단원테스트 1차

- 1. $2 \times \sqrt{3} \times \sqrt{a} = 3 \times \sqrt{6}$ 를 만족하는 양의 유리수 a 의 값은? [배점 4, 중중]

- $2\frac{7}{2}$ 34 $9\frac{9}{2}$

좌변 = $\sqrt{4 \times 3 \times a}$, 우변 = $\sqrt{9 \times 6} = \sqrt{54}$,

- **2.** $x = \sqrt{5}$, $y = \sqrt{2}$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은? [배점 4, 중중]
 - ① $\sqrt{20} = xy^2$
- $2100 = x^2y^2$
- $\bigcirc 0.2 = \frac{y}{10}$
- $\bigcirc \frac{\sqrt{2}}{5} = \frac{y}{x^2}$

② $x^2y^2 = (xy)^2 = (\sqrt{10})^2 = 10$

$$\therefore 100 = 10^2 = (x^2y^2)^2 = x^4y^4$$

3. b < 0 < a < 2 일 때, 다음 중 옳은 것은?

[배점 5, 중상]

①
$$\sqrt{(a-2)^2} = a-2$$

②
$$\sqrt{(2-a)^2} = a-2$$

$$(3) \sqrt{(a-b)^2} + \sqrt{(b-a)^2} = 0$$

$$\boxed{4}\sqrt{b^2} + |b| = -2b$$

$$\sqrt{(b-2)^2} = b-2$$

a < 2 이므로 $\sqrt{(a-2)^2} = -(a-2) = -a+2$ a < 2 이므로 $\sqrt{(2-a)^2} = 2-a$ b < a 이므로 $\sqrt{(a-b)^2} + \sqrt{(b-a)^2} = a - b - b$

$$b < a$$
 이므로 $\sqrt{(a-b)^2} + \sqrt{(b-a)^2} = a - b - (b-a) = 2a - 2b$

$$b < 2$$
이므로 $\sqrt{(b-2)^2} = -(b-2) = -b+2$

- **4.** ab = 2 일 때, $a\sqrt{\frac{8b}{a}} + b\sqrt{\frac{32a}{b}}$ 의 값은? (단, a > 0 b > 0) [배점 5, 중상]
- ① 2 ② 4 ③ 5
- **4**) 12

$$a\sqrt{\frac{8\overline{b}}{a}} + b\sqrt{\frac{32a}{b}} = a\frac{\sqrt{8\overline{b}} \times \sqrt{a}}{\sqrt{a} \times \sqrt{a}} + b\frac{\sqrt{32a} \times \sqrt{b}}{\sqrt{\overline{b}} \times \sqrt{\overline{b}}} = \sqrt{8a\overline{b}} + \sqrt{32a\overline{b}}$$

$$ab=2$$
를 대입하면

$$\sqrt{8ab} + \sqrt{32ab} = \sqrt{16} + \sqrt{64} = 4 + 8 = 12$$

- $5. \quad \sqrt{ab} = 3 \text{ 일 때, } \sqrt{ab} \frac{5a\sqrt{b}}{\sqrt{a}} + \frac{2b\sqrt{a}}{\sqrt{b}} \text{ 의 값을 구하여}$ 라. (단, a>0 , b>0) [배점 5, 중상]
 - ▶ 답:
 - > **정답**: -6

$$\sqrt{ab} - 5\sqrt{ab} + 2\sqrt{ab} = 3 - 5 \times 3 + 2 \times 3 = -6$$

- **6.** $x = 3 + \sqrt{2}$ 일 때, $\frac{x+7}{x-3}$ 의 값은? [배점 5, 중상]
 - ① $-1 + 5\sqrt{2}$
- ② $1 3\sqrt{2}$
- $31 + 5\sqrt{2}$
- $4 2 + 2\sqrt{2}$
- ⑤ $2 + 5\sqrt{2}$

$$\frac{x+7}{x-3} = \frac{10+\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{10+\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = 5\sqrt{2}+1$$

- 7. $\sqrt{22} \times \sqrt{\frac{8}{77}} \times \sqrt{28} = 4\sqrt{x}$ 일 때, 양수 x 의 값을 구하여라. [배점 5, 중상]
 - 답:
 - ▷ 정답: 4

$$\sqrt{22} \times \sqrt{\frac{8}{77}} \times \sqrt{28} = \sqrt{22 \times \frac{8}{77} \times 28} = 8 = 4\sqrt{4}$$

- 8. $\sqrt{x+14} = 3\sqrt{2}$ 일 때, \sqrt{x} 의 값을 구하라. (단, x > 0) [배점 5, 중상]
 - 답:
 - ▷ 정답: 2

$$\sqrt{x+14} = \sqrt{18}$$

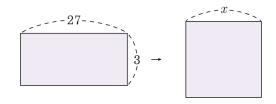
$$x + 14 = 18$$

- $\therefore \sqrt{x} = 2$
- **9.** $\sqrt{57+x} = 4\sqrt{5}$ 일 때, 양수 x 값은?
 - [배점 5, 중상]

- ① 32 ② 23 ③ 11 ④ 9 ⑤ 3

$$4\sqrt{5} = \sqrt{80} = \sqrt{57} + x$$
이므로 $x = 23$ 이다.

10. 다음 그림과 같이 가로가 27이고 세로가 3인 직사각 형과 넓이가 같은 정사각형을 그리려고 한다. 이 정사 각형의 한 변 x의 길이를 구하여라.



[배점 5, 중상]

▶ 답:

➢ 정답: 9

해설

직사각형의 넓이를 구해보면 $27 \times 3 = 81$ 이 된다. 직사각형과 넓이가 같은 정사각형을 만들 려면 $x^2 = 81$ 을 만족하여야 한다. 즉, 81의 제곱 근을 구하면 되는 것이다. 81 의 제곱근은 ±9이다. 그러므로 정사각형 한 변x의 길이는 9가 된다.

11. 자연수 x 에 대하여 $f(x) = (\sqrt{x})$ 이하의 자연수 중 가 장 큰 수)라고 할 때, f(70) - f(28) 의 값을 구하여라. (단, *x* 는 자연수이다.) [배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답: 3

 $\sqrt{70}$ 이하의 자연수중 가장 큰 수는 8 이고 $\sqrt{28}$ 이하의 자연수중 가장 큰 수는 5 이므로 8-5=3 이다.

 ${f 12.}\ a=\sqrt{3}$ 일 때, ${a\over [a]+a}$ 의 소수 부분은? (단, [a]는 a를 넘지 않는 최대의 정수) [배점 5, 중상]

① $\sqrt{3} - 1$ ② $\sqrt{3} + 1$ ③ $\frac{1}{1 + \sqrt{3}}$ ④ ① $\frac{\sqrt{3}}{1 + \sqrt{3}}$

 $\left[\sqrt{3}\right] = 1$ 이므로 $\frac{a}{[a] + a} = \frac{\sqrt{3}}{1 + \sqrt{3}} = \frac{1.\cdots}{2.\cdots} = \frac{1.\cdots}{2.\cdots}$ $0.\cdots$ 이므로 정수 부분은 0, 소수 부분은 $\frac{\sqrt{3}}{1+\sqrt{3}}$ 이다.

13. 자연수 n 에 대하여 f(n) 은 \sqrt{n} 의 정수 부분을 나타낼 때, $f(1) + f(3) + f(5) + \cdots + f(19)$ 의 값을 구하여라. [배점 5, 중상]

답:

▷ 정답: 26

해설

f(1), f(3) = 1

f(5), f(7) = 2

f(9), f(11), f(13), f(15) = 3

f(17), f(19) = 4

 $1 \times 2 + 2 \times 2 + 3 \times 4 + 4 \times 2 = 2 + 4 + 12 + 8 = 26$

14. xy < 0, $\frac{y}{x} > 0$ 일 때, 다음 식을 간단히 하면?

$$|xy - yz| - \sqrt{(yz - xz)^2} + |xy| + \sqrt{(xz)^2}$$

[배점 5, 중상]

- ① 2xy
- $\bigcirc xy$

- $\bigcirc -xz$
- \bigcirc -2xy

xy < 0 이므로 x 와 y 는 서로 다른 부호이고, $\frac{y}{z} > 0$ 이므로 y 와 z 는 서로 같은 부호이다. x 따라서 x 와 z 는 서로 다른 부호가 된다. xy < 0 이고 yz > 0 이므로 xy - yz < 0yz > 0 이고 xz < 0 이므로 yz - xz > 0 $|xy - yz| - \sqrt{(yz - xz)^2} + |xy| + \sqrt{(xz)^2} =$ -xy + yz - yz + xz - xy - xz = -2xy

- **15.** a, b, c 가 a > 0, b > 0, c > 0 이고, c > b > a 일 때, $\sqrt{(a-b)^2} - \sqrt{(b-c)^2} - \sqrt{(c-a)^2}$ 을 간단히 하면? [배점 5, 중상]
- ① a+b+c ② a-b-c ③ 2b-2c
- (4) 0
- (5) 2a 2b

$$a-b<0,\ b-c<0,\ c-a>0$$
이므로
$$\sqrt{(a-b)^2}-\sqrt{(b-c)^2}-\sqrt{(c-a)^2}$$

$$=-(a-b)-\{-(b-c)\}-(c-a)$$

$$=-a+b+b-c-c+a$$

$$=2b-2c$$

- **16.** $x^2 = 4$, $y^2 = 9$ 이고 x y 의 최댓값을 M, 최솟값을 m 이라 할 때, M-m 의 값은? [배점 5, 중상]
 - ① -10
- 2 -5
- 3 0

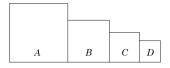
- (4) 5
- **(5)** 10

$$x = \pm 2, \ y = \pm 3$$

 $x - y = -1, \ 5, \ -5, \ 1$

$$M - m = 5 - (-5) = 10$$

17. 다음 그림에서 사각형 A, B, C, D 는 모두 정사각형이 다. C 의 넓이는 D 의 넓이의 2 배. B 의 넓이는 C 의 넓이의 2 배, A 의 넓이는 B 의 넓이의 2 배인 관계가 있다고 한다. A 의 넓이가 4cm^2 일 때, D 의 한 변의 길이는?



[배점 5, 중상]

- ① $\frac{1}{4}$ cm ② $\frac{1}{2}$ cm ③ $\frac{\sqrt{2}}{4}$ cm

- $4 \frac{\sqrt{2}}{4} \text{cm}$ $\sqrt[3]{\frac{\sqrt{2}}{2}} \text{cm}$

$$(B의 넓이) = \frac{1}{2} \times (A의 넓이)$$

$$\begin{split} &(\mathrm{B} \mbox{$\stackrel{\square}{\to}$} \mbox{$\stackrel{\square}{\to}$} \mbox{$\stackrel{\square}{\to}$} \times (\mathrm{A} \mbox{$\stackrel{\square$$

$$(D의 넓이) = \frac{1}{2} \times (C의 넓이) = (\frac{1}{2})^3 \times (A의 넓이)$$

A 의 넓이가 4cm² 이므로

$$(\mathrm{D의 \ เม \circ l}) = \frac{1}{8} \times 4 = \frac{1}{2}$$

따라서
$$(D의 넓이) = (한 변의 길이)^2 = \frac{1}{2}(cm^2)$$

이므로 (한 변의 길이) =
$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$
(cm) 이다.

18. x, y > 0 이코, $\sqrt{\frac{6}{x}} \times \sqrt{3x^2} \times \sqrt{18x} = 90$, y = x + 2일 때, $3\sqrt{7} imes \frac{1}{\sqrt{y}} imes \sqrt{y-3}$ 의 값을 구하여라.

[배점 5, 중상]

답:

▷ 정답: 6

$$\sqrt{\frac{6}{x}} \times \sqrt{3x^2} \times \sqrt{18x} = \sqrt{\frac{6}{x}} \times 3x^2 \times 18x = \sqrt{18^2 \times x^2} = 18x = 90$$
 이므로 $x = \frac{90}{18} = 5$ $y = x + 2$ 이므로 $y = 7$ 따라서 $3\sqrt{7} \times \frac{1}{\sqrt{y}} \times \sqrt{y - 3} = 3\sqrt{7} \times \frac{1}{\sqrt{7}} \times \sqrt{4} = 3 \times 2 = 6$ 이다.

- **19.** x, y > 0이코 $3\sqrt{2x} \times \sqrt{3x} \times \sqrt{6} = 126, 2\sqrt{7} \times \sqrt{6} \times \sqrt{6}$ $\sqrt{3} \times \sqrt{y} = 84$ 일 때, 상수 $\frac{1}{x} \times y$ 의 값을 구하여라. [배점 5, 중상]
 - 답:

▷ 정답: 2

$$3\sqrt{2x} \times \sqrt{3x} \times \sqrt{6} = \sqrt{9 \times 2x \times 3x \times 6} = \sqrt{18 \times 18 \times x^2} = 18x$$

$$18x = 126$$

$$\therefore x = 7$$

$$2\sqrt{7} \times \sqrt{6} \times \sqrt{3} \times \sqrt{y} = \sqrt{2^2 \times 7 \times 2 \times 3 \times 3 \times y} = \sqrt{6^2 \times 14 \times y} = 6\sqrt{14y}$$

$$6\sqrt{14y} = 84$$

$$\sqrt{14y} = 14, y = 14$$

$$\therefore \frac{1}{x} \times y = \frac{1}{7} \times 14 = 2$$

20. 다음 제곱근표를 이용하여 $\sqrt{55}$ 의 근삿값을 구하면?

수	0	1	2	3	4	5
2.0	1.41	1.41	1.42	1.42	1.42	1.43
2.1	1.44	1.45	1.45	1.45	1.46	1.46
2.2	1.48	1.48	1.49	1.49	1.49	1.50
2.3	1.51	1.52	1.52	1.52	1.53	1.53
2.4	1.54	1.55	1.55	1.55	1.56	1.56

[배점 5, 중상]

 \bigcirc 5.93

2 7.56

3 7.50

4 7.40

⑤ 6.19

$$\sqrt{55} = \sqrt{2.2 \times 25} = 5\sqrt{2.2} = 5 \times 1.48 = 7.40$$

21. 다음은 주어진 제곱근표를 보고 무리수의 근삿값을 구한 것이다. 옳지 않은 것은?

수	0	1	2	3	4
:	:	i	:	÷	:
2.0	1.414	1.418	1.421	1.425	1.428
2.1	1.449	1,453	1.456	1.459	1,463
2.2	1.483	1.487	1.490	1.493	1.497
2.3	1.517	1,520	1.523	1.526	1,530
2.4	1.549	1.552	1.556	1.559	1.562
:	:	i	:	:	:
20	4.472	4.483	4.494	4.506	4.517
21	4.583	4.593	4.604	4.615	4.626
22	4.690	4.701	4.712	4.722	4.733
23	4.796	4.806	4.817	4.827	4.837
24	4.899	4.909	4.919	4.930	4.940

[배점 5, 중상]

- ① $\sqrt{0.2} = 0.4472$
- ② $\sqrt{210} = 14.49$
- $3\sqrt{220} = 14.83$
- $\sqrt{0.23} = 47.96$
- \bigcirc $\sqrt{0.0024} = 0.04899$

$$\sqrt{0.23} = \frac{\sqrt{23}}{10} = 0.4796$$

22. 다음 제곱근표를 이용하여 $\sqrt{2} + \sqrt{0.002}$ 의 근삿값을 구하면?

수	0	1	2		
2	1.414	1.418	1.421		
	:	:	:		
19	4.359	4.370	4.382		
20	4.472	4.483	4.494		
21	4.583	4.593	4.604		

[배점 5, 중상]

- ① 1.8612
- 2 5.897
- ③ 1.4281

- 4 1.3612
- **③**1.459

해설

$$\sqrt{2} + \sqrt{\frac{20}{100^2}} = \sqrt{2} + \frac{\sqrt{20}}{100}$$

 $= 1.414 + \frac{1}{100} \times 4.472 = 1.414 + 0.04472 = 1.45872$

23. 다음의 두 식 A, B에 대하여 A + B를 계산하여라.

$$A = \sqrt{(3 - \sqrt{10})^2} - \sqrt{(\sqrt{10} - 3)^2}$$
$$B = \sqrt{(3 - 2\sqrt{2})^2} + \sqrt{(2\sqrt{2} - 2)^2}$$

[배점 5, 중상]

답:

▷ 정답: 1

해설

$$3 < \sqrt{10}, \ 2 < 2\sqrt{2} < 3$$

$$A = -\left(3 - \sqrt{10}\right) - \left(\sqrt{10} - 3\right) = 0$$

$$B = \left(3 - 2\sqrt{2}\right) + \left(2\sqrt{2} - 2\right) = 1$$

$$\therefore A + B = 0 + 1 = 1$$

- **24.** 자연수 n 에 대하여 \sqrt{n} 의 소수 부분을 f(n)이라 할 때, $f(175) - 2f(28) = a\sqrt{7} + b$ 이다. 이 때, ab 의 값을 구하면? [배점 5, 중상]
 - $\bigcirc -5$ $\bigcirc -3$ $\bigcirc -1$ $\bigcirc 4$ 1

해설

- i) $13 < \sqrt{175} = 5\sqrt{7} < 14$: $f(175) = 5\sqrt{7} 13$
- ii) $5 < \sqrt{28} = 2\sqrt{7} < 6$: $f(28) = 2\sqrt{7} 5$
- $f(175) 2f(28) = 5\sqrt{7} 13 4\sqrt{7} + 10 = \sqrt{7} 10$
- $3 = a\sqrt{7} + b$
- a = 1, b = -3
- $ab = 1 \times (-3) = -3$
- **25.** $\sqrt{2} = x$, $\sqrt{3} = y$ 일 때, $\sqrt{5}$ 를 x 와 y 로 나타낸 것으로 옳은 것은? [배점 5, 중상]
- ① x + y ② $x^2 + y^2$ ③ $\sqrt{x + y}$

$$\sqrt{5} = \sqrt{2+3} = \sqrt{\left(\sqrt{2}\right)^2 + \left(\sqrt{3}\right)^2} = \sqrt{x^2 + y^2}$$

- **26.** $\sqrt{3} = a$, $\sqrt{30} = b$ 일 때, $\sqrt{300}$ 의 값을 x, $\sqrt{0.3}$ 의 값을 y 라고 한다. x 와 y 를 a,b 를 이용하여 나타내 면? [배점 5, 중상]
 - ① x = 100a, y = 10b
 - $x = 10a, y = \frac{b}{10}$
 - $3 \ x = 100b \ , \ y = \frac{a}{100}$
 - $\textcircled{4} \ \ x = 10a \ , \ y = \frac{b}{100}$
 - ⑤ x = 10ab, $y = \frac{10}{b}$

$$\sqrt{300} = \sqrt{3 \times 100} = 10\sqrt{3} = 10a$$
$$\sqrt{0.3} = \sqrt{\frac{30}{100}} = \frac{\sqrt{30}}{10} = \frac{b}{10}$$

- **27.** 0 < a < 1 일 때, 다음 중 가장 큰 것은? [배점 5, 중상]
 - ① a
- $\bigcirc a^3$
- $\Im \sqrt{a}$

$$a=\frac{1}{2}$$
 라고 하면

- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{1}{8}$
- $(3)\sqrt{\frac{1}{2}}$
- 4 8
- \bigcirc $\sqrt{2}$