확인학습문제

1. 다음 중 옳지 않은 것은? [배점 2, 하중]

- ① $\sqrt{20} = 2\sqrt{5}$ ② $\sqrt{27} = 3\sqrt{3}$
- $3\sqrt{48} = 4\sqrt{3}$ $4\sqrt{50} = -5\sqrt{2}$
- $\sqrt{5} \sqrt{28} = -3\sqrt{7}$

$$\bigcirc -\sqrt{28} = -2\sqrt{7}$$

2. $5\sqrt{2} \div 3\sqrt{5} \times 6\sqrt{10}$ 을 간단히 하여라.

[배점 2, 하중]

답:

▷ 정답: 20

$$5\sqrt{2} \div 3\sqrt{5} \times 6\sqrt{10} = 5\sqrt{2} \times \frac{1}{3\sqrt{5}} \times 6\sqrt{10}$$
$$= 10\sqrt{2}\sqrt{2}$$
$$= 10 \times 2$$
$$= 20$$

- **3.** $\frac{1}{\sqrt{18}} = k\sqrt{2}$ 일 때, k 의 값은? [배점 3, 하상]

- ① 3 ② $\frac{1}{3}$ ③ 6 ④ $\frac{1}{6}$ ⑤ 9

$$\frac{1}{\sqrt{18}} = \frac{1}{3\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{6} = k\sqrt{2}$$

$$\therefore k = \frac{1}{6}$$

4. $\frac{2-\sqrt{3}}{\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{6}-\sqrt{2}}{\sqrt{3}}$ 를 간단히 하면?

[배점 3, 하상]

- ① $-\frac{\sqrt{2}}{6}$ ② $-\sqrt{2}$ ③ $-\frac{\sqrt{3}}{6}$ ④ $-\sqrt{3}$

$$\frac{2 - \sqrt{3}}{\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{\sqrt{3}}$$

$$= \frac{(2 - \sqrt{3})\sqrt{2}}{\sqrt{2} \cdot \sqrt{2}} - \frac{(\sqrt{6} - \sqrt{2})\sqrt{3}}{\sqrt{3} \cdot \sqrt{3}}$$

$$= \frac{2\sqrt{2} - \sqrt{6}}{2} - \frac{3\sqrt{2} - \sqrt{6}}{3}$$

$$= \sqrt{2} - \frac{\sqrt{6}}{2} - \sqrt{2} + \frac{\sqrt{6}}{3}$$

$$= \left(-\frac{1}{2} + \frac{1}{3}\right)\sqrt{6} = -\frac{\sqrt{6}}{6}$$

- **5.** x, y > 0 에 대하여 $\sqrt{500} = x\sqrt{y}$ (단, y 는 소수이다.) 일 때, x + y의 값을 구하라. [배점 3, 하상]
 - ▶ 답:

➢ 정답: 15

$$\sqrt{500} = 10\sqrt{5} = x\sqrt{y}$$
이므로 $x = 10, y = 5$ 따라서 $x + y = 15$ 이다.

- 6. $3\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{2}} = \Box\sqrt{5}$ 의 수로 나타내었을 때, \Box 안에 들어갈 알맞은 수를 써라. [배점 3, 하상]
 - 답:
 - ▷ 정답: 3

$$3\sqrt{2\times\frac{5}{2}} = 3\sqrt{5}$$

- 7. 밑변의 길이가 $\frac{1}{\sqrt{2}}$ cm , 높이가 $\sqrt{8}$ cm 인 삼각형의 넓이를 구하여라. [배점 3, 하상]
 - 답:
 - ▷ 정답: 1

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{\sqrt{2}} \times \sqrt{8} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{\sqrt{2}} \times 2\sqrt{2} = 1$$

- 8. $\sqrt{6} \times \sqrt{3} \div \sqrt{12}$ 을 간단히 한 것은?
 - [배점 3, 하상]

- ① $\sqrt{2}$ ② $2\sqrt{2}$
- $3\sqrt{2}$
- $\sqrt[4]{\frac{\sqrt{6}}{2}}$ $\sqrt[3]{2\sqrt{2}}$

$$\sqrt{6} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{12}} = \sqrt{\frac{6 \times 3}{12}} = \sqrt{\frac{18}{12}} = \sqrt{\frac{3}{2}} = \frac{\sqrt{6}}{2}$$

9. 다음 중 계산 결과가 옳은 것의 개수는?

$$2\sqrt{3} \div \sqrt{6} = \sqrt{2}$$

[배점 3, 하상]

- ① 1개
- ②2 개
- ③ 3개

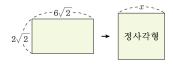
- ④ 4 개
- ⑤ 5 개

$$2\sqrt{3} \div \sqrt{6} = \sqrt{2}$$

$$\bigcirc$$
 $8\sqrt{7} \div \sqrt{2} = 4\sqrt{14}$ 이므로

옳은 것은 ⊙, ⊜ 두 개이다.

10. 가로의 길이가 $6\sqrt{2}$ 이고, 세로의 길이가 $2\sqrt{2}$ 인 직 사각형과 넓이가 같은 정사각형의 한 변의 길이 x 를 $a\sqrt{b}$ 의 꼴로 나타내어라. (단, b 는 제곱인 인수가 없는 자연수)



[배점 3, 중하]

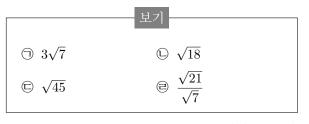
▶ 답:

ightharpoonup 정답: $2\sqrt{6}$

해설

직사각형의 넓이는 $6\sqrt{2} \times 2\sqrt{2} = 24$ 이다. 따라서 $x^2 = 24$ 이므로 정사각형의 한 변의 길이 는 $\sqrt{24} = 2\sqrt{6}$ 이다.

11. 다음 보기의 수를 $a\sqrt{b}$ 로 나타냈을 때, a 가 <u>다른</u> 하나를 골라라.



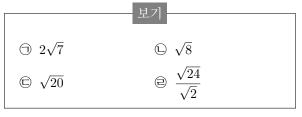
[배점 3, 중하]

- ▶ 답:
- ▷ 정답: ②

해설

① $\sqrt{18}=3\sqrt{2},$ ② $\sqrt{45}=3\sqrt{5},$ ② $\frac{\sqrt{21}}{\sqrt{7}}=\sqrt{3}$ 따라서 a 가 다른 하나는 ②이다.

12. 다음 보기의 수를 $a\sqrt{b}$ 로 나타냈을 때, a 가 같은 것을 모두 찾아라.



[배점 3, 중하]

- ▶ 답:
- ▶ 답:
- ▶ 답:
- 답:> 정답: □
- ▷ 정답:
 □
- ▷ 정답 : ②▷ 정답 : ②

해설

- $\bigcirc \sqrt{8} = 2\sqrt{2}, \ \bigcirc \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$
- ② $\frac{\sqrt{24}}{\sqrt{2}}=\sqrt{12}=2\sqrt{3}$ 따라서 a 가 같은 것은 ①, ②, ②, ②이다.
- 13. $\sqrt{0.24} \div \sqrt{0.06} \div \sqrt{0.04}$ 를 간단히 하면? [배점 3, 중하]
 - ① 6 ② 8 ③ 10 ④ 12 ⑤ 14

제설
$$\sqrt{\frac{24}{100}} \times \sqrt{\frac{100}{6}} \times \sqrt{\frac{100}{4}} = \sqrt{100} = 10$$

- **14.** $-3\sqrt{30} \div \sqrt{5} \div \sqrt{\frac{3}{5}} = n\sqrt{10}$ 일 때, n 의 값을 구하여 **16.** $2\sqrt{2} \times 5\sqrt{6} \div \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}}$ 을 계산하면?
 - ▶ 답:
 - ightharpoonup 정답: n=-3

이일
$$-3\sqrt{30} \div \sqrt{5} \div \sqrt{\frac{3}{5}} = -3\sqrt{30} \times \frac{1}{\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{3}} = -3\sqrt{10}$$
 따라서 $n = -3$ 이다.

- $15. -\sqrt{3} \times \sqrt{\frac{2}{3}} \times \sqrt{\frac{3}{2}}$ 를 간단히 하면? [배점 3, 중하]
- ① $\sqrt{2}$ ② $-\sqrt{2}$ ③ $\sqrt{3}$
- $\bigcirc 4 \sqrt{3}$ $\bigcirc \sqrt{5}$

$$-\sqrt{3} \times \sqrt{\frac{2}{3}} \times \sqrt{\frac{3}{2}} = -\sqrt{3 \times \frac{2}{3} \times \frac{3}{2}} = -\sqrt{3}$$

- [배점 3, 중하]
 - ① $3\sqrt{2}$
- ② $6\sqrt{3}$
- ③ $12\sqrt{5}$

- $4 12\sqrt{6}$ $20\sqrt{5}$

$$(\stackrel{\mathbf{Z}}{\overset{\wedge}{\Box}}) = 2\sqrt{2} \times 5\sqrt{6} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{3}}$$
$$= 2 \times 5\sqrt{2 \times 6 \times \frac{5}{3}}$$
$$= 10\sqrt{2 \times 2 \times 5}$$
$$= 10 \times 2\sqrt{5}$$
$$= 20\sqrt{5}$$

17. $2\sqrt{a\sqrt{3}} = 24$ 일 때, a 를 구하여라.

[배점 3, 중하]

- ightharpoonup 정답: $48\sqrt{3}$

$$2\sqrt{a\sqrt{3}} = 24$$

$$\sqrt{a\sqrt{3}} = 12$$

$$a\sqrt{3} = 144$$

$$\therefore a = \frac{144}{\sqrt{3}} = \frac{144}{3}\sqrt{3} = 48\sqrt{3}$$

- **18.** $a = -\sqrt{5}, b = \sqrt{3}$ 일 때, $2a^2 (-b)^2$ 의 값을 구하여 라. [배점 4, 중중]
 - ▶ 답:
 - ▷ 정답: 7

$$2a^{2} - (-b)^{2} = 2(-\sqrt{5})^{2} - (-\sqrt{3})^{2} = 2 \times 5 - 3 = 7$$

- **19.** $\frac{\sqrt{5}-\sqrt{6}}{\sqrt{2}}-\frac{\sqrt{2}-\sqrt{15}}{\sqrt{5}}=a\sqrt{3}+b\sqrt{10}$ 일 때, 유리수 a,b 에 대하여 a+b 의 값은? [배점 4, 중중]
- ① $-\frac{17}{10}$ ② 0 ③ $\frac{3}{10}$ ④ $\frac{13}{10}$ ⑤ $\frac{23}{10}$

$$\frac{\sqrt{5} - \sqrt{6}}{\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{2} - \sqrt{15}}{\sqrt{5}}$$

$$= \frac{(\sqrt{5} - \sqrt{6})\sqrt{5} - (\sqrt{2} - \sqrt{15})\sqrt{2}}{\sqrt{10}}$$

$$= \frac{5 - \sqrt{30} + \sqrt{30} - 2}{\sqrt{10}}$$

$$= \frac{3}{\sqrt{10}}$$

$$= \frac{3\sqrt{10}}{10}$$

$$\therefore a = 0, b = \frac{3}{10} \ \Box = a + b = \frac{3}{10}$$

- **20.** $\sqrt{2} \times \sqrt{3} \times \sqrt{a} \times \sqrt{12} \times \sqrt{2a} = 24$ 일 때, 자연수 a 의 값을 구하여라. [배점 4, 중중]
 - 답:
 - ▷ 정답: 2

$$\sqrt{2 \times 3 \times a \times 12 \times 2a} = 24$$

$$\sqrt{4^2 \times 3^2 \times a^2} = 24$$

$$12\sqrt{a^2} = 24$$

$$12a = 24$$

$$\therefore a=2$$

- **21.** $y = a\sqrt{x}$ 에서 x = 5 일 때, y = 10 이다. x = 10 일 때, y 를 구하여라. [배점 4, 중중]
 - ▶ 답:
 - ightharpoonup 정답: $10\sqrt{2}$

$$10 = a\sqrt{5}$$

$$\therefore a = \frac{10}{\sqrt{5}} = 2\sqrt{5}$$

$$y = 2\sqrt{5}\sqrt{10} = 2\sqrt{5 \times 5 \times 2} = 10\sqrt{2}$$

- **22.** $2\sqrt{6} \div 3\sqrt{3} \times \frac{3}{\sqrt{2}}$ 을 간단히 하여라.
 - [배점 4, 중중]

- ▶ 답:
- ▷ 정답: 2

$$2\sqrt{6} \div 3\sqrt{3} \times \frac{3}{\sqrt{2}} = 2\sqrt{6} \times \frac{1}{3\sqrt{3}} \times \frac{3}{\sqrt{2}} = 2$$

- $\textbf{23.} \ \, \frac{3}{\sqrt{2}} \div 2\sqrt{3} \times \sqrt{\frac{5}{2}} \ {\stackrel{\text{\tiny def}}{=}} \ {$

- ① $\sqrt{2}$ ② $\frac{\sqrt{5}}{2}$ ③ $\sqrt{5}$ ④ $\frac{\sqrt{15}}{4}$ ⑤ $\sqrt{15}$

$$\frac{3}{\sqrt{2}} \div 2\sqrt{3} \times \sqrt{\frac{5}{2}} = \frac{3}{\sqrt{2}} \times \frac{1}{2\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{5}}{4\sqrt{3}} = \frac{3\sqrt{5} \times \sqrt{3}}{4\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{\sqrt{15}}{4}$$

- **24.** $\sqrt{12} \times \sqrt{15} \times \sqrt{35} = a\sqrt{7}$ 일 때 a 의 값을 구하면? [배점 4, 중중]
 - ① 6

- ② 15 ③ 24 ④ 30
- ⑤ 36

$$2\sqrt{3} \times \sqrt{3} \times \sqrt{5} \times \sqrt{5} \times \sqrt{7} = 30\sqrt{7}$$

의 값이 $\frac{t}{s}$ 라고 한다. t+s 의 값을 구하시오.(단, t, s는 서로소)

답:

▷ 정답: 8

$$\frac{2\sqrt{2}}{\sqrt{10}} = \sqrt{\frac{2^2 \times 2}{10}} = \sqrt{\frac{4}{5}} : a = \frac{4}{5}$$

$$\frac{5}{2\sqrt{3}} = \sqrt{\frac{5^2}{2^2 \times 3}} = \sqrt{\frac{25}{12}} : b = \frac{25}{12}$$

$$\therefore ab = \frac{4}{5} \times \frac{25}{12} = \frac{5}{3}$$
따라서 $t = 5$, $s = 3$ 이므로 $t + s = 8$ 이다.

- **26.** $\frac{k(2\sqrt{2}-\sqrt{3})}{\sqrt{3}} 2\sqrt{3} + 2\sqrt{3}(1-\sqrt{2})$ 가 유리수가 되도록 하는 유리수 k 의 값은? [배점 5, 중상]
- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

$$\frac{k(2\sqrt{2}-\sqrt{3})}{\sqrt{3}} - 2\sqrt{3} + 2\sqrt{3}(1-\sqrt{2})$$

$$= \frac{k(2\sqrt{2}-\sqrt{3})\sqrt{3}}{3} - 2\sqrt{3} + 2\sqrt{3} - 2\sqrt{6}$$

$$= \frac{k(2\sqrt{2}-\sqrt{3})\sqrt{3}}{3} - 2\sqrt{3} + 2\sqrt{3} - 2\sqrt{6}$$

$$= \frac{2k\sqrt{6}}{3} - k - 2\sqrt{6}$$
값이 유리수가 된다고 했으니 $\frac{2k\sqrt{6}}{3} - k - 2\sqrt{6}$ 는 유리수
$$\therefore \frac{2k\sqrt{6}}{3} = 2\sqrt{6} \rightarrow k = 3$$

- $27.\sqrt{22} imes \sqrt{rac{8}{77}} imes \sqrt{28} = 4\sqrt{x}$ 일 때, 양수 x 의 값을
 - ▶ 답:
 - ▷ 정답: 4

$$\sqrt{22} \times \sqrt{\frac{8}{77}} \times \sqrt{28} = \sqrt{22 \times \frac{8}{77} \times 28} = 8 = 4\sqrt{4}$$

28. 다음을 만족하는 유리수 a, b, c에 대하여 $\sqrt{\frac{2ab}{c}}$ 의 값은?

$$\frac{1}{2}\sqrt{8} = \sqrt{a}, \sqrt{135} = 3\sqrt{b}, \sqrt{2000} = c\sqrt{5}$$

[배점 5, 중상]

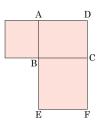
- ① $\sqrt{2}$ ② $\sqrt{3}$ ③ 2 ④ $\sqrt{5}$ ⑤ $\sqrt{6}$

$$\frac{1}{2}\sqrt{8} = \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 \times 8} = \sqrt{\frac{8}{4}} = \sqrt{2} = \sqrt{a} \quad \therefore a = 2$$

 $\sqrt{135} = \sqrt{3^3 \times 5} = 3\sqrt{15} = 3\sqrt{b}$: b = 15 $\sqrt{2000} = \sqrt{20^2 \times 5} = 20\sqrt{5} = c\sqrt{5} \quad \therefore c = 20$ $\therefore \sqrt{\frac{2ab}{c}} = \sqrt{\frac{2 \times 2 \times 15}{20}} = \sqrt{3}$

- **29.** $\sqrt{30-a} = 2\sqrt{7}$ 일 때, a의 값은? [배점 5, 중상]
 - \bigcirc 0
- ② 1
- ④ 3
- (5) 4
- $\sqrt{30-a} = 2\sqrt{7} = \sqrt{28}$ 이므로 a = 2 이다.

30. 다음 그림과 같이 정사각형 BEFC의 넓이가 8이고, 직사각형 ABCD의 넓이가 $\sqrt{40}$ 일 때, \overline{AB} 의 길이는?



[배점 5, 중상]

- ① $\sqrt{2}$ ② $\sqrt{3}$ ③ 2

- $\sqrt{5}$ $\sqrt{6}$

BEFC의 넓이가 8이므로 $\overline{BC} = \sqrt{8}$ 이고 ABCD 의 넓이가 $\sqrt{40}$ 이므로 $\sqrt{40} = \sqrt{8} \times \overline{AB}$ 이다. 따 라서 $\overline{AB} = \sqrt{5}$ 이다.

- **31.** x, y > 0 이코, $\sqrt{\frac{6}{x}} \times \sqrt{3x^2} \times \sqrt{18x} = 90, y = x + 2$ 일 때, $3\sqrt{7} \times \frac{1}{\sqrt{y}} \times \sqrt{y-3}$ 의 값을 구하여라. [배점 5, 중상]
 - 답:
 - ▷ 정답: 6

 $\sqrt{\frac{6}{x}} \times \sqrt{3x^2} \times \sqrt{18x} = \sqrt{\frac{6}{x} \times 3x^2 \times 18x} =$ $\sqrt{18^2 \times x^2} = 18x = 90$ 이므로 $x = \frac{90}{18} = 5$ y=x+2 이므로 y=7 따라서 $3\sqrt{7}\times\frac{1}{\sqrt{y}}\times\sqrt{y-3}=3\sqrt{7}\times\frac{1}{\sqrt{7}}\times\sqrt{4}=$

- **32.** $\sqrt{6} \times a\sqrt{6} = 18$, $\sqrt{5} \times \sqrt{b} = 15$, $\sqrt{1.28} = \sqrt{2} \div \frac{10}{c}$ 일 때, 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은? [배점 5, 중상]
 - ① a < c
- ② $a \times c < b$
- ③ $b < a^2 + c^2$ ④ $a < \frac{b}{a}$
- $\frac{a}{c} < \frac{1}{b}$

$$\sqrt{6} \times a\sqrt{6} = 18 \to 18 \div \sqrt{6} = \frac{18}{\sqrt{6}} = \sqrt{\frac{18 \times 18}{6}} = \sqrt{54} = 3\sqrt{6}$$

$$\sqrt{5} \times \sqrt{b} = 15 \to 15 \div \sqrt{5} = \frac{15}{\sqrt{5}} = \sqrt{\frac{15 \times 15}{5}} = \sqrt{45}$$

$$\sqrt{1.28} = \sqrt{2} \div \frac{10}{c} \to \sqrt{1.28} \div \sqrt{2} \times 10 = \sqrt{\frac{128}{100}} \times \frac{1}{\sqrt{2}} \times 10 = \sqrt{64} = 8$$
따라서 $a = 3, b = 45, c = 8$ 이므로

- ① $3 < 8 \rightarrow a < c$
- $2 3 \times 8 < 45 \rightarrow a \times c < b$
- ③ $45 < 9 + 64 \rightarrow b < a^2 + c^2$ ④ $3 < \frac{45}{8} \rightarrow a < \frac{b}{c}$
- ⑤ $\frac{1}{45} < \frac{3}{8} \rightarrow \frac{1}{b} < \frac{a}{c}$ 이다.
- **33.** 제곱근의 나눗셈을 이용하여 $\sqrt{33}$ 은 $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{11}}$ 의 몇 배인 지 구하여라. [배점 5. 중상

 - 답: ▷ 정답: 11 배

$$\sqrt{33} \div \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{11}} = \sqrt{33} \times \frac{\sqrt{11}}{\sqrt{3}} = \sqrt{\frac{33 \times 11}{3}} = \sqrt{11 \times 11} = 11$$

따라서 $\sqrt{33}$ 은 $\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{11}}$ 의 11 배이다.

- **34.** $\frac{6^{10}}{12^5} = \sqrt{9^a}$, $\sqrt{\frac{8^{10}}{8^4}} = 2^b$ 일 때, a+b 의 값을 구하여
 - 답:
 - ▷ 정답: 14

$$\frac{6^{10}}{12^5} = \frac{2^{10} \times 3^{10}}{2^5 \times 2^5 \times 3^5} = 3^5 = \sqrt{(3^2)^5} = \sqrt{9^5}$$

$$\sqrt{\frac{8^{10}}{8^4}} = \sqrt{8^6} = \sqrt{(8^3)^2} = 8^3 = 2^9$$

$$a = 5, b = 9$$
이므로 $a + b = 5 + 9 = 14$

- **35.** $\sqrt{3}(\sqrt{2}-\sqrt{3})-\frac{2\sqrt{3}-\sqrt{8}}{\sqrt{2}}$ 을 계산하면? [배점 5, 상하]
 - ① $\frac{-7-\sqrt{6}}{2}$ ② $\frac{-1-\sqrt{6}}{2}$ ③ -1
- $4 \frac{1-\sqrt{6}}{2}$ $5 \frac{7-\sqrt{6}}{2}$

$$\sqrt{3}(\sqrt{2} - \sqrt{3}) - \frac{2\sqrt{3} - \sqrt{8}}{\sqrt{2}} = \sqrt{6} - 3 - \frac{2\sqrt{6} - 4}{2} = -1$$