

단원 형성 평가

1. 10%의 소금물에 물을 섞어서 8%의 소금물 500g을 만들려고 한다. 이 때, 섞은 물의 양을 구하여라.

[배점 2, 하중]

▶ 답:

▷ 정답: 100g

해설

10% 소금물 xg , 물 yg

$$\begin{cases} x + y = 500 \\ \frac{10}{100} \times x = \frac{8}{100} \times 500 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y = 500 \\ x = 400 \end{cases}$$

$$\therefore y = 100$$

2. 10%의 소금물에 물을 섞어서 8%의 소금물 500g을 만들려고 한다. 이 때, 섞은 물의 양을 구하여라.

[배점 2, 하중]

▶ 답:

▷ 정답: 100g

해설

10% 소금물 xg , 물 yg

$$\begin{cases} x + y = 500 \\ \frac{10}{100} \times x = \frac{8}{100} \times 500 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y = 500 \\ x = 400 \end{cases}$$

$$\therefore y = 100$$

3. 사랑이가 문방구에서 200원 짜리 사탕과 100원 짜리 초콜릿을 샀다. 사탕과 초콜릿을 합하여 10개를 사고, 1800원을 지불하였다. 사탕과 초콜릿 개수를 구하여라.

[배점 2, 하중]

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 사탕 8개

▷ 정답: 초콜릿 2개

해설

사탕의 개수를 x 개, 초콜릿 개수를 y 개 라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 10 \\ 200x + 100y = 1800 \end{cases}$$

$$\rightarrow \begin{cases} x + y = 10 & \dots \text{㉠} \\ 2x + y = 18 & \dots \text{㉡} \end{cases}$$

㉡ - ㉠을 하면 $x = 8$

$x = 8$ 을 ㉠에 대입하면 $y = 2$

따라서, 사탕은 8개, 초콜릿은 2개를 샀다.

4. 어느 공장에서 지난 달에 갑, 을 두 제품을 합하여 1000 개를 생산하였다. 이 달에 생산한 양은 지난 달에 비해 갑은 2% 증가하였고, 을은 3% 증가하여 전체로는 24 개가 증가하였다. 이 달의 갑 제품의 생산량은?

[배점 3, 하상]

- ① 315 개 ② 451 개 ③ 600 개
 ④ 612 개 ⑤ 704 개

해설

지난 달에 생산된 갑 제품을 x 개, 을 제품을 y 개라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 1000 \\ \frac{2}{100}x + \frac{3}{100}y = 24 \end{cases}, \text{ 즉 } \begin{cases} x + y = 1000 \\ 2x + 3y = 2400 \end{cases}$$

$\therefore x = 600, y = 400$
 따라서 이 달의 갑 제품의 생산량은
 $600 + 600 \times \frac{2}{100} = 612(\text{개})$ 이다.

5. 두 정수가 있다. 작은 수의 2 배에서 큰 수를 더하면 10 이다. 또 큰 수를 작은 수로 나누면 몫은 1 이고, 나머지도 1 이다. 두 정수의 합은? [배점 3, 하상]

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

해설

큰 수를 x , 작은 수를 y 라고 하면

$$\begin{cases} 2y + x = 10 \\ x = y + 1 \end{cases}$$

연립하여 풀면 $x = 4, y = 3$ 이다.
 $\therefore 3 + 4 = 7$

6. 4 년 전에 아버지의 나이는 아들의 나이의 9 배였다. 현재 아버지의 나이가 아들의 나이의 5 배일 때, 현재 아버지의 나이는? [배점 3, 하상]

- ① 36세 ② 37세 ③ 38세
 ④ 39세 ⑤ 40세

해설

현재 아버지의 나이를 x 세, 아들의 나이를 y 세 라 하면

$$\begin{cases} x - 4 = 9(y - 4) \quad \dots (1) \\ x = 5y \quad \dots (2) \end{cases}$$

(2)를 (1)에 대입하면 $5y - 4 = 9y - 36$

$$4y = 32$$

$$y = 8, x = 5y = 40$$

따라서 현재 아버지의 나이는 40 세이다.

7. 소 4마리와 양 3마리의 값은 금 10냥이고, 소 2마리와 양 5마리의 값은 금 12냥이다. 소와 양 한 마리의 값을 각각 구하여라. [배점 3, 하상]

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 소 1냥

▷ 정답: 양 2냥

해설

소 한 마리 값: x 냥

양 한 마리 값: y 냥

$$\begin{cases} 4x + 3y = 10 \quad \dots ① \\ 2x + 5y = 12 \quad \dots ② \end{cases}$$

① - ② $\times 2$ 하면 $x = 1, y = 2$ 이다.

8. 문구점에서 600 원짜리 볼펜과 500 원짜리 연필을 합하여 13 자루 사고 7000 원을 지불하였다. 각각 몇 개씩 샀는지 구하여라. [배점 3, 중하]

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 볼펜 = 5 자루

▷ 정답: 연필 = 8 자루

해설

볼펜을 x , 연필을 y 라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 13 \\ 600x + 500y = 7000 \end{cases}$$

두 식을 연립하여 풀면 $x = 5$, $y = 8$ 이다.

9. 어느 은행은 정기예금에 대해 1 년 예치시 500 만원은 5% 이자를 지급하고, 100 만원은 4% 의 이자를 지급한다. 오늘 이자 지급일이 되어 이자를 찾아간 손님은 모두 30 명이고, 지급 액수는 414 만원이었다. 이때, 500 만원을 예치한 손님의 수는? (단, 손님들은 원금을 제외한 이자만 지급받았으며, 이 이자에 대한 세금은 생각하지 않는다.) [배점 3, 중하]

① 12명

② 14명

③ 16명

④ 18명

⑤ 19명

해설

500 만원을 예치한 손님 수를 x 명, 100 만원을 예치한 손님 수를 y 명이라고 하자.

(이자) = (원금) $\times$ (이자율) 이므로, 500 만원을 예치한 손님 x 명의 이자는 $5000000 \times 0.05 \times x = 250000x$ 이고, 100 만원을 예치한 손님 y 명의 이자는 $1000000 \times 0.04 \times y = 40000y$ 이다.

$$\begin{cases} x + y = 30 & \dots \textcircled{1} \\ 250000x + 40000y = 4140000 & \dots \textcircled{2} \end{cases} \text{을 간단}$$

$$\text{히 하면 } \begin{cases} x + y = 30 & \dots \textcircled{1}' \\ 25x + 4y = 414 & \dots \textcircled{2}' \end{cases}$$

$$\textcircled{1}' \times 4 - \textcircled{2}' \text{ 을 하면 } -21x = -294, x = 14 \dots \textcircled{3}$$

$\therefore$ 500 만원을 예치한 손님의 수는 14명이다.

10. 갑, 을 두 사람이 가위바위보를 하여 이긴 사람은 두 계단씩 올라가고, 진 사람은 한 계단씩 내려가기로 하였다. 그 결과 갑은 처음보다 18 개의 계단을 올라가 있고, 을은 처음 위치 그대로 있었다. 을이 이긴 횟수를 구하여라.(단, 비기는 경우는 이동하지 않는다.)

[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▶ 정답 : 6 회

해설

갑이 이긴 횟수를 x , 진 횟수를 y 라 하면,
을이 이긴 횟수는 y , 진 횟수는 x 이다.

$$\begin{cases} 2x - y = 18 \\ 2y - x = 0 \end{cases}$$

연립해서 풀면 $x = 12$, $y = 6$ 이다.

11. 어느 대학교의 작년도 학생 수는 12000 명이고, 올해 학생 수는 남학생은 7%, 여학생은 10% 가 줄어서 작년보다 960 명이 감소하였다. 올해 남학생 수를 구하여라.

[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▶ 정답 : 7440 명

해설

작년 남학생의 수 : x

작년 여학생의 수 : y

$$x + y = 12000$$

$$\frac{7}{100}x + \frac{10}{100}y = 960$$

$$7x + 10y = 96000 \cdots \textcircled{1}$$

$$10x + 10y = 120000 \cdots \textcircled{2}$$

$\textcircled{2} - \textcircled{1}$ 하면

$$3x = 24000$$

$$x = 8000$$

따라서 올해 남학생 수는 $8000 \times 0.93 = 7440$ (명) 이다.

12. 숙련공은 견습공보다 한시간에 2 개의 부품을 더 만든다고 한다. 견습공은 6 시간, 숙련공은 8 시간 작업하였더니, 견습공은 숙련공의 절반 밖에 못 만들었다고 한다. 두 사람이 만든 부품을 모두 합하면?

[배점 4, 중중]

- ① 10 개 ② 50 개 ③ 68 개
 ④ 72 개 ⑤ 84 개

해설

숙련공이 1 시간 동안 만드는 개수를 x 개, 견습공이 1 시간 동안 만드는 부품의 개수를 y 개라 하면

$$\begin{cases} x = y + 2 & \cdots (1) \\ 6y = 8x \times \frac{1}{2} & \cdots (2) \end{cases}$$

(1)을 (2)에 대입하면 $6y = 4(y + 2)$

방정식을 풀면 $y = 4, x = 6$

$$\therefore 6 \times 8 + 4 \times 6 = 48 + 24 = 72(\text{개})$$

13. 다영이와 선웅이 두 사람이 함께 일하는데 다영이가 6 일, 선웅이가 10 일 동안 일하여 완성하였다. 그 후 똑같은 일을 다영이가 4 일, 선웅이가 12 일 일하여 끝냈다. 만약 이 일을 다영이 혼자 한다면 며칠이나 걸리겠는가?

[배점 4, 중중]

- ① 10 일 ② 12 일 ③ 14 일
 ④ 16 일 ⑤ 18 일

해설

다영이가 하루에 하는 일 : x

선웅이가 하루에 하는 일 : y

전체 일의 양 : 1

$$\begin{cases} 6x + 10y = 1 \\ 4x + 12y = 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow x = \frac{1}{16}, y = \frac{1}{16}$$

$\therefore 16$ 일

14. 두 사람 A, B 는 각각 5 번째 계단, 3 번째 계단에서 시작하고, 가위바위보를 해서 이긴 사람은 3 계단씩 올라가고, 진 사람은 2 계단씩 내려가기로 하였다. 그 결과 A 는 18 번째 계단, B 는 1 번째 계단에 올라갔을 때, A 가 이긴 횟수는? (단, 비기는 경우는 없다.)

[배점 4, 중중]

- ① 3 번 ② 4 번 ③ 5 번
 ④ 6 번 ⑤ 7 번

해설

A 가 이긴 횟수를 x , 진 횟수를 y 라 하면, B 가 이긴 횟수는 y , 진 횟수는 x 이다.

$$\begin{cases} 3x - 2y = 18 - 5 \\ 3y - 2x = 1 - 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 3x - 2y = 13 \\ 3y - 2x = -2 \end{cases}$$

연립해서 풀면 $x = 7, y = 4$ 이다.

15. 연필 2 자루와 공책 1 권의 값은 490 원이고, 연필 4 자루와 공책 3 권의 값은 1230 원이라고 할 때, 연필 2 자루와 공책 5 권의 값은? [배점 5, 중상]

- ① 1100 원 ② 1250 원 ③ 1330 원
 ④ 1430 원 ⑤ 1490 원

해설

연필 1 자루의 가격을 x 원, 공책 1 권의 가격을 y 원이라고 하면

$$\begin{cases} 2x + y = 490 & \dots (1) \\ 4x + 3y = 1230 & \dots (2) \end{cases}$$

(2) - (1) $\times 2$ 하면 $y = 250$

$y = 250$ 을 (1)에 대입하여 풀면 $x = 120$

따라서 연필 2 자루와 공책 5 권의 값은

$(120 \times 2) + (250 \times 5) = 1490(\text{원})$ 이다.