다.
- 주어진 일차방정식의 해를 좌표평면 위에 나타내면 한 직선위의 점들이 된다.
- ② 해의 개수는 유한개이다.
- ① 그래프를 그리면 직선 그래프가 그려진다.

[배점 5, 중상]

- ① ①, ①, ②
- 2 7, 5, 9
- 3 (L), (E), (E), (H)
- (4)  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$
- $\bigcirc$   $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$

② 일차방정식 2x + y = 6은 해가 무수히 많다.

**27.** 다음 보기에서 일차방정식 2x - 3y = 6 에 대한 설명 으로 옳은 것을 모두 고른 것은?

보기

- $\bigcirc$  어떤 x 의 값에 대해서도 y 의 값을 구할 수 있다.
- ① 주어진 일차방정식을 만족하는 순서상 (x, y)는 무수히 많다.
- © 주어진 일차방정식의 해를 좌표평면 위에 나타내면 한 직선위의 점들이 된다.
- ② 일차방정식 2x-3y=6 을 직선의 방정식 이라고 한다.
- $\square$  직선 위에 있는 점의 좌표인 순서쌍 (x, y)) 중에는 주어진 일차방정식의 해가 아닌 것도 있다.
- 📵 그래프를 그리면 직선 그래프가 그려진다.

[배점 5, 중상]

- ① ①, ①, ②
- 2 7, 0, 0

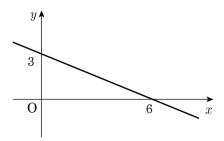
- (5) (1), (1), (2), (2), (3)

방정식의 해이다.

- ${f 28}$ . 일차방정식 4x 7y = 5 의 해의 집합을 A 라고 하고, 일차방정식 -5x + 3y = 9 의 해의 집합을 B 라고 하  $\begin{cases} 4x - 7y = 5 \\ -5x + 3y = 9 \end{cases}$ 의 해의 집합을 C라고 할 때, 다음 중 A, B, C 의 관계를 옳게 표시한 것은? [배점 5, 중상]
  - ①  $C = A^c \cup B^c$
- $\bigcirc C = A \cap B^c$ 
  - ③  $C = (A \cup B)^c$  ④  $C = A (A \cap B)$
- - $(\mathfrak{S})C = A \cap B$

연립방정식의 해는 두 방정식의 공통된 해이므로 연립방정식의 해의 집합 C 는 두 일차방정식의 해의 집합 A, B 의 교집합이다. 즉,  $C = A \cap B$ 이다.

**29.** 다음 그림은 일차방정식 ax - by + 6 = 0 의 그래프 이다. 순서쌍(4, m), (n, 2) 가 이 일차방정식의 해의 일부일 때, m-n 의 값은?



[배점 5, 중상]

① -2 ② -1



- 3 0
- 4 1
- **⑤** 2

# 해설

x 절편과 y 절편을 대입하여 a, b 의 값을 찾는다. (0,3) 을 대입하면, b=2 이고, (6,0) 을 대입하면 a=-1 이다.

따라서 주어진 식은 -x-2y+6=0 이고, 여기에 (4, m) 을 대입하면 m = 1 이고.

(n, 2) 를 대입하면 n = 2 가 된다.

m - n = 1 - 2 = -1

**30.** 배를 타고 강을 8km 올라가는 데 40 분, 내려가는 데 20 분 걸렸다. 이때 배의 속력을 x, 강물의 속력을 y 라고 할 때, 다음 중 x, y를 구하기 위한 연립방정식으로 옳은 것은? (정답 2 개) [배점 5, 중상]

$$\begin{array}{c}
\begin{pmatrix} \frac{8}{x+y} = \frac{2}{3} \\ \frac{8}{x-y} = \frac{1}{3} \\ \frac{8}{x-y} = \frac{2}{3} \\ \frac{8}{x+y} = \frac{1}{3}
\end{pmatrix}$$

$$\begin{cases}
x-y=12
\end{cases}$$

① 
$$\begin{cases} \frac{8}{x+y} = \frac{2}{3} \\ \frac{8}{x-y} = \frac{1}{3} \end{cases}$$
② 
$$\begin{cases} \frac{8}{x-y} = 40 \\ \frac{8}{x+y} = 20 \end{cases}$$
② 
$$\begin{cases} \frac{8}{x+y} = 20 \\ \frac{8}{x+y} = \frac{1}{3} \end{cases}$$
④ 
$$\begin{cases} x+y=12 \\ x-y=24 \end{cases}$$

배의 속력을 x, 강물의 속력을 y 라고 하면 거슬러 올라갈 때의 속력은 x - y, 내려올 때의 속력은 x+y 이므로

**31.** 다음 보기에서 일차방정식 4x + 3y = 19 에 대한 설명 으로 옳지 않은 것은 몇 개인가?

보기

- ⊙ 미지수가 2 개인 일차방정식이다.
- ① x, y 가 자연수일 때, 해는 3쌍이다.
- $\bigcirc$  x, y 가 모든 수일 때, 해의 순서쌍 (x, y) 는 무수히 많이 있다.
- ② x = -2 일 때, y = 3 이다.
- ① y 에 관해 정리하면  $y = \frac{(-4)}{3}x + \frac{19}{3}$  이다.

[배점 5, 중상]

답:

▷ 정답: 2개

① x, y 가 자연수일 때, 해는 (1, 5), (4, 1) 로 2 쌍이다.

- **32.** 일차방정식 x ay + 6 = 0 이 (3, 3), (0, b), (c, 5)를 해로 가질 때, 상수 a, b, c 의 합 a+b+c 의 값은? [배점 5, 중상]
  - ① 10
- 2 11 3 13 4 14
- **⑤** 16

- (3, 3)을 x-ay+6=0에 대입하면 3-3a+6=0, 따라서 a=3
- (0, b) 를 x-3y+6=0 에 대입하면 -3b+6=0,
- (c, 5) 를 x-3y+6=0 에 대입하면 c-15+6=0, 따라서 c=9

- **33.** 미지수가 2 개인 일차방정식  $\frac{x}{2} + \frac{y}{6} = 1$  을 만족하는 x, y 의 값의 비가 1:5 라고 할 때, x-4y 의 값은? [배점 5, 중상]
  - ①  $\frac{7}{3}$
- $\bigcirc -\frac{57}{4}$  ③  $-\frac{7}{3}$

- (4) -2
- (5) 21

x: y = 1: 5 이므로  $y = 5x, \frac{x}{2} + \frac{y}{6} = 1$  에

지급하면 
$$\frac{x}{2} + \frac{5x}{6} = 1$$
 이므로  $x = \frac{3}{4}, y = \frac{15}{4},$  따라서  $x - 4y = \frac{3}{4} - 15 = -\frac{57}{4}$  이다.

**34.** 직선의 방정식 x - 2y = a 가 한 점 (4,1) 를 지나고 bx - 7y = 5 의 직선도 그 점을 지날 때, a - b 의 값을 구하여라. [배점 5, 상하]

# ▶ 답:

정답: -1

(4,1) 을 x-2y=a 에 대입하면, 4-2=a, a = 2

(4,1) 을 bx - 7y = 5 에 대입하면, 4b - 7 = 5, b = 3

따라서 a-b=-1

- **35.** 다음 중에서 한 점 (2, -1) 을 지나는 직선의 방정식을 모두 고르면?(정답 2개) [배점 5, 상하]
  - ① x + 4y = 6
- 3x 2y 8 = 0
- 3 5y + 4x 6 = 0
- 4 -2x 7y = -11
- $\bigcirc -4y = -3x + 10$

## 해설

- ② 3x-2y-8=0 에 (2,-1) 을 대입한다.
- 3(2) 2(-1) 8 = 6 + 2 8 = 0 성립한다.
- ⑤ -4y = -3x + 10 에 (2,-1) 을 대입한다.
- -4(-1) = -3(2) + 10 성립한다.