

확인학습문제

1. 천을 가공하는 공장에서 가로, 세로의 길이가 각각 60cm , 90cm 인 천을 남는 부분 없이 정사각형 모양의 조각으로 자르려고 한다. 잘려진 조각의 넓이를 가장 크게 하려고 할 때, 한 변의 길이를 구하여라.

[배점 2, 하중]

▶ 답 :

▶ 정답 : 30cm

해설

자르려고 하는 정사각형 모양의 합판의 한 변의 길이는 60 과 90 의 공약수이다.

그런데 잘려진 조각의 넓이를 가장 크게 한다고 했으므로

한 변의 길이는 60 과 90 의 최대공약수이다.

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 60 \quad 90} \\ 3 \overline{) 30 \quad 45} \\ 5 \overline{) 10 \quad 15} \\ \underline{\quad} \quad \underline{\quad} \\ 2 \quad 3 \end{array}$$

$$\therefore 2 \times 3 \times 5 = 30(\text{cm})$$

2. 우리 동네는 아침에 분리수거차와 청소차가 각각 10 일, 6 일마다 온다. 오늘 동시에 분리수거차와 청소차가 왔을 때, 다음에 처음으로 동시에 오는 날은 며칠 후인지 구하여라.

[배점 2, 하중]

▶ 답 :

▶ 정답 : 30 일 후

해설

10 과 6 의 최소공배수는 30 이므로 30 일 후에 분리수거차와 청소차가 동시에 온다.

3. 두 분수 $\frac{1}{12}$ 과 $\frac{1}{15}$ 의 어느 것에 곱해도 자연수가 되는 가장 작은 수는? [배점 2, 하중]

① 40 ② 50 ③ 60 ④ 70 ⑤ 80

해설

두 분수에 곱하여 자연수가 되게 하는 n 은 12 과 15 의 공배수이다.

공배수 중 가장 작은 수는 두 수의 최소공배수이다.

n 의 값 중 가장 작은 수는 60 이다.

4. 어떤 자연수로 17 을 나누면 1 이 남고, 34 를 나누면 2 가 남는다. 어떤 수 중 가장 큰 수를 구하여라.

[배점 2, 하중]

▶ 답 :

▶ 정답 : 16

해설

17 을 나누면 1 이 남는다. : $(17 - 1)$ 을 나누면 나누어 떨어진다.

34 를 나누면 2 가 남는다. : $(34 - 2)$ 를 나누면 나누어 떨어진다.

이러한 수들은 16 과 32 의 공약수이고, 가장 큰 수는 16 과 32 의 최대공약수 16 이다.

5. 세 자연수 4, 5, 6 어느 것으로 나누어도 1 이 남는 세 자리 자연수 중에서 가장 작은 자연수는?

[배점 3, 하상]

- ① 60 ② 61 ③ 120
④ 181 ⑤ 121

해설

구하는 수는 (4, 5, 6 의 공배수)+1 인 수 중 가장 작은 세 자리 자연수이다.

4, 5, 6 의 최소공배수는 60 이고, 세 수의 공배수 중에서 세 자리인 가장 작은 자연수는 120 이다.

$$\therefore 120 + 1 = 121$$

6. 어떤 수로 70 을 나누면 나누어 떨어지고, 24 를 나누면 4 가 모자라고, 43 을 나누면 1 이 남는다고 한다. 이러한 수 중 가장 큰 수를 구하여라. [배점 3, 하상]

▶ 답:

▶ 정답: 14

해설

어떤 수는 $70, 24 + 4 = 28, 43 - 1 = 42$ 의 공약수이다.

이 중 가장 큰 수는 세 수의 최대공약수이므로 14 이다.

7. 사과 26 개와 귤 31 개를 될 수 있는 대로 많은 어린이들에게 똑같이 나누어 주려고 했더니 사과는 2 개가 부족하고, 귤은 5 개가 부족했다. 어린이는 모두 몇 명인가? [배점 3, 하상]

- ① 3 명 ② 4 명 ③ 6 명
④ 8 명 ⑤ 12 명

해설

어린이 수는 $26 + 2 = 28, 31 + 5 = 36$ 의 최대공약수 4 (명)

8. 어떤 자연수로 200 을 나누면 8 이 남고 100 을 나누면 4 가 남는다고 한다. 이러한 자연수 중에서 가장 큰 것을 구하여라. [배점 3, 하상]

▶ 답:

▶ 정답: 96

해설

구하는 수를 a 라 하면

a 는 $200 - 8 = 192, 100 - 4 = 96$ 의 최대공약수이므로 $2^5 \times 3 = 96$

$$\begin{array}{r} \therefore 96 \\ 2 \overline{) 192} \quad 96 \\ 2 \overline{) 96} \quad 48 \\ 2 \overline{) 48} \quad 24 \\ 2 \overline{) 24} \quad 12 \\ 2 \overline{) 12} \quad 6 \\ 2 \overline{) 6} \quad 3 \\ 3 \overline{) 6} \quad 3 \\ \quad 2 \quad 1 \end{array}$$

9. 어떤 자연수로 24 를 나누면 나누어 떨어지고, 61 을 나누면 1 이 남는다고 한다. 이러한 자연수 중에서 가장 큰 자연수를 구하면? [배점 3, 하상]

① 6 ② 12 ③ 18 ④ 24 ⑤ 32

해설

어떤 수는 24, $61 - 1 = 60$ 의 공약수이다.
이 중 가장 큰 수는 두 수의 최대공약수이므로 12 이다.

10. 두 분수 $\frac{1}{14}, \frac{1}{8}$ 중 어느 것을 곱해도 자연수가 되는 수 중 두 자리 자연수를 구하여라. [배점 3, 하상]

▶ 답 :

▶ 정답 : 56

해설

구하는 수는 14 와 8 의 공배수이다.
14 와 8 의 공배수는 14 와 8 의 최소공배수인 56 의 배수이므로 56, 112, 168, ... 이다.
이 중 두자리 자연수는 56 이다.

11. 가로와 세로의 길이가 각각 10 cm, 12 cm 이고, 높이가 6 cm 인 직육면체 모양의 나무토막이 여러 개있다. 이것을 일정한 방향을 향하도록 쌓아서 가장 작은 정육면체 모양을 만들려고 한다. 이때, 만들어지는 정육면체의 한 모서리의 길이를 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답 :

▶ 정답 : 60 cm

해설

정육면체의 한 변의 길이는 10, 12, 6 의 공배수 이어야 하고, 가장 작은 정육면체를 만들려면 한 변의 길이는 10, 12, 6 의 최소공배수이어야 한다. 따라서 정육면체의 한 모서리의 길이는 60 cm 이다.

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 10 \quad 12 \quad 6} \\ 3 \overline{) 5 \quad 6 \quad 3} \\ \hline 5 \quad 2 \quad 1 \end{array}$$

12. 가로, 세로의 길이가 각각 12 cm, 20 cm 인 직사각형 모양의 카드를 늘어 놓아 가장 작은 정사각형을 만들려고 한다. 이때, 카드는 총 몇 장이 필요한가? [배점 3, 중하]

① 10 장 ② 12 장 ③ 13 장

④ 15 장 ⑤ 17 장

해설

정사각형의 한 변의 길이는 12 와 20 의 최소공배수인 60 cm 이다. 가로는 $60 \div 12 = 5$ (장), 세로는 $60 \div 20 = 3$ (장)이 필요하므로 필요한 카드의 수는 $5 \times 3 = 15$ (장)이다.

13. 석진이의 방은 가로가 300cm, 세로가 420cm 이고, 벽의 적당한 높이에 정사각형 모양의 액자를 빈틈없이 띠처럼 둘러 걸어 놓으려고 한다. 가능한 한 큰 액자를 걸려고 할 때, 액자의 한 변의 길이를 구하여라.

[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▷ 정답 : 60 cm

해설

걸어 놓으려고 하는 액자의 한 변의 길이는 300 과 420 의 공약수이다.

그런데 가능한 한 큰 액자를 걸려고 했으므로 한 변의 길이는 300 과 420 의 최대공약수이다.

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 300 \ 420} \\ 2 \overline{) 150 \ 210} \\ 3 \overline{) 75 \ 105} \\ 5 \overline{) 25 \ 35} \\ \underline{5 \quad 7} \end{array}$$

$$\therefore 2 \times 2 \times 3 \times 5 = 60(\text{cm})$$

14. 두 분수 $\frac{1}{6}$, $\frac{1}{10}$ 중 어느 것을 곱해도 자연수가 되는 100 이하의 자연수의 개수는? [배점 3, 중하]

- ① 1 개 ② 2 개 ③ 3 개
④ 4 개 ⑤ 5 개

해설

두 분수가 자연수가 되려면, n 은 6 과 10 의 공배수이어야 한다.

공배수 중 가장 작은 수는 두 수의 최소공배수이어야 한다.

n 의 값 중 가장 작은 수는 30 이다.

따라서 100 이하의 자연수이므로 30, 60, 90 이고 3 개이다.

15. 가로의 길이가 20cm, 세로의 길이가 16cm 인 직사각형 모양의 타일을 빈틈없이 붙여서 가장 작은 정사각형 모양을 만들려고 한다. 필요한 타일의 개수를 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답 :

▷ 정답 : 20 개

해설

만들고자 하는 정사각형의 한 변의 길이는 타일의 가로(20cm), 세로(16cm) 길이의 최소공배수와 같다.

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 20 \ 16} \\ 2 \overline{) 10 \ 8} \\ \underline{5 \quad 4} \end{array}$$

$$\therefore 2 \times 2 \times 5 \times 4 = 80(\text{cm})$$

만들고자 하는 정사각형의 한 변의 길이가 80cm 이므로,

$$(\text{가로}) = 80 \div 20 = 4(\text{개})$$

$$(\text{세로}) = 80 \div 16 = 5(\text{개})$$

따라서 (구하는 타일의 수) = $4 \times 5 = 20(\text{개})$ 이다.

16. 세 자연수 2, 4, 7 중 어느 것으로 나누어도 나머지가 1 인 가장 작은 두 자리 자연수를 구하여라.

[배점 3, 중하]

- ① 21 ② 23 ③ 25 ④ 27 ⑤ 29

해설

세 자연수 2, 4, 7 중 어느 것으로 나누어도 나머지가 1 인 수는 세 수의 공배수보다 1 큰 수이다.

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 2 \quad 4 \quad 7} \\ 1 \quad 2 \quad 7 \end{array}$$

$$\therefore 2 \times 2 \times 7 = 28$$

2, 4, 7 의 최소공배수가 28 이므로, 2, 4, 7 의 공배수는 28 의 배수와 같다. 이 때, 가장 작은 두 자리 자연수는 28 이므로, 구하고자 하는 수는 $28 + 1 = 29$ 이다.

17. 세 자연수 8, 9, 18 의 어느 것으로 나누어도 나머지가 1 인 세 자리 자연수 중 가장 작은 수를 구하여라.

[배점 3, 중하]

▶ 답:

▶ 정답: 145

해설

8, 9, 18 중 어느 것으로 나누어도 나머지가 1 인 수는 세 수의 공배수보다 1 큰 수이므로, 구하고자 하는 수는 가장 작은 세 자리의 공배수에 1 을 더한 수이다.

$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 8 \quad 9 \quad 18} \\ 3 \overline{) 4 \quad 9 \quad 9} \\ 3 \overline{) 4 \quad 3 \quad 3} \\ 4 \quad 1 \quad 1 \end{array}$$

$$\therefore (\text{최소공배수}) = 2 \times 3 \times 3 \times 4 = 72$$

따라서 $72 \times 2 + 1 = 145$ 이다.

18. 122 를 나누면 4 가 부족하고 186 을 나누면 3 이 부족한 수 중에서 가장 작은 수를 구하면?

[배점 4, 중중]

- ① 3 ② 4 ③ 7 ④ 9 ⑤ 63

해설

$$126 = 2 \times 3^2 \times 7, 189 = 3^3 \times 7 \text{ 이므로}$$

$$\text{최대공약수는 } 3^2 \times 7 = 63,$$

63 의 약수 중 나머지 4 보다 큰 수는 7, 9, 21, 63 따라서 가장 작은 수는 7 이다.

19. 가로 길이가 140cm, 세로 길이가 105cm, 높이가 210cm 인 직육면체를 가능한 한 가장 큰 정육면체로 가득 채우려고 한다. 이때, 사용되는 정육면체의 한 모서리의 길이를 a cm, 정육면체의 개수를 b 개라 할 때, $a + b$ 의 값은?

[배점 4, 중중]

- ① 107 ② 108 ③ 109
④ 110 ⑤ 111

해설

만들어진 정육면체의 한 모서리의 길이는 140, 105, 210 의 최대공약수이므로

$$140 = 2^2 \times 5 \times 7, 105 = 3 \times 5 \times 7, 210 = 2 \times 3 \times 5 \times 7$$

$$\text{최대공약수는 } 5 \times 7 = 35$$

$$\therefore a = 35$$

$$\text{정육면체의 개수는 } (140 \div 35) \times (105 \div 35) \times (210 \div 35) = 4 \times 3 \times 6 = 72 \text{ (개)}$$

$$\therefore b = 72$$

$$\therefore a + b = 107$$

20. 가로, 세로의 길이가 1200cm, 세로의 길이가 $2^3 \times 3^2 \times 5$ cm 인 벽면에 가능한 한 큰 정사각형의 타일을 붙이려고 한다. 정사각형의 타일은 몇 개 필요한지 구하여라. [배점 4, 중중]

▶ 답 :

▷ 정답 : 30 개

해설

$1200 = 2^4 \times 3 \times 5^2$, $2^3 \times 3^2 \times 5$ 의 최대공약수는 $2^3 \times 3 \times 5 = 120$
따라서 정사각형의 타일의 한 변의 길이가 120cm
이므로 필요한 타일의 개수는
 $(1200 \div 120) \times (360 \div 120) = 10 \times 3 = 30$ (개)
이다.

21. 가로, 세로의 길이가 각각 12cm, 18cm 인 직사각형 모양의 종이를 서로 겹치지 않게 붙여서 정사각형을 만들려고 한다. 이 종이로 만들 수 있는 가장 작은 정사각형의 한 변의 길이를 구하여라. [배점 4, 중중]

▶ 답 :

▷ 정답 : 36 cm

해설

12와 18의 최소공배수는 36 이므로 정사각형의 한 변의 길이는 36 cm 이다.

22. 운동장을 한 바퀴 도는데 A 는 42 초 걸리고, B 는 36 초가 걸린다고 한다. A 와 B 가 같은 지점에서 같은 방향으로 출발해서 A 가 a 바퀴, B 가 b 바퀴 돈 후에, 처음 출발한 곳에서 다시 만났다. $a \times b$ 의 값은 얼마인지 구하여라. [배점 4, 중중]

▶ 답 :

▷ 정답 : 42

해설

두 사람이 출발한 곳에서 처음 다시 만날 때까지 걸리는 시간은 42 와 36 의 최소공배수 252 이다.
A는 $252 \div 42 = 6$ (바퀴) , B는 $252 \div 36 = 7$ (바퀴) 이다.
 $\therefore 42$

23. 가로, 세로의 길이가 18cm, 세로의 길이가 30cm, 높이가 12cm 인 벽돌을 쌓아서 되도록 작은 정육면체 모양을 만들려고 한다. 이때, 정육면체의 한 모서리의 길이와 필요한 벽돌의 개수를 각각 구하여라. [배점 4, 중중]

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 모서리의 길이 = 180 cm

▷ 정답 : 벽돌의 개수 = 900 개

해설

벽돌의 한 모서리의 길이는 18, 30, 12 의 최소공배수이므로 180 이다.
한 모서리의 길이는 180cm 이고,
필요한 벽돌의 개수는
 $(180 \div 18) \times (180 \div 30) \times (180 \div 12) = 10 \times 6 \times 15 = 900$ (개) 이다.

24. 한 업체에서 배 392 개, 바나나 588 개, 사과 980 개, 귤 1372 개를 똑같이 나누어서 만든 선물세트를 되도록 많은 고객들에게 나누어 주고자 한다. 상품세트의 개수를 x 라고 각 선물세트에 들어있는 들의 개수를 각각 a, b, c, d 라 할 때, $(a \times b \times c \times d) - x$ 의 값을 구하여라. [배점 5, 중상]

▶ 답 :

▶ 정답 : 14

해설

선물세트의 개수는 392, 588, 980, 1372 의 최대 공약수이므로 196

배의 개수 : $392 \div 196 = 2$

바나나의 개수 : $588 \div 196 = 3$

사과의 개수 : $980 \div 196 = 5$

귤의 개수 : $1372 \div 196 = 7$

따라서 $(a \times b \times c \times d) - x$ 의 값은

$$(a \times b \times c \times d) - x = (2 \times 3 \times 5 \times 7) - 196 = 210 - 196 = 14$$

25. 7 로 나누면 나머지가 6, 6 으로 나누면 나머지가 5, 5 로 나누면 나머지가 4, 4 로 나누면 나머지가 3, 3 으로 나누면 나머지가 2가 되는 최소의 자연수에서 각자리 숫자의 합을 구하여라. [배점 5, 중상]

▶ 답 :

▶ 정답 : 14

해설

조건을 만족하는 수는

(7, 6, 5, 4, 3 의 공배수)-1 의 꼴이고

7, 6, 5, 4, 3 의 최소공배수는 420 이다.

따라서 최소의 자연수는 $420 - 1 = 419$ 이다.

$$\therefore 4 + 1 + 9 = 14$$