

# 약점 보강 2

1. 다음 중 집합이 아닌 것은? [배점 2, 하중]

- ① 5의 배수의 모임
- ② 15보다 큰 14의 약수의 모임
- ③ 10보다 큰 홀수의 모임
- ④ 가장 작은 자연수의 모임
- ⑤ 10보다 조금 작은 수들의 모임

해설

- ①  $\{5, 10, 15, \dots\}$
- ②  $\emptyset$
- ③  $\{11, 13, 15, \dots\}$
- ④  $\{1\}$

2. 다음 중 공집합인 것을 모두 고르면? (정답 2개)

[배점 2, 하중]

- ①  $\{0\}$
- ②  $\emptyset$
- ③  $\{x|x \leq 2\text{인 짝수}\}$
- ④  $\{x|1 < x < 2\text{인 자연수}\}$
- ⑤  $\{\emptyset\}$

해설

- ③  $\{x|x \leq 2\text{인 짝수}\} = \{2\}$
- ④ 1과 2 사이에는 자연수가 없으므로  
 $\{x|1 < x < 2\text{인 자연수}\} = \emptyset$

3. 다음 중 무한집합을 모두 고르면? (정답 2개)

[배점 2, 하중]

- ①  $\{x|x\text{는 }7\text{의 배수}\}$
- ②  $\{x|x\text{는 }2\text{의 약수}\}$
- ③  $\left\{\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{5}, \dots\right\}$
- ④  $\{2, 4, 6, 8, 10, \dots, 2000\}$
- ⑤  $\{x|x\text{는 }30\text{보다 작은 }5\text{의 배수}\}$

해설

- ①  $\{7, 14, 21, 28, \dots\} \rightarrow \text{무한집합}$
- ②  $\{1, 2\} \rightarrow \text{유한집합}$
- ③ 무한집합
- ④ 유한집합
- ⑤  $\{5, 10, 15, 20, 25\} \rightarrow \text{유한집합}$

4. 다음 중 유한집합이 아닌 것을 모두 고르면? (정답 2개)  
[배점 2, 하중]

- ①  $\{2, 4, 6, 8, \dots, 998, 1000\}$
- ②  $\{x|x\text{는 }42\text{의 약수}\}$
- ③  $\{x|x\text{는 }50\text{보다 큰 }5\text{의 배수}\}$
- ④  $\{x|2 < x < 4\text{인 짝수}\}$
- ⑤  $\{6, 12, 18, 24, \dots\}$

해설

- ②  $\{1, 2, 3, 6, 7, 14, 21, 42\}$
- ③  $\{55, 60, 65, 70, \dots\}$
- ④  $\emptyset$

5. 다음 중 집합이 아닌 것을 모두 고르면? (정답 2개)  
[배점 2, 하중]

- ① 우리 반에서 안경을 낀 학생들의 모임
- ② 부산에 사는 중학생들의 모임
- ③ 예쁜 강아지들의 모임
- ④ 영어를 잘하는 학생들의 모임
- ⑤ 우리 반에서 키가 가장 작은 학생의 모임

해설

- ③에서 예쁜 강아지와 ④에서 영어를 잘하는 학생은 그 기준이 명확하지 않다.

6. 다음 보기에서 집합인 것을 모두 고른 것은?

보기

- ㉠ 10 보다 큰 홀수의 모임
- ㉡ 1 에 가까운 수의 모임
- ㉢ 요일의 모임
- ㉣ 마른 사람의 모임
- ㉤ 예쁜 꽃들의 모임
- ㉥ 100 보다 작은 짝수의 모임

[배점 2, 하중]

- ① ㉠, ㉡
- ② ㉡, ㉢
- ③ ㉠, ㉣, ㉤
- ④ ㉠, ㉢, ㉥
- ⑤ ㉠, ㉡, ㉢, ㉥

해설

- ㉠ : 11, 13, 15, …
- ㉡ : 월, 화, 수, …, 일
- ㉢ : 2, 4, 6, …, 94, 96, 98
- ㉥은 기준이 분명하지 않다.

7. 20의 약수의 모임을 집합  $A$  라고 할 때,  $\square$  안에  $\in$  기호가 들어가야 하는 것은?  
[배점 2, 하중]

- ①  $3 \square A$     ②  $A \square 4$     ③  $6 \square A$   
 ④  $1 \square A$     ⑤  $7 \square A$

해설

20의 약수는 1, 2, 4, 5, 10, 20이다. 3과 6, 7은 집합  $A$ 의 원소가 아니고 1과 4는 집합  $A$ 의 원소이다.

8. 집합  $A = \{1, 2, \dots, n\}$ 에서 1을 포함하지 않는 부분집합의 개수가 8개라고 할 때, 자연수  $n$ 의 값을 구하여라.  
[배점 3, 하상]

- ▶ 답:  
▶ 정답: 4

해설

$$2^{(1\text{을 제외한 원소의 개수})} = 2^{n-1} = 8 = 2^3 \quad \therefore n = 4$$

9.  $A = \{1, \{2, 3\}\}$  일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?  
[배점 3, 하상]

- ①  $\{2, 3\} \in A$     ②  $\{2, 3\} \subset A$   
 ③  $\{1, \{2, 3\}\} \subset A$     ④  $1 \in A$   
 ⑤  $\{2, 3\} \in A$

해설

- ②  $\{2, 3\} \not\subset A$

10. 집합  $A = \{2, 3, 5, 7\}$ 이라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고른 것은?

- ㉠  $\emptyset \subset A$     ㉡  $\{3, 5, 7\} \subset A$   
 ㉢  $1 \in A$     ㉣  $2 \in A$   
 ㉤  $\{2\} \in A$

[배점 3, 하상]

- ① ㉠    ② ㉢  
 ③ ㉡, ㉣    ④ ㉠, ㉢, ㉣  
 ⑤ ㉠, ㉡, ㉢, ㉣

해설

- ㉢  $1 \notin A$   
 ㉣  $\{2\} \notin A$

11. 다음 중 옳은 것은?

[배점 3, 하상]

- ①  $A \subset B$  이면,  $n(A)$ 는  $n(B)$  보다 작다.
- ②  $A \subset B$ 이고,  $A \neq B$  이면,  $n(A) = n(B)$  이다.
- ③  $B = A$  이면  $n(A)$  와  $n(B)$  는 같다.
- ④  $n(A) < n(B)$  이면,  $A \subset B$  이다.
- ⑤  $A = \{0, \emptyset\}$  이면  $n(A) = 1$  이다.

해설

- ① 반례 :  $A = \{1\}$ ,  $B = \{1\}$
- ② 반례 :  $A = \{1\}$ ,  $B = \{1, 3\}$
- ④ 반례 :  $A = \{2\}$ ,  $B = \{1, 3\}$
- ⑤  $A = \{0, \emptyset\}$  이면  $n(A) = 2$  이다.

12. 두 집합  $A, B$ 에 대하여

$A \subset B$ 이고  $B \subset A$  이다. 집합  $A = \{x \mid x$ 는 3보다 크고 10보다 작은 짝수} 일 때, 집합  $B$ 의 원소의 개수를 구하여라. [배점 3, 하상]

▶ 답 :

▷ 정답 : 3 개

해설

$A \subset B$ 이고,  $B \subset A$  이면  $A = B$  이다.  
 $A = \{4, 6, 8\}$  이므로  $B = \{4, 6, 8\}$   
따라서  $n(B) = 3$  이다.

13. 집합  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  의 부분집합 중 원소의 개수가 2 개인 부분집합의 개수를 구하여라.

[배점 3, 하상]

▶ 답 :  
▷ 정답 : 6 개

해설

집합  $A$ 의 원소 2 개를 짹짓는 방법은  
 $\{1, 2\}, \{1, 3\}, \{1, 4\},$   
 $\{2, 3\}, \{2, 4\},$   
 $\{3, 4\}$   
따라서, 원소가 2 개인 부분집합의 개수는  
 $3 + 2 + 1 = 6$  (개) 이다.

14. 두 집합  $A = \{6, a - 2, 2\}$ ,  $B = \{a, 4, 2\}$ 에 대하여  $A \subset B$ 이고,  $B \subset A$  일 때,  $a$ 의 값으로 옳은 것은?

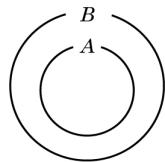
[배점 3, 하상]

- ① 3
- ② 4
- ③ 5
- ④ 6
- ⑤ 7

해설

$A = B$  이므로  $a - 2 = 4, a = 6$   
 $\therefore a = 6$

15. 다음 벤 다이어그램과 같은 포함 관계일 때, 옳지 않은 것은?



[배점 3, 하상]

- ①  $A \cap B = A$
- ②  $A - B = \emptyset$
- ③  $A \cup B = B$
- ④  $A \subset B$
- ⑤  $(A \cup B) - B = A$

해설

$$⑤ (A \cup B) - B = \emptyset$$

16. 집합  $A = \{x \mid x \text{는 } 30 \text{ 미만의 } 4 \text{의 배수}\}$ ,  $A \cap B = \{12, 24, 28\}$ ,  $A \cup B = \{2, 4, 6, 8, 12, 16, 20, 22, 24, 26, 28, 29\}$  일 때 집합  $B$  를 구하면? [배점 3, 하상]

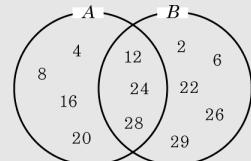
- ①  $\{2, 6, 12, 24, 28\}$
- ②  $\{2, 6, 22, 26, 29\}$
- ③  $\{2, 4, 6, 8, 22, 26, 29\}$
- ④  $\{2, 6, 12, 22, 24, 26, 28, 29\}$
- ⑤  $\{2, 4, 6, 8, 12, 24, 28, 29\}$

해설

조건제시법을 원소나열법으로 고쳐보면

$A = \{4, 8, 12, 16, 20, 24, 28\}$  이 된다.

$A \cup B = \{2, 4, 6, 8, 12, 16, 20, 22, 24, 26, 28, 29\}$ ,  $A \cap B = \{12, 24, 28\}$  이 성립하도록 벤 다이어그램에 그려보자.



그러므로  $B = \{2, 6, 12, 22, 24, 26, 28, 29\}$  가 된다.

17. 집합  $B = \{x \mid x \text{는 } 10 \text{ 이상 } 20 \text{ 미만의 홀수}\}$ ,  $A \cap B = \{13, 15, 17\}$ ,  $A \cup B = \{10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20\}$  일 때 집합 A를 구하면?

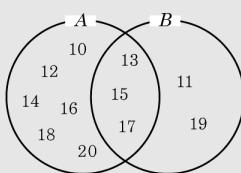
[배점 3, 하상]

- ①  $\{13, 15\}$
- ②  $\{13, 15, 17, 19, 20\}$
- ③  $\{10, 12, 14, 16, 18, 20\}$
- ④  $\{10, 14, 16, 18\}$
- ⑤  $\{10, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 20\}$

### 해설

조건제시법을 원소나열법으로 고쳐보면  $B = \{11, 13, 15, 17, 19\}$  가 된다.

$A \cup B = \{10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20\}$ ,  $A \cap B = \{13, 15, 17\}$  이 성립하도록 벤 다이어그램에 그려보자.



그러므로  $A = \{10, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 20\}$  이다.

18. 집합  $A = \{5, 8, 12, 15, 17\}$  의 부분집합 중에서 적어도 한 개의 5의 배수를 원소로 갖는 부분집합의 개수를 구하여라. [배점 3, 하상]

▶ 답:

▷ 정답: 24 개

### 해설

집합 A의 부분집합의 개수는  $2^5 = 32$  (개)이고, 이 중에서 5의 배수를 원소로 하나도 갖지 않는 부분집합은 원소 8, 12, 17로 만든 부분집합이므로  $2^3 = 8$  (개)이다.  
 $\therefore 32 - 8 = 24$  (개)

19. 두 집합 A, B에 대하여  $A = \{x \mid x \text{는 } 10 \text{ 미만의 짝수}\}$ ,  $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 8\}$  일 때, 다음 집합의 원소들의 합을 구하여라.

보기

$\{x \mid x \in B \text{ 그리고 } x \notin A\}$

[배점 3, 하상]

▶ 답:

▷ 정답: 9

### 해설

$\{x \mid x \in B \text{ 그리고 } x \notin A\} = B - A$

$A = \{2, 4, 6, 8\}$ ,  $A \cup B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 8\}$

이므로  $B - A = \{1, 3, 5\}$

$\therefore 1 + 3 + 5 = 9$

20. 11 이하의 자연수 중에서 3으로 나누었을 때 나머지가 2인 수의 집합을 A라 할 때 다음 중 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2개) [배점 3, 하상]

- ①  $2 \notin A$       ②  $5 \in A$       ③  $7 \notin A$   
④  $A \ni 10$       ⑤  $A \ni 11$

해설

- ①  $2 \in A$   
④  $A \ni 10$   
⑤  $A \ni 11$

21. 3보다 크고 11보다 작은 홀수의 집합을 A라 할 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면? [배점 3, 하상]

- ①  $3 \in A$       ②  $4 \notin A$       ③  $6 \in A$   
④  $A \ni 9$       ⑤  $A \ni 11$

해설

- ①  $3 \notin A$   
③  $6 \notin A$   
④  $A \in 9$

22. 두 집합  $A, B$ 에 대하여  $n(A \cup B) = 26$  일 때,  $n(B) = 15$ ,  $n(A \cap B) = 8$ 이면  $n(A)$ 의 값을 구하여라. [배점 3, 하상]

- ▶ 답:  
▷ 정답: 19

해설

$$\begin{aligned}n(A \cup B) &= n(A) + n(B) - n(A \cap B) \\26 &= n(A) + 15 - 8 \\\therefore n(A) &= 19\end{aligned}$$

23. 두 집합  $A, B$ 에 대하여  $n(A) = 13$ ,  $n(B) = 16$ ,  $n(A \cup B) = 21$  일 때,  $n(A \cap B)$ 를 구하여라.

[배점 3, 하상]

- ▶ 답:  
▷ 정답: 8

해설

$$\begin{aligned}n(A \cup B) &= n(A) + n(B) - n(A \cap B) \\21 &= 13 + 16 - n(A \cap B) \\\therefore n(A \cap B) &= 8\end{aligned}$$

24.  $U = \{x|x\text{는 }10\text{ 이하의 자연수}\}$  의 두 부분집합  $A, B$ 에 대하여

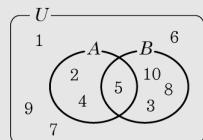
$A - B = \{2, 4\}, A \cap B = \{5\}, A^c \cap B^c = \{1, 6, 7, 9\}$  일 때, 집합  $B$ 는?

[배점 3, 하상]

- ①  $\{3, 5\}$
- ②  $\{5, 7\}$
- ③  $\{3, 5, 8\}$
- ④  $\{3, 5, 10\}$
- ⑤  $\{3, 5, 8, 10\}$

해설

$U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}, (A^c \cap B^c) = (A \cup B)^c = \{1, 6, 7, 9\}$  이므로



따라서  $B = \{3, 5, 8, 10\}$  이다.

25.  $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$  에 대하여  $A = \{x|x\text{는 }10\text{ 이하의 소수}\}, B = \{3, 5, 6\}$  일 때,  $(A - B)^c$  은?

[배점 3, 하상]

- ①  $\{1, 3\}$
- ②  $\{3, 5\}$
- ③  $\{1, 3, 4, 5\}$
- ④  $\{3, 4, 5, 6\}$
- ⑤  $\{1, 3, 4, 5, 6\}$

해설

$A - B = \{1, 2, 7\}$  이므로  $(A - B)^c = (\{1, 2, 7\})^c = \{1, 3, 4, 5, 6\}$  이다.

26. 전체집합  $U = \{a, b, c, d, e\}$  에 대하여  $A = \{a, c, d\}, B = \{b, c\}$  일 때,  $A^c, A - B$  는?

[배점 3, 하상]

- ①  $A^c = \{b\}, A - B = \{a\}$
- ②  $A^c = \{c\}, A - B = \{d\}$
- ③  $A^c = \{b, e\}, A - B = \{a, d\}$
- ④  $A^c = \{b, c\}, A - B = \{a, e\}$
- ⑤  $A^c = \{c, d\}, A - B = \{a, e\}$

해설

$U = \{a, b, c, d, e\}$  이므로  $A^c = \{b, c\}$  이고  $A - B = \{a, d\}$  이다. 따라서 ③이다.

27.  $A = \{2, 4, 6, 9, 10\}, B = \{2, 7, 9, 10\}$  에 대하여  $X - A = \emptyset, (A - B) \cup X = X$  를 만족하는 집합  $X$  가 될 수 있는 것은?

[배점 3, 하상]

- ①  $\{2, 4\}$
- ②  $\{2, 6\}$
- ③  $\{4, 6\}$
- ④  $\{4, 6, 7\}$
- ⑤  $\{4, 6, 9, 11\}$

해설

$(A - B) \subset X \subset A$  이므로  $\{4, 6\} \subset X \subset \{2, 4, 6, 9, 10\}$  이다. 따라서  $X$  가 될 수 있는 집합은  $\{4, 6\}$  이다.

28.  $A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$ ,  $B = \{5, 7\}$  에 대하여  $X - A = \emptyset$ ,  $(A - B) \cup X = X$  를 만족하는 집합  $X$  가 될 수 없는 것은?  
[배점 3, 하상]

- ①  $\{1, 3, 9\}$
- ②  $\textcircled{2} \{1, 3, 5, 7\}$
- ③  $\{1, 3, 5, 9\}$
- ④  $\{1, 3, 7, 9\}$
- ⑤  $\{1, 3, 5, 7, 9\}$

해설

$(A - B) \subset X \subset A$  이므로  $\{1, 3, 9\} \subset X \subset \{1, 3, 5, 7, 9\}$  이다. 따라서  $X$  가 될 수 없는 집합은  $\{1, 3, 5, 7\}$  이다.

29. 두 집합  $A = \{1, 2, 3, 5\}$ ,  $B = \{2, 4, 6, 8\}$  일 때,  
 $(A - B) \subset X$ ,  $X - A = \emptyset$  을 만족하는 집합  $X$  의 개수를 구하여라.  
[배점 3, 하상]

해설

$(A - B) \subset X \subset A$ , 즉  $\{1, 3, 5\} \subset X \subset \{1, 2, 3, 5\}$  이므로 집합  $X$  의 개수는 2 개이다.

30. 두 집합  $A = \{3, 4, a + 1\}$ ,  $B = \{5, a + 2, 2 \times a, 9\}$  에 대하여  $A \cap B = \{5\}$  일 때,  $(A - B) \cup (B - A)$  는?  
[배점 3, 하상]

- ①  $\{3, 4, 6\}$
- ②  $\{3, 4, 6, 8\}$
- ③  $\{3, 4, 7, 8\}$
- ④  $\textcircled{4} \{3, 4, 6, 8, 9\}$
- ⑤  $\{3, 4, 7, 8, 9\}$

해설

$(A \cap B) = \{5\}$  이므로  $a + 1 = 5$ ,  $a = 4$  이다.  
따라서  $A = \{3, 4, 5\}$ ,  $B = \{5, 6, 8, 9\}$  이므로  
 $(A - B) \cup (B - A) = \{3, 4\} \cup \{6, 8, 9\} = \{3, 4, 6, 8, 9\}$  이다.

31.  $A = \{2, 3, a + 2\}$ ,  $B = \{a - 1, 4\}$  에 대하여  $A \cap B = \{4\}$  일 때,  $B - A$  는?  
[배점 3, 하상]

- ①  $\textcircled{1} \{1\}$
- ②  $\{2\}$
- ③  $\{4\}$
- ④  $\{1, 2\}$
- ⑤  $\{1, 5\}$

해설

$A \cap B = \{4\}$  이므로  $a + 2 = 4$ ,  $a = 2$  이다.  
따라서  $A = \{2, 3, 4\}$ ,  $B = \{1, 4\}$  이므로  $B - A = \{1\}$  이다.

32. 미란이는 두 집합의 연산을 이용하여 새로운 집합을 만드는 탐구를 하다가  $A - B = \{2, 6\}$  인 새로운 집합을 만든 원래의 두 집합  $A = \{2, 3, 4, b\}, B = \{3, a, 5, 7\}$  을 발견하였다. 이 때, 원소  $a, b$  를 찾아  $a + b$  의 값을 구하여라. [배점 3, 하상]

▶ 답:

▷ 정답:  $a + b = 10$

해설

$A - B \subset A$  이고  $A - B = \{2, 6\}$  이므로  $b = 6$  이다.  $A \cap B = \{3, 4\}$  이므로  $a = 4$  이다. 따라서  $a + b = 10$  이다.

33. 지우네 반 학생 30 명 중 게임기를 가진 학생은 21 명, 휴대전화기를 가진 학생은 19 명, 둘 다 가지고 있는 학생은 11 명이다. 이 때, 휴대전화기만 가지고 있는 학생 수를 구하여라. [배점 3, 중하]

- ① 8 명      ② 11 명      ③ 19 명  
④ 21 명      ⑤ 30 명

해설

지우네 반 학생의 집합을  $U$ , 게임기를 가진 학생의 집합을  $A$ , 휴대전화기를 가진 학생의 집합을  $B$  라 하면

$$n(U) = 30, n(A) = 21, n(B) = 19, n(A \cap B) = 11 \text{ 이다.}$$

휴대전화기만 가지고 있는 학생의 집합은  $B - A$  이므로  $n(B - A) = n(B) - n(A \cap B) = 19 - 11 = 8$  이다.

34. 집합  $A = \{1, 2, \emptyset, \{1, 2\}\}$  에 대하여 다음 중 옳지 않은 것은? [배점 4, 중중]

- ①  $\{1, 2\} \subset A$       ②  $\emptyset \subset A$   
③  $\{\emptyset, 2\} \subset A$       ④  $A \subset A$   
⑤  $\{\emptyset, \{1, 2\}\} \not\subset A$

해설

$\{\emptyset, \{1, 2\}\} \subset A$  이다.

35.  $A = \{x \mid x$ 는 홀수},  $B = \{x \mid x$ 는 5의 약수},  $C = \{x \mid x$ 는 자연수} 일 때, 다음 중 옳은 것은?

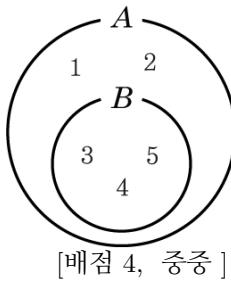
[배점 4, 중중]

- ①  $C \subset A \subset B$       ②  $A \subset B \subset C$   
③  $B \subset A \subset C$       ④  $C \subset B \subset A$   
⑤  $A \subset C \subset B$

해설

$A = \{1, 3, 5, \dots\}$ ,  $B = \{1, 5\}$ ,  $C = \{1, 2, 3, \dots\}$   
따라서 ③  $B \subset A \subset C$

36. 두 집합  $A$ ,  $B$  가 다음 벤 다이어그램과 같을 때, 옳지 않은 것은?



- ①  $5 \in A$
- ②  $4 \in A$
- ③  $\{3, 4\} \in A$
- ④  $\{3\} \subset B$
- ⑤  $\{1, 2, 3, 4, 5\} \subset A$

해설

- ③  $\{3, 4\} \subset A$

37. 집합  $A = \{\emptyset, a, \{a, b\}, \{c, d, e\}\}$ ,  $B = \{x \mid x \text{는 } 12 \text{의 약수}\}$  일 때,  $n(A) + n(B)$  를 구하여라.

- ▶ 답: 10  
▷ 정답: 10

해설

$A = \{\emptyset, a, \{a, b\}, \{c, d, e\}\}$ ,  
 $B = \{x \mid x \text{는 } 12 \text{의 약수}\} = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$   
 에서  $n(A) = 4$ ,  $n(B) = 6$  이므로  
 $n(A) + n(B) = 10$  이다.

38. 전체집합  $U$  의 두 부분집합  $A$ ,  $B$ 에 대하여  $A \cup B = A$  일 때, 다음 중 옳은 것은? [배점 4, 중중]

- ①  $A \subset B$
- ②  $A^C - B^C = B$
- ③  $A \cap B = A$
- ④  $A^C \subset B^C$
- ⑤  $A \cap B^C = \emptyset$

해설

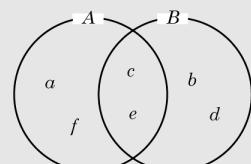
$A \cup B = A$  이므로  $B \subset A$  이다.  
 따라서 ④  $A^C \subset B^C$  이다.

39. 두 집합  $A$ ,  $B$ 에 대하여  $B = \{b, c, d, e\}$ ,  $A \cap B = \{c, e\}$ ,  $A \cup B = \{a, b, c, d, e, f\}$  일 때, 집합  $A$  는? [배점 4, 중중]

- ①  $\{a, c, e\}$
- ②  $\{a, c, f\}$
- ③  $\{a, c, e, f\}$
- ④  $\{a, b, c, f\}$
- ⑤  $\{a, b, e, f\}$

해설

$B = \{b, c, d, e\}$ ,  $A \cap B = \{c, e\}$ ,  $A \cup B = \{a, b, c, d, e, f\}$  이므로 벤 다이어그램을 그리면 다음과 같다.



그러므로 집합  $A$  는  $\{a, c, e, f\}$  가 된다.

40. 두 집합  $A, B$  에 대하여  $B \cap A = B$  일 때, 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면? (정답 2 개)

[배점 4, 중중]

- ①  $B \subset (B \cap A)$
- ②  $B \subset A$
- ③  $A \cup B = A$
- ④  $(A \cap B) \cap (B \cup A) = A$
- ⑤  $(B \cup A) \cap (A \cap B) = A$

해설

$B \cap A = B$  이면  $B \subset A$  이다.  
 ③  $B \subset A$  이므로  $A \cup B = A$   
 ④  $(A \cap B) \cap (B \cup A) = B \cap A = B$  이므로 옳지 않다.  
 ⑤  $(B \cup A) \cap (A \cap B) = A \cap B = B$  이므로 옳지 않다.

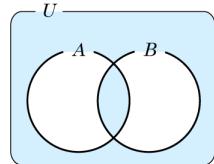
41. 두 집합  $C, D$  에 대하여  $n(C) = 20, n(D) = 12, C \cap D = \emptyset$  일 때,  $n(C \cup D)$  는? [배점 4, 중중]

- ① 30
- ② 31
- ③ 32
- ④ 33
- ⑤ 34

해설

$$\begin{aligned}n(C \cup D) &= n(C) + n(D) - n(C \cap D) \\&= 20 + 12 - 0 = 32\end{aligned}$$

42. 다음과 같은 벤 다이어그램에서  $n(U) = 40, n(A) = 12, n(B) = 15, n(A \cap B^c) = 9$  일 때, 색칠한 부분이 나타내는 집합의 원소의 개수는?

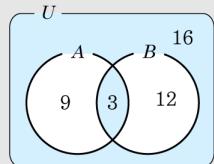


[배점 4, 중중]

- ① 15
- ② 17
- ③ 19
- ④ 21
- ⑤ 23

해설

각 집합의 원소의 개수를 벤 다이어그램에 나타내면 다음 그림과 같으므로  $3 + 16 = 19$  이다.



43. 전체집합  $U$  의 두 부분집합  $A, B$ 에 대하여  $n(U) = 40, n(A) = 18, n(A \cap B^c) = 10, n(B) = 19$  일 때,  $n(B \cap A^c)$  은? [배점 4, 중중]

- ① 8
- ② 9
- ③ 10
- ④ 11
- ⑤ 12

해설

$n(A) = 18, n(A - B) = 10$  이므로  $n(A \cap B) = 8$  이다.  
 $n(B \cap A^c) = n(B - A) = n(B) - n(A \cap B) = 19 - 8 = 11$  이다.

44. 전체 60 명의 학생 중 우산을 가져온 학생 35 명, 비옷을 가져온 학생 20 명, 둘 다 가져온 학생이 12 명이다. 우산과 비옷 중 하나만 가져온 학생의 수를 구하여라.

[배점 4, 중중]

▶ 답:

▷ 정답: 31명

해설

$$n(U) = 60, n(A) = 35, n(B) = 20, n(A \cap B) = 12$$

$$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B) = 35 + 20 - 12 = 43 \text{ 이다.}$$

$$n((A - B) \cup (B - A)) = n(A \cup B) - n(A \cap B) = 43 - 12 = 31 \text{ 이다.}$$

45. 미영이네 반 학생 38 명은 국어, 수학 문제를 푸는데 국어 문제를 푸 학생이 20 명, 수학 문제를 푸 학생이 25 명, 두 문제를 모두 풀지 못한 학생이 5 명이 있다. 국어 문제만 푸 학생을 구하여라. [배점 4, 중중]

▶ 답:

▷ 정답: 8명

해설

$$n(U) = 38, n(A) = 20, n(B) = 25$$

$$n(A \cup B) = 38 - 5 = 33 \text{ 이다.}$$

$$n(A - B) = n(A \cup B) - n(B) = 33 - 25 = 8 \text{ 이다.}$$

46. 전체집합  $U = \{2, 4, 6, 8, 10\}$  의 두 부분집합  $A, B$ 에 대하여  $A \cap B = \{8\}, A \cap B^c = \{2, 10\}, A \cup B = \{2, 6, 8, 10\}$  일 때,  $B^c \cap A$  는? [배점 4, 중중]

①  $\{1, 2\}$

②  $\{2, 6\}$

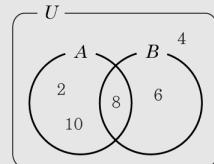
③  $\{2, 4\}$

④  $\{2, 8\}$

⑤  $\{2, 10\}$

해설

주어진 조건을 벤 다이어그램으로 나타내면 다음 그림과 같으므로  $B^c \cap A = \{2, 10\}$  이다.



47. 집합  $X = \{x|x\text{는 } 8\text{의 약수}\}$  의 두 부분집합  $A, B$ 에 대하여  $A = \{x|x\text{는 } 4\text{의 약수}\}$  일 때,  $A \cup B = X$  가 되는 집합  $B$ 의 개수를 구하여라. [배점 4, 중중]

▶ 답:

▷ 정답: 8개

해설

$X = \{1, 2, 4, 8\}$ ,  $A = \{1, 2, 4\}$ 이고

$A \cup B = X$ 가 되어야 하므로 집합  $B$ 는 원소 8을 반드시 포함해야 한다.

따라서, 집합  $B$ 는

$\{8\}, \{1, 8\}, \{2, 8\}, \{4, 8\}, \{1, 2, 8\},$

$\{1, 4, 8\}, \{2, 4, 8\}, \{1, 2, 4, 8\}$

이므로 8개이다.

48. 두 집합  $A$ ,  $B$ 에 대하여  $A \cup B$  와 집합  $B$  가 다음과 같을 때, 다음 중 집합  $A$  가 될 수 없는 것은?

$$A \cup B = \{x|x\text{는 }8\text{의 약수}\}, \quad B = \{x|x\text{는 }3\text{미만의 자연수}\}$$

[배점 4, 중중]

- ①  $\{1, 4, 8\}$
- ②  $\{x|x\text{는 }5\text{보다 큰 }2\text{의 배수}\}$
- ③  $\{x|x\text{는 }10\text{보다 작은 }4\text{의 배수}\}$
- ④  $\{x|x\text{는 }8\text{의 약수}\}$
- ⑤  $\{x|x\text{는 }12\text{의 약수}\}$

해설

집합  $B = \{1, 2\}$  이고,  $A \cup B = \{1, 2, 4, 8\}$  이므로  
집합  $A$  는 원소 4, 8 을 반드시 포함하는  $A \cup B$  의 부분집합이다.  
⑤  $\{x|x\text{는 }12\text{의 약수}\} = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\} \not\subset \{1, 2, 4, 8\}$

49. 집합  $A = \{x \mid x\text{는 }13\text{ 보다 크고 }27\text{ 보다 작은 자연수}\}$  의 부분집합 중에서 원소 14, 22는 반드시 포함하고, 홀수는 포함하지 않는 부분집합의 개수를 구하여라.

[배점 4, 중중]

▶ 답:

▷ 정답: 32 개

해설

$A = \{14, 15, 16, \dots, 26\}$  의 부분집합 중 원소 14, 22는 반드시 포함하고, 홀수 15, 17, 19, 21, 23, 25는 포함하지 않는 부분집합의 개수는  
 $2^{13-2-6} = 2^5 = 32$  (개)

50. 다음 중 두 집합  $A, B$ 에 대하여  $B \subset A$  인 것을 고르면?

[배점 4, 중중]

- ①  $A = \{1, 2, 4\}$ ,  $B = \{1, 2, 4, 8\}$
- ②  $A = \{x|x\text{는 짝수}\}$ ,  $B = \{x|x\text{는 홀수}\}$
- ③  $A = \emptyset$ ,  $B = \{x|x\text{는 }x, y, z\}$
- ④  $A = \{x|x\text{는 }2\text{의 배수}\}$ ,  
 $B = \{x|x\text{는 }6\text{의 배수}\}$

- ⑤  $A = \{x|x = 2 \times n - 1, n = 1, 2, 3, \dots\}$ ,  
 $B = \{x|x\text{는 자연수}\}$

해설

- ④  $\{2, 4, 6, 8, 10, \dots\} \supset \{6, 12, 18, 24, \dots\}$

51. 집합  $A = \{x \mid x\text{는 } 12\text{의 약수}\}$  일 때, 적어도 하나의 원소가 홀수인 집합  $A$  의 부분집합의 개수를 구하여라.  
[배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답: 48 개

해설

$A = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$  적어도 하나는 홀수인 부분집합의 개수는 모든 부분집합의 개수에서 짝수의 원소로만 이루어진 부분집합의 개수를 빼면 되므로  $2^6 - 2^{6-2} = 64 - 16 = 48$  (**개**)이다.

52. 집합  $A = \{x \mid x\text{는 } 10\text{ 이하의 짝수}\}$  에 대하여 다음을 만족하는 집합  $X$  의 개수를 구하여라.

$$\begin{array}{ll} \textcircled{\text{O}} \ X \subset A & \textcircled{\text{L}} \ 2 \in X \\ \textcircled{\text{E}} \ n(X) \leq 3 & \end{array}$$

[배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답: 11 개

해설

$A = \{2, 4, 6, 8, 10\}$   
집합  $X$ 는 2를 원소로 갖고 원소의 개수가 3 **개** 이하인  $A$ 의 부분집합이므로  
 $\{2\}, \{2, 4\}, \{2, 6\}, \{2, 8\}, \{2, 10\}, \{2, 4, 6\}, \{2, 4, 8\}, \{2, 4, 10\}, \{2, 6, 8\}, \{2, 6, 10\}, \{2, 8, 10\}$  의 11 **개**이다.

53. 두 집합  $A = \{1, 2, 3\}, B = \{x \mid x\text{는 } 4\text{의 약수}\}$ 에 대하여  $A \times B = \{a \times b \mid a \in A, b \in B\}$  일 때,  $n(A \times B)$  를 구하여라. [배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답: 7

해설

$A = \{1, 2, 3\}, B = \{1, 2, 4\}$   
 $1 \times 1 = 1, 1 \times 2 = 2, 1 \times 4 = 4, 2 \times 1 = 2, 2 \times 2 = 4, 2 \times 4 = 8, 3 \times 1 = 3, 3 \times 2 = 6, 3 \times 4 = 12$  이므로  
 $A \times B = \{1, 2, 3, 4, 6, 8, 12\}$   
 $\therefore n(A \times B) = 7$

54. 다음 중 옳은 것을 모두 골라라.

- Ⓐ  $A = \{1, 2, 3\}$  이면  $n(A) = 3$
- Ⓑ  $C = \{0\}$  이면  $n(C) = 0$
- Ⓒ  $A \subset B$  이면  $n(A) \leq n(B)$
- Ⓓ  $n(A) = n(B)$  이면  $A = B$
- Ⓔ  $n(\{1, 2, 3, 4\}) - n(\{1, 2, 3\}) = \{4\}$

[배점 5, 중상]

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓑ

▷ 정답: Ⓒ

해설

- Ⓑ  $C = \{0\}$  이면  $n(C) = 1$
- Ⓔ  $A$  와  $B$  집합의 원소 개수가 같아도 원소는 다를 수 있다.
- Ⓔ  $4 - 3 = 1$

55. 다음 중에서 옳은 것을 모두 고르면?

[배점 5, 중상]

- Ⓐ Ⓛ  $A = B$  이면  $A \subset B, B \subset A$

- Ⓑ  $n(A) = n(B)$  이면  $A = B$

- Ⓒ  $A \subset B$  이면  $n(A) < n(B)$

- Ⓓ Ⓛ  $A = B$  이면  $n(A) = n(B)$

- Ⓔ  $n(\{1, 2, 3, 4\}) - n(\{1, 2, 3\}) = 4$

해설

- Ⓑ  $A = \{1, 2\}, B = \{3, 4\}$  이면  
 $n(A) = n(B)$  이지만  $A \neq B$
- Ⓒ  $A = B$  이면  $A \subset B$  이지만  
 $n(A) < n(B)$  가 아닌  $n(A) = n(B)$
- Ⓔ  $n(\{1, 2, 3, 4\}) = 4$   
 $n(\{1, 2, 3\}) = 3$   
 $4 - 3 = 1$

56. 전체집합  $U = \{x \mid x\text{는 } 20\text{ 이하의 } 3\text{의 배수}\}$  의 두 부분집합  $A, B$ 에 대하여

$$A^c \cup B = \{3, 6, 9, 12, 15\}, B - A = \{3, 9, 12\}, A^c \cap B^c = \{6\} \text{ 일 때, } n(A) \text{ 는?}$$

[배점 5, 중상]

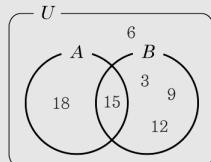
- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$U = \{3, 6, 9, 12, 15, 18\}$  이다.

주어진 조건을 벤 다이어그램으로 나타내면 다음 그림과 같으므로  $A = \{15, 18\}$  이다.

따라서  $n(A) = 2$  이다.



57. 두 집합  $A = \{4, 7, a+1, 2a-2\}$ ,  $B = \{3, a+2, b, 9\}$ 에 대하여  $A - B = \{4, 6\}$  일 때,  
 $A \cup B$ 를 구하여라. [배점 5, 중상]

▶ 답:

▷ 정답:  $\{3, 4, 6, 7, 8, 9\}$

해설

$A - B = \{4, 6\}$  이므로

$4 \in A, 6 \in A$ 이고  $4 \notin B, 6 \notin B, 7 \in B$

$a+1=6$  또는  $2a-2=6$

(i)  $a+1=6$  일 때,  $a=5$

$A = \{4, 6, 7, 8\}, B = \{3, 7, b, 9\}$

$A - B = \{4, 6\}$  이려면  $b=8$

(ii)  $2a-2=6$  일 때,  $a=4$

$A = \{4, 5, 6, 7\}, B = \{3, 6, b, 9\}$

$6 \notin B$  이어야 하므로  $a \neq 4$

$\therefore A = \{4, 6, 7, 8\}, B = \{3, 7, 8, 9\}$

$A \cup B = \{3, 4, 6, 7, 8, 9\}$

58. 전체집합  $U$  의 두 부분집합  $A, B$  에 대하여  $n(A) = 34$ ,  $n(B) = 15$ ,  $n(A^c \cap B^c) = 7$  일 때,  $n(U)$  의 최대값과 최소값을 각각 구하여라. [배점 5, 상하]

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 최대값은 56

▷ 정답: 최소값은 41

### 해설

$n(A^c \cap B^c) = n((A \cup B)^c) = 7$ ,  
 $n(A) = 34$ ,  $n(B) = 15$  이므로,  
 $0 \leq n(A \cap B) \leq 15$  이고,  
 $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B) = 49 - n(A \cap B)$   
따라서  $n(A \cup B)$ 의 최대값과 최소값은 각각 49, 34 이므로  
 $n(U)$ 의 최대값은  $49 + 7 = 56$ , 최소값은  $34 + 7 = 41$

59. 집합  $P$ 에 대하여  $[A] = \{P | P \subset A\}$ 로 정의한다.  
 $A = \{1, 2, 3, 4\}$  일 때, 집합  $n([A])$ 를 구하여라.  
[배점 5, 상하]

▶ 답:

▷ 정답: 16

### 해설

집합  $[A]$ 는 집합  $A = \{1, 2, 3, 4\}$ 의 부분집합을 원소로 하는 집합이다.  
집합  $A$ 의 부분집합의 개수는  $2^4 = 16$  (개)이므로  
 $n([A]) = 16$  이다.

60. 집합  $S = \{\emptyset, 0, 1, \{1, 2\}\}$  일 때, 다음 중 옳지 않은 것은? [배점 5, 상하]

①  $0 \in S$

②  $\{0, 2\} \not\subset S$

③  $\emptyset \subset S$

④  $\{1, 2\} \in S$

⑤  $\{\emptyset\} \in S$

### 해설

집합  $S$ 의 원소는  $\emptyset, 0, 1, \{1, 2\}$ 이다.

①  $0 \in S \rightarrow 0$ 은 집합  $S$ 의 원소이므로 옳다.

②  $\{0, 2\} \not\subset S \rightarrow 2$ 는 집합  $S$ 의 원소가 아니므로 0과 2로 이루어진 집합은  $S$ 의 부분집합이 될 수 없다. 따라서  $\{0, 2\} \not\subset S$ 는 옳다.

③  $\emptyset \subset S \rightarrow \emptyset$ 는 집합  $S$ 의 원소이지만 공집합  $(\emptyset)$ 는 모든 집합의 부분집합이므로 옳다.

④  $\{1, 2\} \in S \rightarrow \{1, 2\}$ 는 집합  $S$ 의 원소이므로 옳다.

⑤  $\{\emptyset\} \in S \rightarrow \{\emptyset\}$ 은 집합  $S$ 의 원소가 아니므로 옳지 않다.