단원 종합 평가

[배점 3, 중하]

x 의 값보다 2 만큼 더 클 때, k 의 값을 구하여라.

▶ 답: > **정답**: -6

y = x + 2 이므로 2x + 3(x + 2) = 12x + 3x + 6 = 1

5x = -5

x = -1

y = 1

(-1, 1) 을 kx = 3y + 3 에 대입하면

-k = 3 + 3

k = -6

 $\begin{cases} 2x + 3y = 1 \\ kx = 3y + 3 \end{cases}$ 을 만족하는 y 의 값이 $\begin{cases} 3x + ay = a - 1 \\ 2x + 4y = 3 \end{cases}$ 을 만족하는 x 와 y 2 만큼 더 클 때, k 의 값을 구하여라. [배점 3, 중하]

ightharpoons 정답: $rac{26}{5}$

x : y = 2 : 1 이므로 x = 2y 를

2x + 4y = 3 에 대입하면

 $2 \times 2y + 4y = 3$

 $y = \frac{3}{8}$ $x = 2 \times \frac{3}{8} = \frac{3}{4}$ $3x + ay = a - 1 \, \text{에} \left(\frac{3}{4}, \frac{3}{8}\right) \cong \text{대임하면}$ $3 \times \frac{3}{4} + a \times \frac{3}{8} = a - 1$ 18 + 3a = 8a - 8

5a = 26

 $\therefore a = \frac{26}{5}$

3. 순철이가 집에서 16km 떨어진 우체국까지 가기 위해 오전 8 시에 집을 떠나 시속 4km 의 속력으로 걸어가 다가 도중에 자전거를 타고 시속 12km 로 달려 오전 11 시 30 분에 도착하였다. 걸어 간 거리와 자전거를 탄 거리를 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답:

답:

▷ 정답 : 걸어서 간 거리 : 13 km ▷ 정답 : 자전거를 탄 거리 : 3 km

해설

시속 4km 로 걸어 간 거리 xkm, 시속 12km 로 자전거를 탄 거리 ykm 라고 하면,

$$\begin{cases} x+y=16 \\ \frac{x}{4}+\frac{y}{12}=\frac{210}{60} \\ \text{에서 } \bigcirc -\bigcirc \cong \text{하면 } x=13 \, \text{이다.} \ x = \bigcirc \text{에 대} \\ \text{입하면 } y=3 \, \text{이다.} \ \text{따라서 걸어 간 거리는 } 13 \text{km} \\ \text{이고 자전거를 탄 거리는 } 3 \text{km} \, \text{이다.} \end{cases}$$

4. 연립방정식 $\begin{cases} 3x - y = -2 \\ 2x - ky = 7 \end{cases}$ 의 해가 x = a, y = b일 때, 2a - 3b = 8 을 만족한다. 이때 상수 k 의 값은? [배점 4, 중중]

① $-\frac{1}{2}$ ② $-\frac{3}{4}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{3}{4}$

 $\begin{cases} 3x - y = -2 & \cdots ① \\ 2x - ky = 7 & \cdots ② \end{cases}, 2a - 3b = 8 \cdots ③ 이라$

①에 x = a, y = b 를 대입하면

이것을 ②에 대입을 하면 -4 + 4k = 7

$$\therefore k = \frac{11}{4}$$

5. 연립방정식 $\begin{cases} x - y = a \\ 3x + 2y = 9 - a \end{cases}$ 의 해 (x, y) 가 x = x2y 의 관계를 만족할 때, a 의 값은? [배점 4, 중중]

①1 ②2 ③3 ④4 ⑤5

(x, y) 가 x = 2y 의 관계를 만족하므로 주어진 연립방정식에 대입하면

2y - y = a , y = a

 $3 \times 2y + 2y = 9 - a$, 8y = 9 - a

다시 위의 두식을 연립하여 풀면 a = 1, y = 1이다.

- 6. 어느 음반 가게의 이번 달 디스크 판매액이 지난 달에 비해 16% 늘고, 테이프 판매액이 6% 줄어 총 판매액 이 10 만원이 늘어난 210 만원이었다. 이 음반 가게의 이번 달의 디스크 판매액은? [배점 4, 중중]
 - ① 98 만원
- ② 102 만원
- ③ 108 만원
- ④ 112 만원
- ⑤ 116 만원

해설

지난 달의 디스크 판매액을 x 만원, 테이프 판매 액을 y 만원이라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 200 \\ \frac{16}{100}x - \frac{6}{100}y = 10 \\ \therefore x = 100, \ y = 100 \end{cases}, \stackrel{\mathbf{Z}}{=} \begin{cases} x + y = 200 \\ 8x - 3y = 500 \end{cases}$$

따라서 이번 달의 디스크 판매액은 $100 + 100 \times \frac{16}{100} = 116(만원)$ 이다. 7. 일차방정식 3x - 2y = 10 의 그래프가 두 점 A (p, 1), B (3, q) 를 지날 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

$$\bigcirc 3p - 2 = 0 \bigcirc 9 - 2q = 10$$

©
$$p + 8q = 0$$
 @ $2(p - q) = 7$ ① $(p - \frac{1}{2}q) = 17$

[배점 5, 중상]

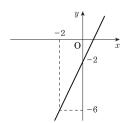
- ① ①, ©
- (2) (L), (E)
- ③ ⊙, ₺, ₺
- ④ ⑤, ⑤, ⊜, ⑥
- \bigcirc \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc

3x-2y=10 에 A(p, 1) 을 대입하면 3p-2=103x-2y=10 에 B $(3,\underline{\ q})$ 를 대입하면 9-2q=10

$$3x-2y=10$$
 에 B $(3, q)$ 를 대합하면 $9-2q=10$ 따라서, $p=4$, $q=-\frac{1}{2}$ 임을 알 수 있고, 이것을 각각 대입하면 \bigcirc $3p-2=10$, \bigcirc $2(p-17)$

$$q = 9$$
, $p - \frac{1}{2}q = \frac{17}{4}$

8. 다음 그림은 ax + y + 2 = 0 의 그래프이다. 다음 중 이 그래프 위의 점이 아닌 것은?



[배점 5, 중상]

- ① (-3, -8) ② (-2, -6)
- (-1, -4)

- (2,2)
- (3,5)

해설

직선이 점 (-2, -6) 을 지나므로 x = -2, y = -6 $\therefore a = -2$

따라서, 직선의 방정식은 -2x + y + 2 = 0 이 나 온다.

x = 3, y = 5 를 일차방정식 -2x + y + 2 = 0 에 대입하면 $(-2) \times 3 + 5 + 2 = -6 + 5 + 2 = 1 \neq 0$ 이다.

9. 연립방정식 $\begin{cases} -x + ay = -3 \\ x + 2(x - 2y) = 7 \end{cases}$ 의 해 (x, y)가 y = -3(x+1) + 5를 만족할 때, 상수 a의 값을 구하여라. [배점 5, 중상]

▷ 정답: 2

$$\begin{cases} x + 2(x - 2y) = 7 \\ y = -3(x+1) + 5 \end{cases}$$
 를 정리하면

$$\int 3x - 4y = 7 \quad \cdots \bigcirc$$

$$y = -3x + 2 \quad \cdots \bigcirc$$

①을 \bigcirc 에 대입하면 15x = 15

$$\therefore x = 1$$

x=1을 \bigcirc 에 대입하면 y=-1

$$x = 1, y = -1$$
을 $-x + ay = -3$ 에 대입하면

$$-1 - a = -3$$

$$\therefore a = 2$$

- **10.** 4%, 5%, 6% 인 소금물의 총량이 1000g 이다. 이것을 모두 섞으면 4.8% 의 소금물이 되고, 5% 와 6% 인 소 금물을 섞으면 5.6% 의 소금물이 된다고 한다. 6% 인 소금물의 양은 몇 g 인지 구하여라. [배점 5, 중상]
 - 답:

> 정답: 300 g

4%, 5%, 6% 인 소금물의 양을 각각 xg, yg, zg이라 하면

$$\begin{array}{c} x+y+z=1000 &\cdots \textcircled{1} \\ \frac{4}{100}x+\frac{5}{100}y+\frac{6}{100}z=\frac{4.8}{100}\times 1000 &\cdots \textcircled{2} \\ \frac{5}{100}y+\frac{6}{100}z=\frac{5.6}{100}\times (y+z) &\cdots \textcircled{3} \\ \textcircled{2} 의 양변에 100 을 곱하면 \end{array}$$

$$4x + 5y + 6z = 4800 \cdots \textcircled{4}$$

③의 양변에 100 을 곱하면

$$5y + 6z = 5.6y + 5.6z$$

$$50y + 60z = 56y + 56z$$

$$4z = 6y \ z = \frac{3}{2}y \cdots \Im$$

⑤를 ①, ④에 대입하면

$$x + y + \frac{3}{2}y = 1000$$

$$2x + 5y = 2000 \cdots$$

$$4x + 5y + 9y = 4800 \ 2x + 7y = 2400 \ \cdots \bigcirc$$

⑥, ⑦을 연립하여 풀면 x = 500, y = 200

$$z = 300$$

- **11.** 현재 아버지와 아들의 나이의 합은 52 이고. 6 년 후에 는 아버지의 나이가 아들의 나이의 3 배가 된다. 현재 아버지의 나이를 구하여라. [배점 5, 중상]
 - ▶ 답:

▷ 정답: 42살

해설

아버지 나이 : x,

아들 나이 : y

$$x + y = 52 \cdots \bigcirc$$

$$x + 6 = 3(y + 6) = 3y + 18$$

$$x - 3y = 12 \cdots ②$$

$$4x = 168$$
 $\therefore x = 42$ (살)

- **12.** 순서쌍 (3, 4) 가 방정식 2y = 3x + k 의 해가 되도록 k 의 값을 정하면? [배점 5, 상하]

 - $\bigcirc 2$ $\bigcirc 2$ $\bigcirc -2$ $\bigcirc 3$ $\bigcirc 0$ $\bigcirc 4$ $\bigcirc 1$



x = 3, y = 4 를 대입하면 8 = 9 + k, k = -1

- **13.** x + ay = 1 의 한 해가 (1, -1) 일 때, a 의 값을은? [배점 5, 상하]
 - $\bigcirc 1 2 \bigcirc 2 1 \bigcirc 3 \bigcirc 0 \bigcirc 4 \bigcirc 1 \bigcirc 5 \bigcirc 2$

x = 1, y = -1을 x + ay = 1에 대입한다.

14. 농도가 서로 다른 두 소금물 A, B 가 있다. A 와 B 를 1:2로 섞으면 6%의 소금물이 되고, A 와 B를 1:3으로 섞으면 5.5%의 소금물이 된다. 이때 A 와 B 를 같은 양만큼 섞으면 몇%의 소금물이 되는지구하여라. [배점 5, 상하]

▶ 답:

▷ 정답: 7 %

해설

소금물 A, B 의 농도를 각각 a%, b% 라 하면 A, B 를 각각 x g, 2x g 씩 섞으면 6% 의 소금물이 되므로

$$\frac{a}{100} \times x + \frac{b}{100} \times 2x = \frac{6}{100} \times 3x$$

$$\therefore a + 2b = 18 \cdots \bigcirc$$

A, B 를 각각 $y_{\rm S}$, $3y_{\rm S}$ 씩 섞으면 5.5% 의 소금물 이 되므로

$$\frac{a}{100} \times y + \frac{b}{100} \times 3y = \frac{5.5}{100} \times 4y$$

$$\therefore a + 3b = 22 \cdots \bigcirc$$

 \bigcirc , \bigcirc 을 연립하여 풀면 $a=10,\ b=4$

A, B 를 같은 양 kg 씩 섞으면 소금의 양은 $\frac{10}{100} \times k + \frac{4}{100} \times k = \frac{7}{50} k \text{ 이므로}$ $\frac{\frac{7}{50}k}{2k} \times 100 = 7 \ (\%) \ 의 소금물이 된다.$

15. $A = \{(x, y) | -2x - 4y = 2\}$, $B = \{(x, y) | 3x + 5y + p = -4\}$ 에 대하여 $A \cap B = \{(q, -2)\}$ 일 때, p + q 의 값을 구하여라. [배점 6, 상중]

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

(q, -2)가 두 방정식의 해이므로

$$(q, -2)$$
 를 $-2x - 4y = 2$ 에 대입하면,

$$-2q + 8 = 2, \ q = 3$$

(3,-2)를 3x + 5y + p = -4에 대입하면,

$$9 - 10 + p = -4$$
, $p = -3$

$$\therefore p + q = 0$$