확인학습문제

1. 두 집합 $A = \{3, 5, a\}, B = \{2, 3, 5\}$ 에 대하여 A = B일 때, a의 값을 구하여라. [배점 2, 하중]

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

A=B이면 집합 $A,\ B$ 의 모든 원소가 같아야 한 다. 따라서 a=2이다.

2. 집합 A = {2,3,5,7} 의 부분집합 중 원소 2를 반드시 포함하고 3을 포함하지 않는 부분집합의 개수는?[배점 2, 하중]

① 1개

- ② 2개
- ③ 3개

④4개

⑤ 5개

해설

집합 A 에서 원소 2를 반드시 포함하고, 3을 포함하지 않는 부분집합을 구하면 $\{2\},\{2,5\},\{2,7\},\{2,5,7\}$ 이므로 4개이다.

3. 집합 $A = \{1, 2, \dots, n\}$ 에서 2 를 포함한 부분집합의 개수가 8 개라고 할 때, 자연수 n 의 값은?

[배점 3, 하상]

① 1

- ② 2 ③ 3
- **4**)4
- ⑤ 5

해설

 $2^{(2$ 를 제외한 원소의 개수)} = $2^{n-1} = 8 = 2^3$... n = 4

4. 집합 {2, 4, 6, 8, 10} 에서 원소 2 을 포함하고 10 을 포함하지 않는 부분집합의 개수를 구하여라.

[배점 3, 하상]

▶ 답:

▷ 정답: 8개

해설

 $2^{(2, 10를 뺀 원소의 개수)} = 2^{5-2} = 2^3 = 8(개)$

- **5.** 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은? [배점 3, 하상]
 - ① $A \subset B$ 이면, $n(A) \leq n(B)$ 이다.
 - ② $A \subset B$ 이고, $A \neq B$ 이면, n(A) < n(B) 이다.
 - \mathfrak{D} n(A) < n(B) 이면, $A \not\subset B$ 이다.
 - ④ $A = \{x \mid x \in 1 \text{ 보다 작은 자연수}\}$ 이면 n(A) = 0 이다.
 - ⑤ B = A 이면 n(A) 와 n(B) 는 같다.

해설

③ 반례: $A = \{1, 3\}, B = \{1, 3, 5\}$

- $A \subset X \subset B$ 를 만족하는 집합 X 가 될 수 있는 것은? [배점 3, 하상]
 - ① Ø

- $2\{5\}$
- ③ {1, 3}
- (4) $\{1, 3, 5\}$
- (5){1, 3, 5, 7, 9}

- ① $\{1, 7\} \not\subset \emptyset$
- ② $\{1, 7\} \not\subset \{5\}$
- ③ $\{1, 7\} \not\subset \{1, 3\}$
- 4 $\{1, 7\} \not\subset \{1, 3, 5\}$
- **7.** 집합 $A = \{x \mid x \in 2$ 보다 크고 15보다 작은 3의 배수\ 일 때, 원소 3 또는 6 을 포함하는 부분집합의 개수를 구하여라. [배점 3, 하상]

▶ 답:

▷ 정답: 12개

 $A = \{3, 6, 9, 12\}$

원소 3 을 포함하는 부분집합의 개수:

 $2^{4-1} = 8 \ (7)$

원소 6 을 포함하는 부분집합의 개수:

 $2^{4-1} = 8$ (7)

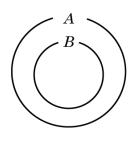
원소 3, 6 을 포함하는 부분집합의 개수:

 $2^{4-2} = 4$ (7)

원소 3 또는 6 을 포함하는 부분집합의 개수 :

8 + 8 - 4 = 12 (7)

8. 다음 벤 다이어그 램에서 집합 A{x|x는 28 미만의 7의 배수} 일 때, 집합 B 가 될 수 있는 것을 모두 고르면? (정답 2개) [배점 3, 하상]



- \bigcirc { \varnothing }
- **2** {7, 14}
- 3 $\{1, 14, 21\}$
- (4){7, 14, 21}
- \bigcirc $\{7, 14, 21, 28\}$

 $A = \{7, 14, 21\}$ 이고 $B \subset A$ 이어야 한다. ① $\emptyset \notin A$ 이므로 $\{\emptyset\} \not\subset A$

- 9. 세 집합 A, B, C 에 대하여 $A = \{x | x 는 8 의 약수\}$, $B = \{x | x \in 10$ 보다 작은 자연수 $\}$, $C = \{x | x$ 는 한 자리 짝수인 자연수 $\}$ 일 때, 다음 중 옳은 것은? [배점 3, 하상]
 - ① $B \subset A$
- ② $A \subset C$
- $\bigcirc C \subset B$
- $\textcircled{4} \ A \not\subset B \qquad \textcircled{5} \ A = C$

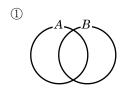
 $A = \{1, 2, 4, 8\}, B = \{1, 2, 3, \dots, 9\},\$

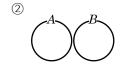
 $C = \{2, 4, 6, 8\}$ 이므로

 $C \subset B$ 이다.

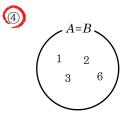
10. 두 집합 A, B 의 관계가 $A \subset B$ 이고 $B \subset A$ 일 때, 다음 중 벤 다이어그램 옳게 나타낸 것은?

[배점 3, 중하]











해설

 $A \subset B$ 이고 $B \subset A 는 A = B$ 를 의미한다.

11. 다음 중 두 집합이 서로 같지 <u>않은</u> 것은?

[배점 3, 중하]

- ① {1,2}와 {2,1}
- ② {x | x는 8 의 약수}와 {1,2,4,8}
- ③ {x | x는 짝수}와 {x | x는 2 의 배수}
- ④ {9,11,13,···,}와 {x | x는 7 보다 큰 홀수}
- ③ {과학 , 수학} 과 {xx는 학교에서 배우는 과목}

해설

- ① $\{1,2\} = \{2,1\}$
- ③ $\{x \mid x$ 는 짝수 $\} = \{x \mid x$ 는 2 의 배수 $\} = \{2,4,6,8,\cdots\}$
- ④ {x | x는 7 보다 큰 홀수} = {9,11,13,…}
- ⑤ {과학 , 수학} ⊂ {*x x*는 학교에서 배우는 과목}

12. 다음 중에서 옳은 것의 번호를 찾고, 각 번호에 주어진 글자를 차례로 모아서 한 문장을 만들어라.

> {1,2}는 {1,2,5}의 $\{m,n\}$ 은 $\{m,n\}$ 의 진부분집합이다. 진부분집합이다. {ㄱ,ㄴ,ㄷ}의 진부 A={7,8}일 때, 분집합은 8개이다. $\varnothing \subset A$ 이다 $\{a,b\} \not\subset \{a,b,c\}$ Ø은 {e,f}의 진부분집합이다. (1) (3) (4) (6) 2 (5) 사 호 랑 후 해

> > [배점 3, 중하]

▶ 답:

▷ 정답: 사랑해

해설

- ① {1, 2} 는 {1, 2, 5} 의 진부분집합이다.
- ② $\{m, n\}$ 은 $\{m, n\}$ 의 진부분집합이 아니다.
- ③ {ㄱ, ㄴ, ㄷ} 의 진부분집합은 부분집합 중 자기 자신을 제외한 부분집합이므로 7개이다.
- ④ 공집합은 모든 집합의 부분집합이므로 $\varnothing \subset A$ 이다.
- ⑤ $\{a, b\} \subset \{a, b, c\}$ 이다.
- ⑥ Ø 은 $\{e, f\}$ 의 진부분집합이다.

13. 두 집합

 $A = \{x \mid x$ 는 4 의 약수 $\}$,

 $B = \{x \mid x \in |$ 의 약수}

에 대하여 $A \subset B$ 이고 $A \neq B$ 일 때, 안에 알맞은 가장 작은 자연수는?

[배점 3, 중하]

① 2 ② 4 ③ 6

⑤ 10

A는 B의 진부분집합이므로 4의 배수 중 4를 제 외한 가장 작은 자연수는 8이다.

14. 다음 중 집합 $\{a, b, c, d, e\}$ 의 진부분집합이 아닌 것을 모두 골라라.

 \bigcirc Ø

 \bigcirc $\{c\}$

 \Box $\{a, g\}$

 $\ \ \ \ \ \{a,\ c,\ e\}$

 \bigcirc {a, b, d, e}

[배점 3, 중하]

답:

답:

▷ 정답: □

▷ 정답: ⑭

해설

 $\{a, b, c, d, e\}$ 의 진부분집합을 모두 구하면 $\{a, b, c, d, e\}$ 를 제외한 모든 부분집합이다.

- \bigcirc $\{a, g\}$ 에서 원소 g 는 집합 $\{a, b, c, d, e\}$ 에 속하지 않으므로 진부분집합이 아니다.
- 합이 아니다.

15. 집합 $A = \{0, 1, 2, 3\}$ 의 부분집합 중 원소의 개수가 2 개인 부분집합의 개수를 구하여라.

[배점 3, 중하]

▶ 답:

▷ 정답: 6개

구하고자 하는 부분집합은, $\{0,1\},\{0,2\},\{0,3\},\{1,2\},\{1,3\},\{2,3\}$ 다.

- **16.** 집합 $A = \{x | x = 20 \text{ 미만의 8의 배수}\}$, B = $\{x|x \in 8 \text{ 미만의 } 20 \text{의 약수}\}$ 일 때, n(A) = a, 집합 B 의 부분집합의 개수를 b 라 할 때, b-a 의 값을 [배점 3, 중하] 골라라.
 - ① 12

- ② 14 ③ 16 ④ 18 ⑤ 20

 $A = \{8, 16\}, B = \{1, 2, 4, 5\}$ 이므로 a = n(A) =2 이고,

n(B) = 4 이므로, b = (B의 부분집합의 개수) = $2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$ 이다.

b - a = 16 - 2 = 14

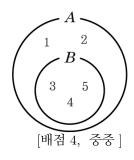
17. 집합 $A = \{1, 2, 3\}$ 일 때, 원소 1 을 포함하는 집합 A의 부분집합의 개수를 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답:

▷ 정답: 4개

 $\{1\}, \{1,2\}, \{1,3\}, \{1,2,3\}$

18. 두 집합 *A*, *B* 가 다음 벤 다이 어그램과 같을 때, 옳지 않은 것은?



- ① $5 \in A$
- ② $4 \in A$
- (3) $\{3, 4\} \in A$
- 4 $\{3\} \subset B$
- \bigcirc $\{1, 2, 3, 4, 5\} \subset A$

해설

③ $\{3, 4\} \subset A$

- **19.** $\{x \mid x$ 는 6의 약수 $\} \subset X \subset \{x \mid x$ 는 12의 약수 $\}$ 를 만족하는 집합 X 의 개수는? [배점 4, 중중]
 - ① 2개
- ② 4 개
- ③ 5 개

- ④ 6 개
- ⑤ 8 개

해설

 $\{1, 2, 3, 6\} \subset X \subset \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$ 이므로 집합 X 는 {1, 2, 3, 4, 6, 12} 의 부분집합 중 원소 1, 2, 3, 6 을 포함하는 집합이다.

 \therefore 집합 X 의 개수는 $2^2 = 4$ (개)

- **20.** 다음 중 부분집합의 개수가 32 개인 집합이 <u>아닌</u> 것은? [배점 4, 중중]
 - ① {x | x는 16의 약수}
 - ② {x | x는 6보다 작은 자연수}
 - ③ {x | x는 9보다 작은 홀수}
 - ④ {선예, 유빈, 소희, 선미, 예은}
 - ⑤ {x | x는 20 이하의 4의 배수}

- ① $2^5 = 32$ (개)
- ② $2^5 = 32$ (개)
- ③ $2^4 = 16$ (개)
- ④ $2^5 = 32$ (개)
- ⑤ $2^5 = 32$ (개)
- **21.** 두 집합 A, B 에 대하여 $A \subset B, B \subset A$ 이고 $A = \{x \mid x \in 8$ 의 약수 $\}, B = \{1, a-2, a, a \times 2\}$ 이다. a 의 값을 구하여라. [배점 $a, a \in A$]

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

 $A \subset B$ 이고, $B \subset A$ 이면 A = B 이다.

 $A = \{1, 2, 4, 8\}$ 이므로, a 값은 2, 4, 8 중 하나 여야 한다.

이 중 a-2, a, $a \times 2$ 가 모두 집합 A 의 원소가 되는 a 값을 찾으면 a=4 이다.

22. 집합 $A = \{x \mid x \in 20 \text{ oheal } 3 \text{ oheal } 4 \text{ oheal } 5 \text{ oheal } 5 \text{ oheal } 6 \text{ o$

[배점 4, 중중]

- ① 48 개
- ② 52 <mark>개</mark>
- ③ 56 개

- ④ 64 개
- ⑤ 72 <mark>개</mark>

해설

 $A = \{3, 6, 9, 12, 15, 18\}$

원소 6 을 포함하는 부분집합의 개수:

 $2^{6-1} = 32 \ (7)$

원소 18 을 포함하는 부분집합의 개수 :

 $2^{6-1} = 32 \ (7)$

원소 6, 18 을 포함하는 부분집합의 개수 :

 $2^{6-2} = 16 \ (7)$

원소 6 또는 18 을 포함하는 부분집합의 개수 :

32 + 32 - 16 = 48 (7)

- **23.** 다음 중 $A \neq B$ 인 것은?
- [배점 4, 중중]
- ① $A = \{2,4,8\}, B = \{8,2,4\}$
- ② $A = \{1,3,5,7,9\}, B = \{x|x$ 는 10이하의 홀수 $\}$
- \bigcirc $A = \{a, b, c, 3\}, B = \{3, c, b, a\}$
- ④ $A = \{x|x 는 5 이하의 홀수\}, B = \{x|x 는 6 이하의 홀수\}$
- ⑤ $A = \{5, 10, 15, \dots\}, B = \{x|x = 100 \$ 이하의 5의 배수 $\}$

해설

 $B = \{x | x 는 100$ 이하의 5의 배수 \} = $\{5, 10, 15, \dots, 100\} \neq A$

- **24.** 집합 $A = \{0, 2, \{4\}, \{6, 8\}, \emptyset\}$ 일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?. [배점 4, 중중]
 - ① $\varnothing \in A$
- ② $\{0, 2, \{4\}\} \subset A$
- ③ n(A) = 5
- (4) $\{4\} \subset A$
- ⑤ $\{6, 8\} \in A$

- (4) $\{4\} \in A$
- **25.** 집합 $A = \{x \mid 6 \times x = 7$ 인 자연수 $\}$ 의 부분집합의 개수를 구하여라. [배점 4, 중중]
 - ▶ 답:

▷ 정답: 1 개

해설

 $A = \emptyset$

모든 집합의 부분집합에는 Ø 과 자기 자신이 포함 되는데 \varnothing 은 \varnothing 과 자기 자신이 같으므로 집합 A의 부분집합의 개수는 1 개

- **26.** 집합 $A = \{-1, 0, 1\}$ 일 때, 집합 $B = \{x \mid x = \}$ $a+b, a \in A, b \in A$ } 의 부분집합의 개수를 구하여라. [배점 5, 중상]
 - ▶ 답:

▷ 정답: 32개

해설

b^{a}	-1	0	1
-1	-2	-1	0
0	-1	0	1
1	0	1	2

표에 의하여 $B = \{-2 - 1, 0, 1, 2\}$ 이므로 집합 B 의 부분집합의 개수는 $2^5 = 32$ (개)이다.

27. 두 집합 $A = \{1, 5, a\}$, $B = \{5, 7, b\}$ 이고 $A \subset B$ 일 때, 다음 설명 중 옳지 않은 것을 골라라.

 \bigcirc a=5

 $\bigcirc b = 1$

 $\ \ \ \ B\subset A$

a + b = 8

[배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답: ⑤

해설

 $A \subset B$ 조건을 만족하기 위해선 집합 A 의 모든 원소가 집합 B 안에 포함되어야 하므로 b=1 이 고.

a 는 1, 5, 7 중 한 가지가 되어야하지만 이미 집합A 에 1, 5 가 존재하므로 a=7 이 되어 A=B가 된다.

 $\bigcirc a = 7$

28. 두 집합 $A = \{3, a, a^2\}, B = \{b, c, 9\}$ 에 대하여 $A \subset B, B \subset A$ 이고, a, b, c 가 서로 다른 자연수일 때, a + b + c 의 값을 구하여라. [배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답: 93

해설

 $A\subset B,\ B\subset A$ 이므로 A=B 9 \in B 이므로 $9\in A$

 $a = 9 \, \Xi = 0$

- (i) a = 9 일 때, $A = \{3, 9, 81\}$, $B = \{b, c, 9\}$ ∴ b = 3, c = 81 또는 b = 81, c = 3
- (ii) $a^2 = 9$ 일 때, a = 3 (a 는 자연수) $A = \{3, 3^2\} = \{3, 9\}, B = \{b, c, 9\}$ b 또는 c가 3 이어야 하므로 a, b, c 가 서로 다른 자연수가 될 수 없다.

 $\therefore a+b+c=9+3+81=93$

29. 두 집합 $A = \{x \mid x$ 는 12의 배수}, $B = \{x \mid x$ 는 b의 배수} 의 관계가 다음의 벤 다이어그램과 같을 때, b 의 값으로 가능한 모든 자연수의 합을 구하여라. (단, 1 < b < 12)



[배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

12의 약수가 $\{1,\ 2,\ 3,\ 4,\ 6,\ 12\}$ 이므로 이 약수의 배수의 집합이 12의 배수의 집합을 포함한다. 문제의 조건이 1 < b < 12이므로 b = 2,3,4,6이고, 합은 15이다.

30. 다음 안에 알맞은 세 자연수의 합을 구하여라.

보기

- ① $n(\left\{x|x$ 는 \square 미만의 자연수 $\right\})=4$
- \bigcirc $n(\{a, b, c, d\}) n(\{b, c, d\}) = \boxed{}$
- © $A \subset \{1, 2, 3\}$ 이고, n(A) = 2 를 만족하는 집합 A의 개수는 기가이다.

[배점 5, 중상]

▶ 답:

➢ 정답: 9

해설

- $\bigcirc n(\{x|x$ 는 5 미만의 자연수 $\})=4$
- $\bigcirc n(\{a, b, c, d) n(\{b, c, d\}) = 1$
- © $A \subset \{1, 2, 3\}$ 이고, n(A) = 2 를 만족하는 집합 $A \vdash \{1, 2\}$, $\{1, 3\}$, $\{2, 3\}$ 의 3 개 ∴ 5+1+3=9

- **31.** 두 집합 $A = \{4,6,a,10\}$, $B = \{3a,4-b\}$ 에 대하여 $B \subset A$ 일 때, 자연수 a-b 의 값을 구하여라. (단, a,b는 0 보다 크고 4 와 같거나 작다.) [배점 5, 중상]
 - 10
- 2 1
- 3 2
- 4 3
- **(5)** 4

 $B \subset A$ 이므로 집합 B 의 모든 원소는 A 에도 포함된다.

 $3a \in A, \quad 4 - b \in A$

a 는 0 보다 크고 4 이하인 자연수라 했으므로, 4 와 10 과 a 는 3a 가 될 수 없다.

따라서 3a=6 이다. $\therefore a=2$

 $A=\{2,4,6,10\}$

b 역시 0 보다 크고 4 이하인 자연수라 했으므로, 4-b=2 이어야 한다.

b = 2

따라서 a-b 는 0 이다.

- **32.** 집합 $A = \{1, 3, 5, \{3, 5\}\}$ 에 대하여 다음 중에서 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2 개) [배점 5, 중상]
 - ① $1 \notin A$
- $3 \{5\} \in A$
- $\{3, 5\} \in A$
- ⑤ n(A) = 5

해설

- ① $1 \in A$
- ③ $\{5\}$ 는 집합 A의 부분집합이므로 \subset 로 써야한 다.
- ⑤ $\{3, 5\}$ 는 집합 A의 하나의 원소이므로 n(A) = 4이다.

33. 다음 안에 알맞은 세 자연수의 합을 구하여라.

보기

- $\bigcirc n(\{a, b, c, d\}) n(\{b, c, d\}) = \bigcap$
- © *A* ⊂ {1, 2, 3} 이고 *n*(*A*) = 2 를 만족하 는 집합은 □개이다.

[배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

- ⑦ n({x|x는 5 미만의 자연수}) = 4
- $\bigcirc n(\{a, b, c, d\}) n(\{b, c, d\}) = 1$
- © $A \subset \{1, 2, 3\}$ 이고 n(A) = 2 를 만족하는 집합 $A \vdash \{1, 2\}, \{1, 3\}, \{2, 3\}$ 의 3개 따라서, 4+1+3=8

- **34.** 전체집합 $U = \{1, 2\}$ 의 두 부분집합 A, B 에 대하여 $A \cap B = A$ 인 두 집합 A, B 는 모두 몇 쌍인지 구하여라. [배점 5, 상하]
 - ▶ 답:
 - ▷ 정답: 9쌍

 $A \cap B = A$ 이면 $A \subset B$ 이다.

집합 U 의 부분집합은 \emptyset , $\{1\}$, $\{2\}$, $\{1,2\}$,

 $A = \emptyset$ 일 때, $B \leftarrow \emptyset, \{1\}, \{2\}, \{1,2\}$ 로 4 쌍이 될 수 있다.

 $A = \{1\}$ 일 때, $B \leftarrow \{1\}, \{1,2\}$ 로 2 쌍이 될 수 있다.

 $A = \{2\}$ 일 때, $B \leftarrow \{2\}, \{1,2\}$ 로 2 쌍이 될 수 있다.

 $A = \{1, 2\}$ 일 때, $B \leftarrow \{1, 2\}$ 이므로 1 쌍이 될 수 있다.

∴ 4 + 2 + 2 + 1 = 9(%)

35. 전체집합 $U=\{1,2,3,4,5,6\}$ 의 두 부분집합 $A=\{1,2,3,4\}$, $B=\{4,5,6\}$ 에 대하여 $B\cap X=B$, $(A-B)\cap X=\{1,3\}$ 을 만족하는 U 의 부분집합 X 의 개수를 구하여라. [배점 5, 상하]

▶ 답:

▷ 정답: 2개

해설

 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$,

 $A = \{1, 2, 3, 4\}$,

 $B = \{4, 5, 6\} \ \circ] \overline{\mathcal{Q}},$

 $B \cap X = B \Rightarrow B \subset X$,

 $(A-B) \cap X = \{1,3\} \to \{1,2,3\} \cap X = \{1,3\}$ 이므로

X 는 원소 1,3,4,5,6 을 반드시 포함하는 집합 U 의 부분집합이다.

따라서 집합 X 의 개수는 $2^{6-5} = 2$ (개)