1. 5² 에 대한 다음 설명 중 옳은 것은?

[배점 2, 하중]

- ① 10 과 같다.
- ② 5 의 제곱이다.
- ③ 지수는 5 이다.
- ④ 밑은 2 이다.
- ⑤ 2⁵ 보다 크다.

해설

- ① $5^2 = 5 \times 5 = 25$ 이므로 10 과 같지 않다.
- ③ 지수는 2 이다.
- ④ 밑은 5 이다.
- ⑤ $2^5=2\times2\times2\times2\times2=32$ 이므로 5^2 은 2^5 보다 작다.
- 2. 천희는 45 를 소인수분해하면 5×9 가 된다고 하였다. 이에 대하여 천희의 친구들이 다음과 같이 말을 하였다면, 안에 수로는 어떻게 말하는 것이 옳은지 적어 보아라.

재석 : 45 를 소인수분해하면 5 × 9 이구나.

예진 : 좀 이상한 것 같아. 소인수분해는 소인수 로만 이루어져야 하는데 9 는 소인수가 아닌데.

종국 : 예진이 말이 맞아. 9 는 3 으로 더 나눌 수 있잖아.

수로 : 알았다! 45 를 소인수분해하면 이다.

[배점 2, 하중]

▶ 답:

▷ 정답: 3² × 5

해설

 $45 = 9 \times 5 = 3 \times 3 \times 5 = 3^2 \times 5$

3. 360 을 소인수분해하였을 때, 각 소인수의 지수의 합을 구하여라. [배점 2, 하중]

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

- 2)360
- 2)180
- 2) 90
- 3) 45
- 3) 15

 $360=2^3\times 3^2\times 5$

- $\therefore 3 + 2 + 1 = 6$
- 4. 다음 수들의 최대공약수와 최소공배수를 차례로 써라.

144, 96

[배점 2, 하중]

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답 : 최대공약수 : 48

▷ 정답 : 최소공배수 : 288

해설

2) 96 144

2) 48 72

2) 24 36 2) 12 18

3) 6 9

최대공약수 $:2^4 \times 3 = 48$

최소공배수 $:2^5 \times 3^2 = 288$

5. 다음 수 중에서 합성수의 개수를 구하여라.

1 3 5 15 31 35 53

[배점 2, 하중]

▶ 답:

▷ 정답: 2개

각각의 수의 약수를 적어 보면

1 의 약수 : 1

3 의 약수: 1, 3

5 의 약수: 1, 5

15 의 약수 : 1, 3, 5, 15

31 의 약수: 1, 31

35 의 약수: 1, 5, 7, 35

53 의 약수 : 1, 53 합성수는 15, 35 이다.

따라서 그 개수는 모두 2 개이다.

6. 다음 수 중에서 소수의 개수를 구하여라.

1 3 6 27 29

[배점 2, 하중]

답:

▷ 정답: 2개

해설

각 수의 약수를 구해 보면

1 의 약수 : 1

3 의 약수 :1, 3

6 의 약수: 1, 2, 3, 6

27 의 약수: 1, 3, 9, 27

29 의 약수 : 1, 29

소수는 약수가 2 개인 수이므로 3 과 29 이다.

7. 다음 중 200 의 약수가 아닌 것은? [배점 3, 하상]

① 2×5 ② $2^2 \times 5^2$

 32×5^{3}

 $4 2^3 \times 5$

 $\bigcirc 5^2$

 $200 = 2^3 \times 5^2$

200 의 약수

| | 1 | 5 | 5 ² |
|----------------|------------|----------------|------------------|
| 1 | 1 | 5 | 5 ² |
| 2 | 2 | 2×5 | 2×5^{2} |
| 22 | $2^{^{2}}$ | $2^2 \times 5$ | $2^2 \times 5^2$ |
| 2 ³ | $2^{^3}$ | $2^3 \times 5$ | $2^3 \times 5^2$ |

이므로 아닌 것은 ③

8. 세 자연수 2, 3, 4 의 어느 것으로 나누어도 1 이 남는 가장 작은 자연수를 구하여라. [배점 3, 하상]

답:

➢ 정답: 13

구하는 수는 (2, 3, 4 의 공배수)+1 인 수 중 가장 작은 자연수이다.

2, 3, 4 의 최소공배수는 12 이다.

 $\therefore 12 + 1 = 13$

9. $1g, 2g, 2^2g, 2^3g, 2^4g, 2^5g$ 의 저울추가 각각 1 개씩 있다. 이들 저울추로 52g 의 무게를 측정하려고 할 때, 사용되는 추를 모두 써라. [배점 3, 하상]

▶ 답:

- ▶ 답:
- ▶ 답:
- ▷ 정답 : 2² g
- ▷ 정답 : 2⁴ g
- ▷ 정답 : 2⁵ g

- $52 = 2^5 + 2^4 + 2^2 = 110100_{(2)}$
- ∴ 사용되는 추: 2²g, 2⁴g, 2⁵g
- 10. 어떤 자연수로 24 를 나누면 나누어 떨어지고, 61 을 나누면 1 이 남는다고 한다. 이러한 자연수 중에서 가장 큰 자연수를 구하면? [배점 3, 하상]

- ② 12 ③ 18 ④ 24 ⑤ 32

- 어떤 수는 24, 61 1 = 60 의 공약수이다.
- 이 중 가장 큰 수는 두 수의 최대공약수이므로 12 이다.

- **11.** 두 분수 $\frac{1}{12}$, $\frac{1}{18}$ 중 어느 것을 곱해도 자연수가 되는 가장 작은 자연수를 구하여라.
 - ▶ 답:
 - ➢ 정답: 36

- 구하는 수는 12 와 18 의 최소공배수이므로 36 이 다.
- **12.** $3 \times 10^4 + 8 \times 10^2 + 4 \times 10$ 을 십진법의 수로 나타내었을 때, 각 자리의 숫자의 합을 이진법의 수로 나타내어라. [배점 3, 하상]
 - 답:
 - ▷ 정답: 1111₍₂₎

- $3 \times 10^4 + 8 \times 10^2 + 4 \times 10 = 30840$
- 각 자리 수의 합은 3 + 8 + 4 = 15
- $\therefore 15 = 2^3 + 2^2 + 2 + 1 = 1111_{(2)}$

- **13.** 이진법으로 나타낸 수 1100₍₂₎ 을 바둑돌로 ●●○○과 같이 나타낼 때, ●○●●○을 이진법으로 나타내고. 십진법으로 나타낸 수 17 을 바둑돌을 이용하여 나타 내면? [배점 3, 하상]
 - ① $11100_{(2)}$ • \bigcirc
 - ② 10110₍₂₎ ●○○○●
 - ③ $10011_{(2)}$ ••○○•
 - $\textcircled{4} 10011_{(2)} \bullet \bigcirc \bigcirc \bullet \bullet$
 - ⑤ $10110_{(2)}$ ●●○●○

해설

- $= 1, \bigcirc = 0$
- $\bullet\bigcirc\bullet\bullet\bigcirc=10110_{(2)}$
- 2)17
- 2)18 ... 1
- 2)14 ... 0
- 2)12 ... 0
- 2)11 ... 0
- 10 ... 1
- $17 = 10001_{(2)} = \bullet \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bullet$
- **14.** $2^2 \times 3^4$, $2^2 \times 3^2 \times 5$ 의 공약수의 집합을 A 라고 할 [배점 3, 하상] 때, n(A) 는?
 - ① 4
- ② 6 ③ 8

- (5) 12

해설

 $2^2 \times 3^4$, $2^2 \times 3^2 \times 5$ 의 최대공약수는 $2^2 \times 3^2$ 공 약수는 최대공약수의 약수이므로,

 $A = \{1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36\}$

 $\therefore n(A) = 9$

- **15.** 두 수 $2^3 \times 3 \times 7^2 \times 11$, 60 의 공약수들의 합은? [배점 3, 하상]
 - 1 12
- 2 15 3 18 4 21

- **⑤** 24

해설

 $2^3 \times 3 \times 7^2 \times 11$ 와 $60 = 2 \times 3 \times 5$ 의 최대공약수는 2×3

따라서 두 수의 공약수는 2 × 3 의 약수이다. 주어진 두 수의 공약수의 합은 $1+2+3+2\times 3=12$

16. 두 자연수 A, B 의 최대공약수가 16, 최소공배수가 240 일 때, A - B 의 값 중 가장 큰 것을 구하여라. (단, A < B) [배점 3, 하상]

▶ 답:

▷ 정답: 224

 $A = 16 \times a, B = 16 \times b$

두 자연수 A, B 는 최대공약수가 16, 최소공배수 가 240 이므로

 $16 \times a \times b = 240$

 $a \times b = 15$ (단, a, b 는 서로소)

A < B 이므로

a = 1, b = 15 $\pm \frac{1}{5}$ a = 3, b = 5

(i) a = 1, b = 15 일 때

 $B - A = 16 \times 15 - 16 \times 1 = 224$

(ii) a = 3, b = 5 일 때

 $B - A = 16 \times 5 - 16 \times 3 = 32$

차가 가장 큰 A, B 의 값을 구해야 하므로

a = 1, b = 15

 $A = 16 \times 1 = 16$

 $B = 16 \times 15 = 240$

따라서 A - B = 240 - 16 = 224이다.

- **17.** 두 자연수 $2^a \times 3^3$, $2 \times 3^b \times c$ 의 최대공약수는 18, 최소공배수가 270 일 때, a+b+c 의 값을 구하여라. [배점 3, 하상]
 - ▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

최대공약수 $18 = 2 \times 3^2$, 최소공배수 $270 = 2 \times 3^3 \times 5$ 이므로 a = 1, b = 2, c = 5 $\therefore a + b + c = 8$

- **18.** 소인수분해를 이용하여 세 수 24,32,36 의 최소공배수를 구하면? [배점 3, 중하]
 - ① 4
- ② 48
- 3 96

- (4) 288
- **⑤** 360

해설

 $\therefore 24=2^3 \times 3$ $\therefore 32=2^5$ $\therefore 36=2^2 \times 3^2$ 따라서 최소공배수는 $2^5 \times 3^2 = 288$ 이다.

19. 두 분수 $\frac{15}{16}$, $\frac{5}{12}$ 의 어느 것에 곱해도 그 결과가 자연수 가 되는 분수 중에서 가장 작은 기약분수를 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답:

ightharpoons 정답: $rac{48}{5}$

해설

 $\frac{(16, 12$ 의 최소공배수)}{(15, 5의 최대공약수)} = \frac{48}{5}

20. 72를 이진법으로 나타내면 n 자리의 수가 된다. 이 때, n 의 값을 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답:

▷ 정답: 7

해설

2)72

2<u>) 36</u> ··· 0

2<u>) 18</u> ··· 0

2<u>)</u> 9 ··· 0

2) 4 ··· 1 2) 2 ··· 0

2) 1 ... 0

0 ... 1

 $72 = 1001000_{(2)}$ 이므로 7자리의 수

- **21.** $3^a \times 5^b$ 이 225 를 약수로 가질 때, 두 자연수 a, b 의 최솟값을 고르면? [배점 $4, \ \mbox{중중}$]
 - ① 1, 1
- ② 1, 2
- 3 2, 1
- **4** 2, 2
- ⑤ 2, 3

해설

 $3^a \times 5^b$ 이 $225 = 3^2 \times 5^2$ 을 약수로 가지므로, a 는 2 이상의 자연수, b 는 2 이상의 자연수가 되어야 한다.

그 중 최솟값은 $a=2,\ b=2$ 일 때이다.