

단원 종합 평가

1. 연립방정식 $\begin{cases} \frac{y}{2} - \frac{x}{3} + 2 = 0 \\ 2x + 3y = 4 \end{cases}$ 의 해가 일차방정식 $3y = x - a$ 를 만족할 때, 상수 a 의 값은?
[배점 3, 하상]

① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

해설

$$\begin{cases} 3y - 2x + 12 = 0 \\ 2x + 3y = 4 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} -2x + 3y = -12 \cdots \textcircled{1} \\ 2x + 3y = 4 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{1} + \textcircled{2}$ 을 하면 $x = 4, y = -\frac{4}{3}$ 이다.
따라서 $3y = x - a$ 에서
 $3 \times \left(-\frac{4}{3}\right) = 4 - a$
 $-4 = 4 - a$
 $\therefore a = 8$

2. 어느 주차장에 자전거와 자동차가 합하여 14대가 있고, 바퀴의 수는 38개였다. 자전거의 수는?
[배점 3, 하상]

① 5 대 ② 6 대 ③ 7 대
④ 8 대 ⑤ 9 대

해설

자전거를 x 대, 자동차를 y 대라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 14 \\ 2x + 4y = 38 \end{cases}$$

연립하여 풀면 $x = 9, y = 5$ 이다.

3. 두 순서쌍 $(3, -1), (b, 4)$ 이 일차방정식 $ax + 2y - 4 = 0$ 의 해일 때, a, b 값을 차례대로 구하여라.
[배점 3, 중하]

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: $a = 2$

▶ 정답: $b = -2$

해설

주어진 순서쌍을 차례로 식에 대입한다.
 $a \times 3 + 2 \times (-1) - 4 = 3a - 6 = 0$ 에서
 $a = 2$
 $2b + 2 \times 4 - 4 = 2b + 4 = 0$ 에서
 $b = -2$

4. 아름이는 반 친구들에게 선물하기 위해 700 원짜리 공책과 500 원 짜리 볼펜을 합하여 45 개를 사는데 27500 원을 지불하였다고 할 때, 공책과 볼펜은 각각 몇 개인지 구하여라.
[배점 3, 중하]

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답: 공책 25 개

▶ 정답: 볼펜 20 개

해설

공책의 개수를 x 개, 볼펜의 개수를 y 개라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 45 \\ 700x + 500y = 27500 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x + y = 45 \cdots \textcircled{1} \\ 7x + 5y = 275 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{1} \times 5 - \textcircled{2}$ 을 하면 $x = 25$ 이다.
 x 를 $\textcircled{1}$ 에 대입하면 $y = 20$ 이다.
따라서 공책 25 개, 볼펜 20 개를 샀다.

5. 정효네 받은 미사리 조정경기장에서 2 인용 보트와 3 인용 보트 7 대를 빌려 17 명이 탔을 때, 2 인용 보트는 몇 대 빌렸는가? [배점 3, 중하]

① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

해설

2 인용 보트 : x 대, 3 인용 보트 : y 대라 하면

$$\begin{cases} x + y = 7 \\ 2x + 3y = 17 \end{cases} \quad \text{에서 } x = 4, y = 3$$

6. $(a + 3, -6)$ 이 일차방정식 $4x - 3y = -2$ 의 그래프 위에 있을 때, 상수 a 의 값은? [배점 4, 중중]

① 6 ② -8 ③ 8 ④ 1 ⑤ 3

해설

$4(a + 3) - 3 \times (-6) = -2$ 이고, $4a = -32$
정리하면 $a = -8$ 이 나온다.

7. 다음 보기 중에서 두 일차방정식을 한 쌍으로 하는 연립방정식을 만들었을 때, 해가 무수히 많은 것은?

보기

㉠ $-\frac{y}{2} - x = \frac{1}{4}$

㉡ $0.2x + 0.1y = -0.7$

㉢ $0.4x + 0.2y = -0.1$

㉤ $\frac{x}{3} + y = -1$

[배점 4, 중중]

① ㉠, ㉡ ② ㉠, ㉢ ③ ㉡, ㉤
④ ㉢, ㉤ ⑤ ㉢, ㉤

해설

㉠식에 $\times(-4)$ 를 하면 $4x + 2y = -1$, ㉢식에 $\times 10$ 을 하면 $4x + 2y = -1$ 이 되어 두 식이 일치하게 되므로 ㉠과 ㉢을 한 쌍으로 하는 연립방정식은 해가 무수히 많다.

8. 다음 두 연립방정식의 해가 같을 때, ab 의 값은?

$$\begin{cases} ax + by = -11 \\ x - y = 3 \end{cases}, \begin{cases} x - 2y = 8 \\ ax - by = -1 \end{cases}$$

[배점 4, 중중]

- ① -5 ② -2 ③ 0 ④ 1 ⑤ 3

해설

$\begin{cases} x - y = 3 \\ x - 2y = 8 \end{cases}$ 을 연립하여 풀면 $x = -2, y = -5$ 가 나오고, 이 값을 나머지 두 식에 대입하여 풀면 $a = 3, b = 1$ 이 나온다.
따라서 $ab = 3$ 이다.

9. 다음의 연립방정식을 대입법을 이용하여 풀었을 때, 이를 만족하는 해 (x, y) 가 사분면에서 다른 곳에 위치하는 것은? [배점 4, 중중]

- ① $\begin{cases} 3x = 5 - y \\ 3x - 6y = -9 \end{cases}$ ② $\begin{cases} y = 2x - 1 \\ x - y = 3 \end{cases}$
③ $\begin{cases} x = 2y + 1 \\ x + y = 7 \end{cases}$ ④ $\begin{cases} y = x + 4 \\ 3x + y = 12 \end{cases}$
⑤ $\begin{cases} x = 2y - 3 \\ x + 3y = 7 \end{cases}$

해설

- ① $x = 1, y = 2$
② $x = -2, y = -5$
③ $x = 5, y = 2$
④ $x = 2, y = 6$
⑤ $x = 1, y = 2$

10. 구리와 아연이 반씩 든 합금 A 와 구리와 아연의 포함 비율이 3 : 1 인 합금 B 를 합하여 구리와 아연의 포함 비율이 3 : 2 인 합금 450kg 을 만들었다. 합금 B 의 무게는? [배점 4, 중중]

- ① 45kg ② 135kg ③ 180kg
④ 200kg ⑤ 300kg

해설

A 의 무게를 x kg, B 의 무게를 y kg이라 하면
 $\begin{cases} x + y = 450 \\ \frac{1}{2}x + \frac{3}{4}y = \frac{3}{5} \times 450 \end{cases}$
 $\therefore x = 270, y = 180$

11. 두 자리의 자연수 a, b 가 있다. a 는 4 의 배수이고 b 보다 14 가 작다. 또, b 의 일의 자리의 숫자와 십의 자리의 숫자를 바꾼 수는 a 보다 22가 작다. a, b 를 각각 구하여라. [배점 5, 중상]

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = 48$

▷ 정답 : $b = 62$

해설

a 는 b 보다 14 가 작으므로 $a = b - 14 \dots \textcircled{1}$

b 의 십의 자리의 숫자를 x , 일의 자리의 숫자를 y 라고 하면

$b = 10x + y \dots \textcircled{2}$ 이고,

일의 자리의 숫자와 십의 자리의 숫자를 바꾼 수 $10y + x$ 는 a 보다 22 가 작으므로

$10y + x = a - 22$ 이다.

$\textcircled{1}, \textcircled{2}$ 에서 $a = 10x + y - 14$ 이고 $10y + x = a - 22$ 에 대입하면

$10y + x = 10x + y - 14 - 22$ 이다.

따라서 $y = x - 4 \dots \textcircled{3}$ 이다.

$\textcircled{1}$ 에서 a 는 두 자리의 자연수이므로

$10 \leq b - 14 \leq 99$ 이다. 따라서 $24 \leq b \leq 113$

또, b 도 두 자리의 자연수이므로 $24 \leq b \leq 99$ 이다.

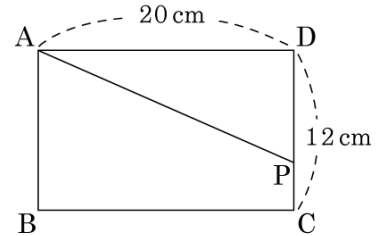
$24 \leq 10x + y \leq 99$ 이면서 $\textcircled{3}$ 을 만족하는 x, y 는 $(x, y) = (5, 1), (6, 2), (7, 3), (8, 4), (9, 5)$

따라서 $b = 51, 62, 73, 84, 95$

이 때, $a = 37, 48, 59, 70, 81$ 이고, 이 중에서 4 의 배수는 48 뿐이므로

$a = 48, b = 62$ 이다.

12. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 직사각형이다. 점 P가 점 A 를 출발하여 매초 2 cm의 속력으로 직사각형의 둘레를 따라 점 B, C, D까지 움직이는 점이라고 할 때, x 초 후에 $\square ABCP$ 의 넓이를 $y \text{ cm}^2$ 라고 한다. 점 P가 $\overline{CD}$ 위에 있을 때, y 를 x 에 관한 식으로 나타내면?



[배점 5, 중상]

① $y = 44 - 2x$

② $y = 20x + 240$

③ $y = 20x - 200$

④ $y = 240 - 20x$

⑤ $y = 240 - 10x$

해설

점 P는 매초 2 cm 씩 움직이므로 x 초 후에는 $2x \text{ cm}$ 움직이게 된다.

$$\therefore \overline{DP} = \overline{AB} + \overline{BC} + \overline{CD} - 2x = 44 - 2x$$

$$\triangle ADP = \frac{1}{2} \times 20 \times \overline{DP} = 440 - 20x$$

$$\therefore \square ABCP = (20 \times 12) - (440 - 20x)$$

$$= 240 - 440 + 20x$$

$$= 20x - 200 (\text{cm}^2)$$

$$\therefore y = 20x - 200$$

13. 3년 전 아버지의 나이는 현선의 나이의 4 배였는데 1년 후에는 아버지의 나이가 현선의 나이의 3 배보다 1 살이 많아진다고 한다. 현재 아버지와 현선의 나이의 합을 구하여라. [배점 5, 중상]

▶ 답 :

▷ 정답 : 51세

해설

현재 아버지의 나이를 x 세, 현선의 나이를 y 세라 하면

$$\begin{cases} x - 3 = 4(y - 3) \\ x + 1 = 3(y + 1) + 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = 4y - 9 & \cdots (1) \\ x = 3y + 3 & \cdots (2) \end{cases}$$

(1)을 (2)에 대입하면

$$4y - 9 = 3y + 3$$

$$y = 12, x = 3y + 3 = 39$$

따라서 현재 아버지의 나이와 현선의 나이의 합은 $39 + 12 = 51$ 이다.

14. 다음 중 일차방정식 $\frac{1}{3}x - \frac{3}{4}y + 2 = 0$ 의 해가 아닌 것은? [배점 5, 상하]

- ① $(-6, 0)$ ② $(3, 4)$ ③ $(0, 8)$
④ $(-3, \frac{4}{3})$ ⑤ $(6, \frac{16}{3})$

해설

$x = 0, y = 8$ 일 때

$$\frac{1}{3} \times 0 - \frac{3}{4} \times 8 + 2 \neq 0 \text{ 이므로 해가 아니다.}$$

15. 다음에서 미지수가 2 개인 일차방정식을 모두 고르면? (정답 2개) [배점 5, 상하]

① $x = y$

② $\frac{2}{x} + \frac{2}{y} = 1$

③ $2x + y = y + 2$

④ $x + y + z^2 = 2y + z^2 + 2$

⑤ $y = x(x - 1)$

해설

$$ax + by + c = 0 (a, b, c \text{는 상수}, a \neq 0, b \neq 0)$$

① $x = y \therefore x - y = 0$,

④ $x + y + z^2 = 2y + z^2 + 2 \therefore x - y - 2 = 0$