

약점 보강 1

1. 이차방정식 $x^2 + 10x - 24 = 0$ 을 풀어라.

[배점 2, 하중]

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = -12$

▷ 정답 : $x = 2$

해설

$$x^2 + 10x - 24 = 0$$

$$(x + 12)(x - 2) = 0$$

$$\therefore x = -12 \text{ 또는 } x = 2$$

2. 다음 등식 중에서 이차방정식에 해당하는 글자를 차례대로 쓰면 어떠한 문장이 된다.

이차방정식인 것을 골라 문장을 구하여라.

(1) $4x(x - 1) = 3x + 1$ 신

(2) $2x^2 + 1 = 2x(x - 1)$ 바

(3) $-x^2 + 5x - 2$ 람

(4) $(x - 1)(x + 2) = 0$ 나

(5) $4x^2 + 1 = 4(x + 1)$ 는

(6) $6x - 1$ 방

(7) $x^2 + 2x = x^2 - 1$ 정

(8) $2(x - 1)(x + 1) = 2x^2 + 1$ 식

(9) $10x^2 + 5x - 12 = 0$ 수

(10) $x(x + 2) = 0$ 학

[배점 2, 하중]

▶ 답 :

▷ 정답 : 신나는 수학

해설

(1) x 에 대한 이차방정식이다.

(2) 정리하면 $2x + 1 = 0$: x 에 대한 일차방정식이다.

(3) x 에 대한 이차식이다.

(4) 정리하면 $x^2 + x - 2 = 0$: x 에 대한 이차방정식이다.

(5) x 에 대한 이차방정식이다.

(6) x 에 대한 일차식이다.

(7) 정리하면 $2x + 1 = 0$: x 에 대한 일차방정식이다.

(8) 정리하면 $0 = 3$: 이차방정식이 아니다. 거짓인 등식이다.

(9) x 에 대한 이차방정식이다.

(10) x 에 대한 이차방정식이다.

3. 다음은 완전제곱식을 이용하여 $3x^2 - 6x - 21 = 0$ 의 해를 구하는 과정이다. 옳은 것은?

$$\begin{aligned}
 3x^2 - 6x - 21 &= 0 \\
 \text{양변을 } A \text{ 로 나누면 } x^2 - 2x - 7 &= 0 \\
 \text{상수항을 우변으로 이항하면 } x^2 - 2x &= 7 \\
 \text{양변에 } B \text{ 를 더하면 } x^2 - 2x + B &= 7 + B \\
 (x - C)^2 &= D \\
 x - C &= \pm\sqrt{D} \\
 \therefore x &= C \pm E
 \end{aligned}$$

[배점 3, 하상]

- ① $CD = 7$ ② $A + B = 5$
 ③ $2A - C = 4$ ④ $C - E = 1 \pm \sqrt{2}$
 ⑤ $B - E = 1 - 2\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}
 3x^2 - 6x - 21 &= 0 \\
 \text{양변을 } 3 \text{ 으로 나누면 } x^2 - 2x - 7 &= 0 \\
 \text{상수항을 우변으로 이항하면 } x^2 - 2x &= 7 \\
 \text{양변에 } 1 \text{ 를 더하면 } x^2 - 2x + 1 &= 7 + 1 \\
 (x - 1)^2 &= 8 \\
 x - 1 &= \pm\sqrt{8} \\
 \therefore x &= 1 \pm 2\sqrt{2} \\
 \therefore A &= 3, B = 1, C = 1, D = 8, E = 2\sqrt{2}
 \end{aligned}$$

4. 이차방정식 $(x - 3)^2 = a$ 의 두 근의 합을 구하여라.
 ($a > 0$) [배점 3, 하상]

▶ 답:

▶ 정답: 6

해설

$$\begin{aligned}
 (x - 3)^2 &= a \\
 x &= 3 \pm \sqrt{a} \\
 (3 + \sqrt{a}) + (3 - \sqrt{a}) &= 6
 \end{aligned}$$

5. 이차방정식 $(2x + 6)(x - 1) = 0$ 이 참이 되는 두 개의 근이 각각 a, b 일 때, $a \times b$ 의 값은?

[배점 3, 하상]

- ① -3 ② -1 ③ 1 ④ 3 ⑤ 9

해설

$$\begin{aligned}
 2x + 6 &= 0 \text{ 또는 } x - 1 = 0 \\
 x &= -3 \text{ 또는 } x = 1 \\
 \therefore a \times b &= -3 \times 1 = -3
 \end{aligned}$$

6. $\{x \mid x^2 - ax - 12 = 0\} = \{-3, b\}$ 일 때, a, b 의 값을 구하면? [배점 3, 하상]

- ① $a = 1, b = 3$ ② $a = 2, b = 4$
 ③ $a = 1, b = 4$ ④ $a = -1, b = -4$
 ⑤ $a = 1, b = -4$

해설

$$\begin{aligned}
 x = -3 \text{ 을 대입하면 } (-3)^2 - a(-3) - 12 &= 0 \\
 3a &= 12 - 9 = 3 \quad \therefore a = 1 \\
 x^2 - x - 12 &= 0 \\
 (x - 4)(x + 3) &= 0 \\
 \therefore b &= 4
 \end{aligned}$$

7. 이차방정식 $x^2 + ax + 3a - 2 = 0$ 의 한 근이 -1 일 때, 다른 한 근은? [배점 3, 하상]

- ① -2 ② $-\frac{1}{2}$ ③ $\frac{1}{2}$
④ 2 ⑤ 3

해설

한 근 $x = -1$ 을 주어진 방정식에 대입하면
 $1 - a + 3a - 2 = 0 \quad \therefore a = \frac{1}{2}$
 따라서 주어진 방정식은 $x^2 + \frac{1}{2}x - \frac{1}{2} = 0$
 $2x^2 + x - 1 = 0, (2x - 1)(x + 1) = 0$
 따라서 다른 한 근은 $\frac{1}{2}$

8. 다음 중 x 에 관한 이차방정식인 것은? [배점 3, 하상]

- ① $2x - 1 = 0$
 ② $(x - 2)^2 = (x - 3)^2$
 ③ $x^2 + x = x^2 - 1$
 ④ $3x = x^2 + x - 1$
 ⑤ $2x^2 + x - 1 = x(2x - 1)$

해설

이차방정식은 $ax^2 + bx + c = 0 (a \neq 0)$ 꼴이어야 한다.

- ① $2x - 1 = 0$: 일차방정식
 ② $2x - 5 = 0$: 일차방정식
 ③ $x + 1 = 0$: 일차방정식
 ⑤ $2x - 1 = 0$: 일차방정식

9. 두 이차방정식이 중근을 가질 때, $n - m$ 의 값을 구하여라.

$$x^2 - 6x = m, (x - 5)^2 = n$$

[배점 3, 하상]

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

$x^2 - 6x - m = 0$ 이 중근을 가지려면 $(x - 3)^2 = 0$ 꼴이 되어야 한다.
 $\therefore -m = 9, m = -9$
 $(x - 5)^2 = n$ 이 중근을 가지려면 $n = 0$ 이어야 한다.
 $\therefore n - m = 0 - (-9) = 9$

10. 다음 이차방정식 중에서 $x = 1$ 을 해로 갖지 않는 것은? [배점 3, 하상]

- ① $x^2 = 1$ ② $(x - 1)(x + 2) = 0$
 ③ $x^2 - x - 2 = 0$ ④ $x^2 - 2x + 1 = 0$
 ⑤ $3x^2 - x - 2 = 0$

해설

$x = 1$ 을 각 이차방정식에 대입해 보면
 ③ $1 - 1 - 2 \neq 0$ 으로 성립하지 않는다.

11. 이차방정식 $2x^2 + ax + 5 = 0$ 의 해가 $x = -5$ 일 때, 상수 a 의 값과 그때의 다른 한 근의 합을 구하여라.
[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▶ 정답 : $\frac{21}{2}$

해설

$2x^2 + ax + 5 = 0$ 의
해가 $x = -5$ 이므로 대입하면
 $50 - 5a + 5 = 0$
 $5a = 55$
 $\therefore a = 11$
 $2x^2 + 11x + 5 = 0$
 $(2x + 1)(x + 5) = 0$
 $x = -\frac{1}{2}$ 또는 $x = -5$
따라서 $a + (\text{다른 한 근}) = 11 + \left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{21}{2}$ 이다.

12. 이차방정식 $(3x - 1)(x + 2) = 0$ 을 풀면?
[배점 3, 중하]

- ① $x = \frac{1}{3}$ 또는 $x = -2$
② $x = \frac{2}{3}$ 또는 $x = -2$
③ $x = \frac{1}{3}$ 또는 $x = 2$
④ $x = 1$ 또는 $x = -3$
⑤ $x = \frac{1}{2}$ 또는 $x = -3$

해설

$(3x - 1)(x + 2) = 0$
 $3x - 1 = 0$ 또는 $x + 2 = 0$
 $\therefore x = \frac{1}{3}$ 또는 $x = -2$

13. 다음 이차방정식 중 중근을 갖지 않는 것을 모두 고르면?
[배점 3, 중하]

- ① $x^2 - 1 = 0$
② $x^2 = 12x - 36$
③ $2(x + 4)^2 = 8$
④ $x^2 = 6\left(x - \frac{3}{2}\right)$
⑤ $1 - \frac{1}{3}x^2 = 2(x + 2)$

해설

① $x^2 - 1 = 0$ 에서 $(x - 1)(x + 1) = 0$
 $\therefore x = 1$ 또는 $x = -1$
③ $2(x + 4)^2 = 8$ 에서 $x^2 + 8x + 12 = 0$, $(x + 2)(x + 6) = 0$
 $\therefore x = -2$ 또는 $x = -6$

14. 이차방정식 $(3x - 2)(2x + 3) = 0$ 을 풀면?
[배점 3, 중하]

- ① $x = 2$ 또는 $x = -3$
② $x = -2$ 또는 $x = 3$
③ $x = \frac{2}{3}$ 또는 $x = -\frac{3}{2}$
④ $x = -\frac{2}{3}$ 또는 $x = \frac{3}{2}$
⑤ $x = 2$ 또는 $x = -\frac{3}{2}$

해설

각각의 항을 0 으로 만드는 값을 찾는다.

15. $f(x) = x(x-5) + 4$ 일 때, $f(x) = 0$ 을 만족시키는 x 의 값을 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = 1$

▷ 정답: $x = 4$

해설

$$\begin{aligned} x(x-5) + 4 &= 0 \\ x^2 - 5x + 4 &= 0 \\ (x-1)(x-4) &= 0 \\ \therefore x &= 1 \text{ 또는 } x = 4 \end{aligned}$$

16. 두 집합 $A = \left\{ x \mid \frac{4}{3}x - 8 = 0 \right\}$, $B = \{ x \mid 10 + 5x = 0 \}$ 에 대하여 $A \cup B$ 의 원소들에 대한 설명 중 옳은 것은? [배점 4, 중중]

① $A \cap B$ 의 원소와 같다.

② $2 \in A \cup B$ 이다.

③ 원소들의 합은 4이다.

④ 이차방정식 $\left(\frac{4}{3}x - 8\right)(10 + 5x) = 0$ 을 만족하지 않는 해들의 집합이다.

⑤ 두 일차방정식 $\frac{4}{3}x - 8 = 0$, $10 + 5x = 0$ 을 모두 만족하는 해들의 집합이다.

해설

$A \cup B$ 는 이차방정식 $\left(\frac{4}{3}x - 8\right)(10 + 5x) = 0$ 을 만족하는 해들의 집합이므로 $\{-2, 6\}$ 따라서 원소들의 합은 4

17. 이차방정식 $x^2 + ax + b = 0$ 의 해가 $x = 2$ 또는 $x = -3$ 일 때, $a + b$ 의 값을 구하면? [배점 4, 중중]

① 5 ② 6 ③ -6 ④ -4 ⑤ -5

해설

$$\begin{aligned} x^2 + ax + b &= 0 \text{에} \\ x = 2 \text{를 대입하면 } 4 + 2a + b &= 0 \cdots (1) \\ x = -3 \text{을 대입하면 } 9 - 3a + b &= 0 \cdots (2) \\ (1), (2) \text{를 연립하여 풀면 } a &= 1, b = -6 \\ \therefore a + b &= -5 \end{aligned}$$

18. 이차방정식 $x^2 - (a+2)x + 3a + 2 = 0$ 의 한 근이 $x = 2$ 일 때, 상수 a 의 값은? [배점 4, 중중]

① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned} \text{이차방정식 } x^2 - (a+2)x + 3a + 2 &= 0 \text{에 } x = 2 \\ \text{를 대입하면,} \\ 2^2 - (a+2) \times 2 + 3a + 2 &= 0 \\ 4 - 2a - 4 + 3a + 2 &= 0 \\ \therefore a &= -2 \end{aligned}$$