단원테스트 클리닉

1. 어떤 다항식에 -x+5y+3 을 더해야 할 것을 잘못하여 빼었더니 3x - 2y + 1 이 되었다. 옳게 계산한 결과는? [배점 4, 중중]

(1)x + 8y + 7

② 2x + 3y + 4

3 2x - 7y - 2

(4) x - 2y + 1

 \bigcirc -x + 2y - 3

-(-x+5y+3) = 3x-2y+1=3x-2y+1+(-x+5y+3)=2x+3y+4

옳게 계산한 결과는

2x + 3y + 4 + (-x + 5y + 3) = x + 8y + 7

2. $\frac{z}{3} = \frac{(w+x)y}{2} \stackrel{\triangle}{=} w \text{ deg} \text{ deg} \text{ thride}.$ [배점 4, 중중]

 \triangleright 정답: $w = \frac{2z}{3u} - x$

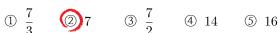
$$\frac{2z}{3y} = (w+x)$$
$$\frac{2z}{3y} - x = w$$
$$w = \frac{2z}{3y} - x$$

3. $\frac{x}{5} + \frac{y}{2} = \frac{3x+y}{5}$ 를 y 에 관하여 풀어라. [배점 4, 중중]

 \triangleright 정답: $y = \frac{4}{3}x$

$$\begin{aligned} \frac{2x}{10} + \frac{5y}{10} &= \frac{2(3x+y)}{10} \\ 2x + 5y &= 6x + 2y, \ 3y = 4x \end{aligned} \therefore y = \frac{4}{3}x$$

4. 두 양수 a, b 에 대하여 $a+b=3, a^2+b^2=7$ 일 때, $\frac{a}{b} + \frac{b}{a}$ 의 값은?



$$a^2 + b^2 = (a+b)^2 - 2ab$$

$$9 - 2ab = 7$$

$$ab = 1$$

$$ab = 1$$

 $\therefore \frac{a}{b} + \frac{b}{a} = \frac{a^2 + b^2}{ab} = \frac{7}{1} = 7$

5. x + y = 3, xy = -4 일 때, $(x - y)^2$ 의 값은? [배점 4, 중중]

① 20 ② 25 ③ 7 ④ 5 ⑤ 10



$$(x-y)^2 = (x+y)^2 - 4xy = 3^2 - 4 \times (-4) = 25$$

6. 다음 중 식을 바르게 전개하지 <u>않은</u> 것은?

[배점 4, 중중]

①
$$(x+8)(x-1) = x^2 + 7x - 8$$

$$2(x-2)(x-7) = x^2 - 9x + 14$$

$$(x+3)(x-4) = x^2 + x - 12$$

해설

$$3(x+3)(x-4) = x^2 - x - 12$$

7. x:y=2:3 일 때, $\frac{3x^7y^8}{(-2x^2y^3)^3}$ 의 값을 구하여라. [배점 5, 중상]

▶ 답:

\triangleright 정답: $-\frac{1}{4}$

해설

$$x : y = 2 : 3$$

$$3x = 2y$$

$$\frac{3x^7y^8}{(-2x^2y^3)^3} = \frac{3x^7y^8}{-8x^6y^9} = -\frac{3x}{8y}$$
$$= -\frac{2y}{8y} = -\frac{1}{4}$$

8. $64^{4x+1} = \left(\frac{1}{4}\right)^{2-13x}$ 일 때, x의 값을 구하여라. [배점 5, 중상]

▶ 답:

해설

주어진 식의 양변의 밑이 2가 되도록 바꾸면

$$(2^6)^{4x+1} = (2^{-2})^{2-13x}$$

$$2^{24+6} = 2^{-4+26x}$$

$$24x + 6 = -4 + 26x$$

$$-2x = -10$$

$$\therefore x = 5$$

9. $\frac{1234}{4321^2-4320 imes4322}$ 의 값을 구하여라. [배점 5, 중상]

▶ 답:

- 해설

$$\frac{1234}{4321^2 - (4321 - 1)(4321 + 1)}$$

$$= \frac{1234}{4321^2 - 4321^2 + 1}$$

$$= 1234$$

- **10.** $(2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)=2^a+b$ 에서 a-b **12.** $x^A \times x^5=x^7, (x^3)^4 \div x^B=x^7$ 일 때, A+B 의 값은? 의 값을 구하여라. [배점 5, 중상]
 - ▶ 답:
 - ▷ 정답: 17

 - (2-1) 을 곱한다.
 - 2 1 = 1 이므로 식의 값에 변화없다.

$$(2-1)(2+1)(2^2+1)(2^4+1)(2^8+1)$$

$$= (2^2 - 1)(2^2 + 1)(2^4 + 1)(2^8 + 1)$$

$$=(2^4-1)(2^4+1)(2^8+1)$$

$$=(2^8-1)(2^8+1)=2^{16}-1$$

$$a = 16, b = -1$$

- $\therefore a b = 16 (-1) = 17$
- 11. 두 수 x, y 에 대하여 연산 \bigstar , \blacktriangle 를 $x \bigstar y = x^2 y$, $x \blacktriangle y = xy^2$ 으로 정의한다. 이 때, 다음을 만족하는 X, Y 에 대하여 $3a(X \div Y)$ 의 값을 구하여라.
 - $3a \bigstar X = 12a^2b$, $Y \blacktriangle 5b = 100ab^2$

[배점 5, 중상]

- ▶ 답:
- ▷ 정답: b
 - 해설
- $3a \bigstar X = 12a^2b$ 에서

$$(3a)^2X = 12a^2b$$

$$\therefore X = \frac{12a^2b}{9a^2} = \frac{4}{3}b$$

$$Y \blacktriangle 5b = 100ab^2$$

$$Y(5b)^2 = 100ab^2$$
 에서

$$Y(5b)^2 = 100ab^2$$
 에서
∴ $Y = \frac{100ab^2}{25b^2} = 4a$

$$\therefore 3a(X \div Y) = 3a\left(\frac{4b}{3} \times \frac{1}{4a}\right) = 3a\left(\frac{b}{3a}\right) = b$$

- [배점 5, 중상]

 - ① 3 ② 5
- **4** 9

$$x^A \times x^5 = x^7$$

$$A+5=7$$
 $\therefore A=2$

$$(x^3)^4 \div x^B = x^7$$

$$x^{12} \div x^B = x^7$$

$$12 - B = 7$$
 $\therefore B = 5$

$$A + B = 2 + 5 = 7$$

- **13.** $4xy \div (x^2y) \times \left(\frac{xy}{2}\right)^2$ 을 계산하면? [배점 5, 중상]
 - ① $\frac{16}{x^3y^2}$ ② $\frac{8}{x^3y^2}$
- $32xy^2$

$$4xy \times \frac{1}{x^2y} \times \frac{x^2y^2}{4} = xy^2$$

- **14.** $a+b+c=1, \ a^2+b^2+c^2=\frac{3}{2}, \ \frac{1}{a}+\frac{1}{b}+\frac{1}{c}=1$ 일 때, abc의 값은? [배점 5, 중상]
- ① -1 ② $-\frac{1}{2}$ ③ $-\frac{1}{3}$
- $\bigcirc -\frac{1}{4}$ $\bigcirc -\frac{1}{5}$

- $\dfrac{1}{a}+\dfrac{1}{b}+\dfrac{1}{c}=1$ 의 양변에 abc를 곱하면 ab+bc+ca=abc
- $(a+b+c)^2 = a^2+b^2+c^2+2(ab+bc+ca)$ 이므로 $1=\frac{3}{2}+2(ab+bc+ca)$
- $\therefore ab + bc + ca = abc = -\frac{1}{4}$
- **15.** $xyz \neq 0$, xy = a, yz = b, zx = c일 때, $x^2 + y^2 + z^2$ 의 값을 a, b, c에 관하여 바르게 나타낸 것은? [배점 5, 중상]
- $\frac{bc}{a} + \frac{ac}{b} + \frac{ab}{a}$

$$x^{2}y^{2}z^{2} = abc \, | \, \exists \exists$$

$$x^{2} = \frac{abc}{y^{2}z^{2}} = \frac{abc}{b^{2}} = \frac{ac}{b}$$

$$y^{2} = \frac{abc}{x^{2}z^{2}} = \frac{abc}{c^{2}} = \frac{ab}{c}$$

$$z^{2} = \frac{abc}{x^{2}y^{2}} = \frac{abc}{a^{2}} = \frac{bc}{a}$$

$$\therefore x^{2} + y^{2} + z^{2} = \frac{ac}{b} + \frac{ab}{c} + \frac{bc}{a}$$

- **16.** 4개의 수 a, b, c, d에 대하여 기호 | |를 $\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} =$ ad - bc로 정의 한다. 이때, $\begin{vmatrix} -2x+y+1 & x-2y-4 \\ \frac{1}{4} & -\frac{1}{2} \end{vmatrix}$ 은?
 - ① $-\frac{3}{4}x + \frac{1}{2}y 4$ ② $-\frac{1}{4}x + y$
 - $\frac{3}{4}x + \frac{1}{2}$
- $4 \frac{3}{4}x 2y + 1$

[배점 5, 중상]

(5) $4x + y - \frac{3}{4}$

$$\begin{split} &(-2x+y+1)\times\left(-\frac{1}{2}\right)-(x-2y-4)\times\left(\frac{1}{4}\right)\\ &=\left(x-\frac{1}{2}y-\frac{1}{2}\right)-\left(\frac{1}{4}x-\frac{1}{2}y-1\right)\\ &=x-\frac{1}{2}y-\frac{1}{2}-\frac{1}{4}x+\frac{1}{2}y+1\\ &=\frac{3}{4}x+\frac{1}{2} \end{split}$$

- 17. 다음 식에서 P의 값은? (단, $a \neq b \neq c$) $P = \frac{a}{(a-b)(a-c)} + \frac{b}{(b-c)(b-a)} + \frac{c}{(c-a)(c-b)}$
 - 100

- 2 1 3 2 4 3
- (5) 4

$$P = \frac{-a}{(a-b)(c-a)} + \frac{-b}{(b-c)(a-b)} + \frac{-c}{(c-a)(b-c)}$$

$$= \frac{-a(b-c) - b(c-a) - c(a-b)}{(a-b)(b-c)(c-a)}$$

$$= \frac{-ab + ac - bc + ab - ac + bc}{(a-b)(b-c)(c-a)} = 0$$

- **18.** abc=1 일 때, $\frac{a}{ab+a+1}+\frac{b}{bc+b+1}+\frac{c}{ca+c+1}$ 의 값을 구하여라. [배점 $5,\ \column{c}$ 중상]
 - ▶ 답:
 - ▷ 정답: 1
 - $\begin{vmatrix} \frac{a}{ab+a+1} + \frac{b}{bc+b+1} + \frac{c}{ca+c+1} \\ = \frac{a}{ab+a+1} + \frac{ab}{a(bc+b+1)} + \frac{abc}{ab(ca+c+1)} \\ = \frac{a}{ab+a+1} + \frac{ab}{abc+ab+a} + \frac{abc}{a^2bc+abc+ab} \\ = \frac{a}{ab+a+1} + \frac{ab}{1+ab+a} + \frac{1}{a+1+ab} \\ = \frac{a+ab+1}{ab+a+1} = 1$
- **19.** $a \neq 0$, $b \neq 0$ 이고 x, y 가 자연수일 때, $a^{(x-y)}b^{(y-x)}$ ÷ $b^{(x-y)}a^{(y-x)}$ 을 간단히 하여라. (단, x>y)
 - [배점 5, 중상]

① 2

$$\begin{split} a^{(x-y)}b^{(y-x)} & \div b^{(x-y)}a^{(y-x)} = a^{2x-2y}b^{2y-2x} \\ & = \frac{a^{2x-2y}}{b^{2x-2y}} \\ & = \left(\frac{a}{b}\right)^{2x-2y} \end{split}$$

- $\mathbf{20.}\ a:b=1:2$ 이코, $\left(b+rac{1}{a}
 ight)\div\left(rac{1}{b}+a
 ight)=$ 일 때,
- $2 \frac{1}{2}$ 3 1

- **4**) 2
- ⑤ 3

$$a:b=1:2 \ \bigcirc \square \exists b=2a$$

$$\square = \left(b+\frac{1}{a}\right) \div \left(\frac{1}{b}+a\right)$$

$$= \left(\frac{ab+1}{a}\right) \div \left(\frac{1+ab}{b}\right)$$

$$= \frac{b}{a} = \frac{2a}{a} = 2$$

- ${f 21.} \; {4^x \over 16^{-x+y}} = 64 \; , \; {25^{x+y} \over 5^{3y}} = 125$ 일 때, $32^x \times 125^y$ 의 <mark>자리</mark>의 수를 구하여라. [배점 5, 중상]
 - ▶ 답:
 - ▷ 정답: 11

$$4^x = 64 \times 16^{-x+y} = 4^{3-2x+2y} = 4^{-2x+2y+3}$$

$$\therefore x = -2x + 2y + 3$$

$$25^{x+y} = 125 \times 5^{3y} = 5^3 \cdot 5^{3y} = 5^{3y+3}$$

$$\therefore 2x + 2y = 3y + 3$$

두 식을 연립하면

$$x = 3, y = 3$$

$$32^x \times 125^y = (2^5)^3 \times (5^3)^3 = 2^{15} \times 5^9$$

$$= (10)^9 \times 2^6 = 64 \times 10^9$$

따라서 11 자리의 수이다.

- **22.** $\frac{4^x}{16^{-x+y}}=64$, $\frac{25^{x+y}}{5^{3y}}=125$ 일 때, $32^x\times 125^y$ 의 자리의 수를 구하여라. [배점 5, 중상]
 - ▶ 답:
 - ▷ 정답: 11

$$4^x = 64 \times 16^{-x+y} = 4^{3-2x+2y} = 4^{-2x+2y+3}$$

$$\therefore x = -2x + 2y + 3$$

$$25^{x+y} = 125 \times 5^{3y} = 5^3 \cdot 5^{3y} = 5^{3y+3}$$

$$\therefore 2x + 2y = 3y + 3$$

두 식을 연립하면

$$x = 3, y = 3$$

$$32^x \times 125^y = (2^5)^3 \times (5^3)^3 = 2^{15} \times 5^9$$

$$=(10)^9 \times 2^6 = 64 \times 10^9$$

- 따라서 11 자리의 수이다.
- ${f 23.} \; rac{3^x}{9^{-x+y}} = 27, \, rac{25^{x+y}}{5^{3y}} = 625$ 일 때, $64^x imes 625^y$ 의 자리 의 수를 구하면? [배점 5, 중상]
 - ① 10 자리
- ② 12 자리
- ③ 17 자리

- ④ 20 자리
- ⑤ 26 자리

$$3^x = 27 \times 9^{-x+y} = 3^3 \times 3^{-2x+2y} = 3^{-2x+2y+3}$$

$$\therefore x = -2x + 2y + 3$$

$$25^{x+y} = 625 \times 5^{3y} = 5^4 \cdot 5^{3y} = 5^{3y+4}$$

$$\therefore 2x + 2y = 3y + 4$$

두 식을 연립하면

$$x = 5, y = 6$$

$$64^x \times 625^y = (2^6)^5 \times (5^4)^6 = 2^{30} \times 5^{24}$$

$$=(10)^{24}\times 2^6=64\times 10^{24}$$

따라서 26 자리의 수이다.

 $24. 2^{17} \times 5^{20}$ 은 n 자리의 자연수이고. 3^{2008} 의 일의 자리 의 숫자는 m일 때, n+m의 값을 구하여라.

[배점 5, 중상]

- ▶ 답:
- ➢ 정답 : 21

$$2^{17} \times 5^{20} = (2^{17} \times 5^{17}) \times 5^3 = 125 \times 10^{17}$$

$$\therefore n = 20$$

 3^m 의 일의 자리의 수는 3, 9, 7, 1 로 반복되고

$$2008 = 4 \times 502$$
 이므로 $m = 1$

$$\therefore n+m=21$$

- **25.** $\frac{4x+5y}{3x-5y} = \frac{1}{2}$ 일 때, (x+1)-2y-2 = y 에 관한 식으로 나타내면?

 - ① -5x+1 ② -5y-1 ③ -5y+2

- 4 5y + 1 5 -5y 2

$$8x + 10y = 3x - 5y$$

$$5x = -15y \therefore x = -3y$$

$$\therefore$$
 $(x+1)-2y-2=-3y-2y-1=-5y-1$

26. $\frac{2x-y}{3x+4y} = \frac{1}{3}$ 일 때 $\frac{2}{3}x + \frac{2}{3}y + 3$ 을 y 에 관한 식으로 나타내면 ay + b 이다. 9a + b 의 값을 구하여라.

[배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답: 23

$$\frac{2x - y}{3x + 4y} = \frac{1}{3}$$

$$6x - 3y = 3x + 4y$$

$$3x = 7y$$

$$x = \frac{7}{3}y$$

$$\frac{2}{3}x + \frac{2}{3}y + 3 = \frac{14}{9}y + \frac{2}{3}y + 3 = \frac{20}{9}y + 3$$

$$a = \frac{20}{9}, b = 3 \therefore 9a + b = 23$$

27. 부등식 $3^{10} < x^{10} < 4^{20}$ 을 만족하는 자연수 x 의 개 수를 구하여라. [배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답: 12개

$$3^{10} < x^{10} < (4^2)^{10}$$

 $3 < x < 4^2$

따라서 만족하는 자연수는 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15로 12 개이다.

28. $9^x = 4$ 일 때, $\frac{3^{2x}}{3^{4x} + 3^x}$ 의 값을 구하면? [배점 5, 중상]

$$9^x = (3^2)^x = 3^{2x} = 4$$

따라서
$$3^x = 2$$
이고, $3^{4x} = (3^x)^4 = 2^4 = 16$ 이다.

$$\therefore \frac{3^{2x}}{3^{4x} + 3^x} = \frac{4}{16 + 2} = \frac{4}{18} = \frac{2}{9}$$

29. $A = (24a^4b^5 - 12a^5b^4) \div (-2a^2b)^2$, $B = (8a^3b^4 - 12a^5b^4)$ $(4a^2b^2)$ ÷ $(-ab)^2$ 일 때, $A - (B + 3C) = ab^2 + 1$ 을 만 족하는 식 C를 구하면? [배점 5, 중상]

①
$$C = b^3 - 2ab^2 - 1$$

②
$$C = b^3 - 4ab^2 - 2$$

⑤
$$C = b^3 - ab^2 - 4$$

주어진 식 A, B를 정리하면

$$A = 6b^3 - 3ab^2, \ B = 8ab^2 - 4$$

$$A-(B+3C)=ab^2+1$$
에서

$$A - B - 3C = ab^2 + 1$$
이고,

$$3C = A - B - ab^2 - 1$$

$$3C = 6b^3 - 3ab^2 - 8ab^2 + 4 - ab^2 - 1$$
$$= 6b^3 - 12ab^2 + 3$$

$$= 6b^{\circ} - 12ab^{\circ} + 3$$

양변을 3으로 나누면

$$C = 2b^3 - 4ab^2 + 1$$

- **30.** $2^{100} = a$ 일 때, $4^{50} 4^{49}$ 을 a에 관한 식으로 나타내

- ① $\frac{1}{4}a$ ② $\frac{1}{2}a$ ③ $\frac{3}{4}a$ ④ $\frac{3}{2}a$ ⑤ $\frac{4}{3}a$

$$4^{50} - 4^{49} = (2^{2})^{50} - (2^{2})^{49}$$

$$= 2^{100} - 2^{98}$$

$$= 2^{100} - 2^{100} \div 2^{20}$$

$$= 2^{100} \left(1 - \frac{1}{4}\right)$$

$$= \frac{3}{4} \times 2^{100}$$

- **31.** $A = 2^{x-3}$, $B = 3^{x+1}$ 일 때, $\frac{8^x}{9^x}$ 를 A, B에 관한 식으 로 나타내면?
- ① $\frac{4606}{B^2}A^3$ ② $\frac{4607}{B^2}A^3$ ③ $\frac{4608}{B^2}A^3$
- $4609 R^2 A^3$ $34610 R^2 A^3$

$$A = 2^{x-3} = 2^x \div 8$$
이므로 $2^x = 8A$

$$B = 3^{x+1} = 3^x \times 3$$
이므로 $3^x = \frac{B}{3}$

$$\frac{8^x}{9^x} = \frac{(2^x)^3}{(3^x)^2} = \frac{(8A)^3}{\left(\frac{B}{3}\right)^2}$$

$$= \frac{3^2 \times 2^9 \times A^3}{B^2}$$

$$= \frac{4608A^3}{B^2}$$

32. $(a, b)*(c, d) = \frac{bd}{ac}$ 라 할 때, 다음 식을 간단히 하면?

$$\left(x^{2}y, -\frac{xy^{3}}{4}\right) * \left(-\frac{1}{3}xy^{2}, \frac{-1}{xy}\right)$$

[배점 5, 중상]

- ① $-\frac{2}{4}x^2$ ② $-\frac{3}{4}xy$ ③ $-\frac{3}{4x^2}$ ④ $-\frac{3}{4x}$

주어진 식의 정의에 따라 준 식을 바꿔주면 $(준식) = \frac{\left(-\frac{xy^3}{4}\right) \times \left(\frac{-1}{xy}\right)}{x^2y \times \left(-\frac{1}{2}xy^2\right)} = \frac{\frac{y^2}{4}}{-\frac{x^3y^3}{2}}$ $=\frac{y^2}{4}\times\left(-\frac{3}{x^3y^3}\right)=-\frac{3}{4x^3y}$

- **33.** $(a, b)*(c, d) = \frac{ad}{bc}$ 라 할 때, $\left(2x^3y, -\frac{xy^4}{5}\right)*\left(-\frac{2}{3}xy^2, -\frac{2}{xy^2}\right)$ 를 간단히 하면?

- ① $-\frac{25}{y^3}$ ② $-\frac{25}{y^5}$ ③ $-\frac{25}{y^7}$ ④ $-\frac{30}{y^7}$

(준식) = $\frac{2x^3y \times \left(-\frac{2}{xy^2}\right)}{\left(-\frac{xy^4}{5}\right) \times \left(-\frac{2}{3}xy^2\right)} = \frac{-\frac{4x^2}{y}}{\frac{2x^2y^6}{15}}$ $= \left(-\frac{4x^2}{y}\right) \times \left(\frac{15}{2x^2y^6}\right) = -\frac{30}{y^7}$

34. 상수 a, b, c, d 에 대하여 다음 보기에서 a+b-3c+3d 의 값을 구하여라.

보기

①
$$5y - \left[2y - \frac{2}{3}(x - y) - \left\{\frac{5}{3}x - (x - 4y)\right\}\right]$$

= $cx + dy$

[배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답: 11

해설

$$= -6x + 2y$$
 이므로 $a = -6$, $b = 2$ 이다.
© $5y - \left[2y - \frac{2}{3}(x - y) - \left\{\frac{5}{3}x - (x - 4y)\right\}\right]$
$$= 5y - \left\{2y - \frac{2}{3}x + \frac{2}{3}y - \left(\frac{5}{3}x - x + 4y\right)\right\}$$

$$= 5y - \left\{-\frac{2}{3}x + 2y + \frac{2}{3}y - \left(\frac{2}{3}x + 4y\right)\right\}$$

$$= 5y - \left(-\frac{2}{3}x + \frac{8}{3}y - \frac{2}{3}x - 4y\right)$$

$$= 5y - \left(-\frac{4}{3}x - \frac{4}{3}y\right)$$

$$= 5y + \frac{4}{3}x + \frac{4}{3}y$$

$$= \frac{4}{3}x + \frac{19}{3}y$$
 이므로 $c = \frac{4}{3}$, $d = \frac{19}{3}$ 이다.

 $\therefore a+b-3c+3d = -6+2-3 \times \frac{4}{3} + 3 \times \frac{19}{3} = 11$

35. $(4x^2 - 3x + 2)(3x^3 + 5x^2 + 7)$ 을 전개하였을 때, 상수 항을 포함한 모든 항의 계수들의 합을 구하여라.

[배점 5, 중상]

▶ 답:

➢ 정답: 45

해섴

$$(4x^2-3x+2)(3x^3+5x^2+7)=ax^5+bx^4+cx^3+dx^2+ex+f$$
라 하면 항등식이므로 양변에 $x=1$ 을 대입하면

앙증적이므로 왕편에
$$x = 1$$
를 내립하면 $(4-3+2)(3+5+7) = a+b+c+d+e+f$

$$a + b + c + d + e + f = 45$$

36. $\frac{3x^2 - 4x + 1}{2}$ 에 어떤 식을 빼야 할 것을 잘못하여 더 했더니 $\frac{2x^2 - 7x + 3}{4}$ 이 되었다. 바르게 계산한 답을

①
$$\frac{x^2 - 11x + 4}{2}$$

$$2 \frac{5x^2 - 3x + 2}{4}$$

$$3 \frac{10x^2 - 9x + 1}{4}$$

$$4 \frac{10x^2-21x+9}{4}$$

①
$$\frac{x^2 - 11x + 4}{2}$$
 ② $\frac{5x^2 - 3x + 2}{4}$ ② $\frac{10x^2 - 9x + 1}{4}$ ④ $\frac{21x^2 - 9x + 11}{4}$

어떤 식을 A라 하면

$$\frac{3x^2 - 4x + 1}{2} + A = \frac{2x^2 - 7x + 3}{4}$$

$$\therefore A = \frac{2x^2 - 7x + 3}{4} - \frac{3x^2 - 4x + 1}{2}$$

$$= \frac{2x^2 - 7x + 3}{4} - \frac{6x^2 - 8x + 2}{4}$$

$$= \frac{-4x^2 + x + 1}{4}$$

따라서 바르게 계산하면

$$\frac{3x^2 - 4x + 1}{2} - \frac{-4x^2 + x + 1}{4}$$

$$= \frac{6x^2 - 8x + 2}{4} - \frac{-4x^2 + x + 1}{4}$$

$$= \frac{10x^2 - 9x + 1}{4}$$

- **37.** (3x+ay-2)(2x-y+4)를 전개하면 상수항을 제외한 각 항의 계수의 총합이 8이다. 이때, a의 값은? [배점 5, 중상]

 - $\bigcirc -3 \bigcirc -1 \bigcirc 3 \bigcirc 0 \bigcirc 4 \bigcirc 1 \bigcirc 3 \bigcirc 3$

해설

$$6x^{2} - 3xy + 12x + 2axy - ay^{2} + 4ay - 4x + 2y - 8$$

$$= 6x^{2} + 8x + (2a - 3)xy - ay^{2} + (4a + 2)y - 8$$

$$6 + 8 + (2a - 3) - a + (4a + 2) = 10$$

$$5a + 13 = 8$$

$$\therefore a = -1$$

- **38.** (3x+ay-2)(2x-y+4)를 전개하면 상수항을 제외한 각 항의 계수의 총합이 8이다. 이때, a의 값은? [배점 5, 중상]



$$6x^{2} - 3xy + 12x + 2axy - ay^{2} + 4ay - 4x + 2y - 8$$

$$= 6x^{2} + 8x + (2a - 3)xy - ay^{2} + (4a + 2)y - 8$$

$$6 + 8 + (2a - 3) - a + (4a + 2) = 10$$

$$5a + 13 = 8$$

$$\therefore a = -1$$

10

39. (2x+ay-5)(x-2y+3)을 전개하면 상수항을 제외한 각 항의 계수의 총합이 5이다. 이때, a의 값은?

[배점 5, 중상]

- (1) -2
- $2 -1 \quad 3 \quad 0 \quad 4 \quad 1$

- ⑤ 2

해설

$$2x^{2} - 4xy + 6x + axy - 2ay^{2} + 3ay - 5x + 10y - 15$$

$$= 2x^{2} + x + (a - 4)xy - 2ay^{2} + (3a + 10)y - 15$$

$$2 + 1 + (a - 4) - 2a + (3a + 10) = 5$$

- 2a + 9 = 5
- $\therefore a = -2$
- **40.** (2x+ay-5)(x-2y+3)을 전개하면 상수항을 제외한 각 항의 계수의 총합이 5이다. 이때, a의 값은? [배점 5, 중상]
- $2 -1 \quad 3 \quad 0 \quad 4 \quad 1$
- ⑤ 2

$$2x^{2} - 4xy + 6x + axy - 2ay^{2} + 3ay - 5x + 10y - 15$$

$$= 2x^{2} + x + (a - 4)xy - 2ay^{2} + (3a + 10)y - 15$$

$$2 + 1 + (a - 4) - 2a + (3a + 10) = 5$$

$$2a + 9 = 5$$

$$\therefore a = -2$$

- **41.** $[a, b] = (a+b)^2$ 일 때, $[2x, -3y] 2 \times [-x, 2y]$ 를 간단히 하면? [배점 5, 중상]

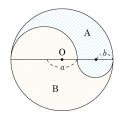
 - ① $2x^2 4xy 2y^2$ ② $2x^2 4xy + 2y^2$
 - 3 $2x^2 4xy + y^2$ 4 $2x^2 + 4xy + y^2$

$$(2x - 3y)^{2} - 2 \times (-x + 2y)^{2}$$

$$= 4x^{2} - 12xy + 9y^{2} - 2(x^{2} - 4xy + 4y^{2})$$

$$= 2x^{2} - 4xy + y^{2}$$

42. 그림과 같이 반지름의 길이가 a, b 인 반원으로 큰 원 O 를 A, B 두 부분으로 나누었다. 이 때, A, B 의 넓이의 차는?



[배점 5, 중상]

- ① $\pi(a+b)(a+b)$ ② $\pi(a-b)(a-b)$
- $\Im \pi(b-a)(b-a)$
- $\textcircled{4}\pi(a+b)(a-b)$
- $\Im \pi(a+b)(b-a)$

(A 의 넓이)

$$= \pi(\frac{2a+2b}{2})^2 \times \frac{1}{2} - \pi a^2 \times \frac{1}{2} + \pi b^2 \times \frac{1}{2}$$

$$= \frac{\pi}{2} \left\{ (a+b)^2 - a^2 + b^2 \right\}$$

$$= \frac{\pi}{2} (2ab+2b^2)$$

$$= \pi(ab+b^2)$$
(B 의 넓이)

$$= \pi(\frac{2a+2b}{2})^2 \times \frac{1}{2} + \pi a^2 \times \frac{1}{2} - \pi b^2 \times \frac{1}{2}$$

$$= \frac{\pi}{2} \left\{ (a+b)^2 + a^2 - b^2 \right\}$$

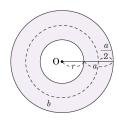
$$= \frac{\pi}{2} (2ab+2a^2)$$

$$= \pi(ab+a^2)$$

$$\therefore B - A = \pi(ab+a^2) - \pi(ab+b^2)$$

$$= \pi(a^2-b^2) = \pi(a-b)(a+b)$$

43. 아래 그림에서 어두운 부분의 넓이를 a, b를 써서 나 타내면? (b 는 점선의 원주의 길이)



[배점 5, 중상]

- $\bigcirc ab$
- ② 2ab
- $\Im \pi ab$

- \bigcirc $2\pi ab$
- ⑤ $\pi a^2 b^2$

$$b = 2\pi \left(r + \frac{a}{2}\right) = 2\pi r + \pi a = \pi (2r + a)$$

어두운 부분의 넓이를 S 라 하면
$$S = \pi (a + r)^2 - \pi r^2$$
$$= \pi (a^2 + 2ar + r^2 - r^2)$$
$$= \pi a (a + 2r) = a \left\{\pi (a + 2r)\right\} = ab$$

- **44.** x = a(a+5)일 때, (a-1)(a+2)(a+3)(a+6)을 x에 관한 식으로 나타내면? [배점 5, 중상]
 - ① $x^2 36$ ② $x^2 6$

 - ③ $x^2 + 6$ ④ $x^2 + 36$
 - $3 x^2 12x + 36$

$$x = a(a+5) = a^2 + 5a \stackrel{\text{\tiny 2}}{=} \stackrel{\text{\tiny III}}{=},$$

$$(a-1)(a+2)(a+3)(a+6)$$

$$= \{(a-1)(a+6)\} \{(a+2)(a+3)\}$$

$$= (a^2 + 5a - 6)(a^2 + 5a + 6)$$

$$= (x-6)(x+6)$$

$$= x^2 - 36$$

45. $7(x+a)^2 + (4x+b)(x-5)$ 를 간단히 하면 x 의 계수가 1이다. a, b 가 자연수일 때, 상수항은?

[배점 5, 중상]

- (1) -28
- \bigcirc -10
- 3 4

- ④ 20
- ⑤ 35

$$7(x^2 + 2ax + a^2) + (4x^2 - 20x + bx - 5b)$$
$$= 11x^2 + (14a - 20 + b)x + 7a^2 - 5b$$
$$x 의 계수는 14a - 20 + b = 1$$

14a + b = 21

a = 1, b = 7(::a, b는 자연수)

따라서상수항은 $7a^2 - 5b = 7 - 35 = -28$ 이다.

- **46.** $4(x+1)(x+A) = 4(x-2)^2 B$ 일 때, 상수 B 의 값은? [배점 5, 중상]
 - **1** 36
- ② 37 ③ 38 ④ 39

- ⑤ 40

양변을 전개하면

$$4(x^{2} + Ax + x + A) = 4(x^{2} - 4x + 4) - B$$

$$\Rightarrow 4x^{2} + 4(A+1)x + 4A = 4x^{2} - 16x + 16 - B$$

$$4(A+1) = -16$$

A + 1 = -4

A = -5

4A = 16 - B 이므로 -20 = 16 - B,

따라서 B 의 값은 36이다.

- **47.** 다음 중 나머지 넷과 다른 하나는? [배점 5, 중상]
 - ① $(3x \frac{5}{2}y)^2$ ② $(\frac{5}{2}y 3x)^2$

 $\Im (3x + \frac{5}{2}y)^2 - 30xy$

①, ②, ④, ⑤
$$:9x^2 - 15x + \frac{25}{4}y^2$$

$$3:-9x^2+15x-\frac{25}{4}y^2$$

- **48.** $(2x-1)(2x+A) = (-2x+2)^2 + Bx$ 일 때, A-B의 값은? [배점 5, 중상]

 - $\bigcirc -4 \bigcirc -2 \bigcirc 3 \bigcirc 0 \bigcirc 4 \bigcirc 2$

 $(2x-1)(2x+A) = (-2x+2)^2 + Bx$

 $4x^2 - 2x + 2Ax - A = 4x^2 - 8x + 4 + Bx$

x 의 계수가 서로 같으므로 -2 + 2A = -8 + B, 상수항이 서로 같으므로 -A = 4 이다.

따라서 A = -4, B = -2 이므로 A - B = -2이다.

49. x 에 관한 이차식을 2x+5 로 나누면 몫이 3x+4 이고, 나머지는 1 이다. 이때, 이차식은? [배점 5, 중상]

① $3x^2 + 12x + 1$

② $3x^2 + 12x + 11$

 $3 6x^2 + 23x + 20$

 $6x^2 + 27x + 20$

 $\bigcirc 6x^2 + 23x + 21$

(나누어지는 수) = (나누는 수) × (몫) + (나머지) 이므로

(x 에 관한 이차식)= $(2x+5) \times (3x+4) + 1$ $=6x^2 + 23x + 21$

50. $a^2 = 16$, $b^2 = 4$ 일 때, $\left(\frac{1}{4}a + \frac{5}{2}b\right)\left(\frac{1}{4}a - \frac{5}{2}b\right)$ 의 값은?

① -30

(2) -24

3 -18

(4) -12

(5) -6

$$\begin{split} & \left(\frac{1}{4}a + \frac{5}{2}b\right) \left(\frac{1}{4}a - \frac{5}{2}b\right) \\ & = \left(\frac{1}{4}a\right)^2 - \left(\frac{5}{2}b\right)^2 \\ & = \frac{1}{16}a^2 - \frac{25}{4}b^2 \\ & = \frac{1}{16} \times 16 - \frac{25}{4} \times 4 \\ & = 1 - 25 = -24 \end{split}$$

51. $a^2 = 12$, $b^2 = 18$ 일 때, $\left(\frac{1}{2}a + \frac{2}{3}b\right)\left(\frac{1}{2}a - \frac{2}{3}b\right)$ 의

- $\bigcirc 1 -9 \bigcirc 2 -8 \bigcirc 3 -6 \bigcirc 4 -5 \bigcirc 5 -3$

$$\left(\frac{1}{2}a + \frac{2}{3}b\right)\left(\frac{1}{2}a - \frac{2}{3}b\right)$$

$$= \left(\frac{1}{2}a\right)^2 - \left(\frac{2}{3}b\right)^2$$

$$= \frac{1}{4}a^2 - \frac{4}{9}b^2$$

$$= \frac{1}{4} \times 12 - \frac{4}{9} \times 18$$

$$= 3 - 8 = -5$$

52. (x+A)(x+B) 를 전개하였더니 x^2+Cx-3 이 되었다. 다음 중 C 의 값이 될 수 있는 것은?(단, A, B, C 는 정수이다.) [배점 5, 중상]

- $\bigcirc 1 -3 \bigcirc 2 -2 \bigcirc 3 -1 \bigcirc 4 \bigcirc 0$

해설

 $(x+A)(x+B) = x^2 + (A+B)x + AB = x^2 + Cx - 3$ 이므로 A+B=C, AB=-3 이다. 따라서 C=(1-3, -1+3, 3-1, -3+1) = (-2, 2) 이다.