

단원테스트 1차

1. 세 수 60, 90, 150 의 공약수 중에서 소수의 합을 구하여라. [배점 2, 하중]

▶ 답 :

▶ 정답 : 10

해설

60, 90, 150 의 최대공약수 : 30
공약수 중 소수 : 2, 3, 5
(소수의 합) = $2 + 3 + 5 = 10$

2. 다음 중 집합인 것을 모두 고른 것은?

- ㉠ 우리 나라 지하철 노선의 모임
- ㉡ 우리 반에서 컴퓨터를 잘 하는 학생의 모임
- ㉢ 우리 학교에서 똥똥한 학생의 모임
- ㉣ 가장 큰 5의 배수의 모임
- ㉤ 10에 가장 가까운 홀수의 모임
- ㉥ 1보다 작은 자연수의 모임

[배점 2, 하중]

① ㉠, ㉢, ㉤

② ㉠, ㉤, ㉥

③ ㉢, ㉤, ㉥

④ ㉠, ㉢, ㉤, ㉥

⑤ ㉠, ㉢

해설

‘잘하는’, ‘똥똥한’, ‘가장 큰’ 은 정확한 기준이 될 수 없다. 그러므로 집합이 될 수 없다.

3. 다음 중 집합이 아닌 것을 모두 찾으시오.

[배점 2, 하중]

① 7 보다 작은 자연수의 모임

② 키가 큰 나무의 모임

③ 월드컵을 개최한 나라의 모임

④ 우리 반에서 농구를 잘 하는 학생의 모임

⑤ 15의 약수의 모임

해설

‘키가 큰’, ‘농구를 잘하는’ 은 그 대상을 분명히 알 수 없으므로 집합이 아니다.

4. $1011_{(2)} + 1101_{(2)} - 111_{(2)}$ 을 계산하면?

[배점 3, 중하]

① $10001_{(2)}$

② $10011_{(2)}$

③ $10111_{(2)}$

④ $11111_{(2)}$

⑤ $11001_{(2)}$

해설

$$1011_{(2)} + 1101_{(2)} - 111_{(2)} = 11 + 13 - 7 = 17 \\ = 10001_{(2)}$$

5. 다음 중 옳은 것은?

[배점 3, 중하]

① $A = \{a, b, a, b\}$ 일 때 $n(A) = 4$

② $n(\{x \mid x \text{는 } 3\text{이하의 자연수}\}) = \{3\}$

③ $n(\{a, b, c, d\}) - n(\{a, b, d\}) = 0$

④ $n(\{x \mid x \text{는 } 1\text{미만의 자연수}\}) = 1$

⑤ $n(\{2, 3\}) - n(\{1, 3\}) = 2$

해설

①, $n(A) = 2$

③, $4 - 3 = 1$

④, $n(\emptyset) = 0$

⑤, $2 - 2 = 0$

6. 75 에 가장 작은 자연수를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 곱해야 할 수는?

[배점 3, 중하]

① 2

② 3

③ 5

④ 7

⑤ 9

해설

$75 = 3 \times 5^2$ 이므로 어떤 자연수의 제곱이 되도록 하기 위해 곱해 주어야 할 수 중 가장 작은 수는 3 이다.

7. 18 에 가장 작은 자연수를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 곱해야 할 수를 구하여라.

[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$18 = 2 \times 3^2$ 이므로 어떤 자연수의 제곱이 되도록 하기 위해 곱해 주어야 할 수 중 가장 작은 수는 2 이다.

8. 세 수 30, 60, 80 의 공약수 중에서 소수의 합은?

[배점 3, 중하]

① 3

② 5

③ 7

④ 10

⑤ 17

해설

30, 60, 80 의 최대공약수 : 10

공약수 중 소수 : 2, 5

(소수의 합) = $2 + 5 = 7$

9. $2^2 \times 3 \times 5$, $2 \times 3^2 \times 5$ 의 공배수가 아닌 것은?
[배점 3, 중하]

- ① $2^3 \times 3^2 \times 5$ ② $2^2 \times 3^3 \times 5 \times 7$
 ③ $2^3 \times 3 \times 5$ ④ $2^2 \times 3^2 \times 5$
 ⑤ $2^3 \times 3^3 \times 5^3$

해설

$2^2 \times 3 \times 5$, $2 \times 3^2 \times 5$ 의 공배수는 두 수의 최소공배수인 $2^2 \times 3^2 \times 5$ 의 배수이다.

10. 두 수 $2^2 \times 3^2$, $2^2 \times 3 \times 5$ 의 공약수를 모두 구하여라.
[배점 3, 중하]

- ▶ 답 :
 ▶ 답 :
 ▶ 답 :
 ▶ 답 :
 ▶ 답 :
 ▶ 답 :

- ▷ 정답 : 1
 ▷ 정답 : 2
 ▷ 정답 : 3
 ▷ 정답 : 4
 ▷ 정답 : 6
 ▷ 정답 : 12

해설

최대공약수는 $2^2 \times 3 = 12$ 이므로 두 수의 공약수는 1, 2, 3, 4, 6, 12이다.

11. A, B 두 개의 수학 문제를 푸는데 A 를 푼 학생은 24명, B 를 푼 학생은 34 명이고, A, B 를 모두 푼 학생은 15 명이다. 한 문제라도 푼 학생은 몇 명인가?

[배점 3, 중하]

- ① 43명 ② 45명 ③ 47명
 ④ 49명 ⑤ 51명

해설

A를 푼 학생의 집합을 각각 A, B 라고 하면
 A를 푼 학생의 수가 24 명이므로 $n(A) = 24$
 B를 푼 학생의 수가 34 명이므로 $n(B) = 34$
 A, B를 모두 푼 학생이 15 명이므로 $n(A \cap B) = 15$
 한 문제라도 푼 학생이란 $A \cup B$ 를 뜻한다.
 따라서 $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B) = 42 + 34 - 15 = 43$ 이다.

12. 어느 반 학생 35명 중 피자를 좋아하는 학생이 19명, 떡볶이를 좋아하는 학생이 21명, pizza와 떡볶이 모두를 싫어하는 학생이 3명일 때, 둘 다 좋아하는 학생은 몇 명인가? [배점 3, 중하]

▶ 답 :

▶ 정답 : 8명

해설

전체 반 학생들의 집합을 U , 피자를 좋아하는 학생들의 집합을 A , 떡볶이를 좋아하는 학생들의 집합을 B 라고 하면,

$$n(U) = 35, n(A) = 19, n(B) = 21$$

$$n((A \cup B)^c) = 3$$

$$n(A \cup B) = n(U) - n((A \cup B)^c) = 35 - 3 = 32$$

$$n(A \cap B) = n(A) + n(B) - n(A \cup B) = 19 + 21 - 32 = 8$$

13. 바둑돌을 이용하여 $1010_{(2)}$ 을 ●○○●○으로 나타내었다. 다음 계산 결과를 바둑돌을 이용하여 나타내어라.

$$1121_{(2)} + 11_{(2)} - 101_{(2)}$$

[배점 3, 중하]

▶ 답 :

▶ 정답 : ●○○●●

해설

$$\begin{array}{r} 1111_{(2)} \\ + 11_{(2)} \\ \hline 10000_{(2)} \end{array} \quad \begin{array}{r} 10000_{(2)} \\ - 101_{(2)} \\ \hline 1011_{(2)} \end{array}$$

14. 가로가 $15cm$, 세로가 $18cm$ 인 타일이 여러 장 있다. 이 타일들을 이어 붙여서 가장 작은 정사각형 모양을 만들려고 한다. 타일은 모두 몇 장 필요한가? [배점 3, 중하]

① 15장

② 20장

③ 25장

④ 30장

⑤ 35장

해설

$$\begin{array}{r} 3 \overline{) 15 \ 18} \\ \underline{5 \ 6} \end{array}$$

가장 작은 정사각형의 한 변의 길이는 $90cm$ 이고, $5 \times 6 = 30$ (장)의 타일이 필요하다.

15. 집합 $A = \{x \mid x \text{는 } 5 \text{ 이하의 자연수}\}$,

$$B = \{y \mid y = x - 2, x \in A\},$$

$$C = \{a - 4, a + 1, 2a + 1, -a\} \text{ 일 때,}$$

$$B \cap C = \{-1, 2, 3\} \text{ 을 만족하는 정수 } a \text{ 의 값은?}$$

[배점 5, 중상]

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$$

$$B = \{-1, 0, 1, 2, 3\}$$

$$2a + 1 = 3 \text{ 일 때, } a = 1$$

$$C = \{-3, 2, 3, -1\}$$

$$B \cap C = \{-1, 2, 3\}$$

