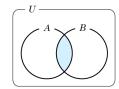
실력 확인 문제

1. 다음 벤 다이어그램에서 n(U) = 57, n(A) = $30,\; n(B)=25,\; n(A^c\cap B^c)=14$ 일 때, 색칠한 부분 이 나타내는 집합의 원소의 개수는?



[배점 3, 하상]

- ① 12 개
- ② 14 개
- ③ 19 개

- ④ 24 **개**
- ③ 38 **개**

주어진 벤 다이어그램의 색칠한 부분은 $A \cap B$ 이 다.

 $n(A \cup B) = n(U) - n(A^c \cap B^c) = 57 - 14 = 43$ $n(A \cap B) = n(A) + n(B) - n(A \cup B) = 30 + 25 -$ 43 = 12

2. {1,2,3,4,6,12},{1,2,3,6} 을 원소로 가지는 집합을 각각 A, B 라 할 때, 두 집합 사이의 관계를 벤 다이어 그램으로 바르게 나타낸 것은? [배점 3, 하상]

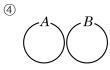
1





3





(3)



해설

A = {1,2,3,4,6,12}, B = {1,2,3,6} 이므로 $B \subset A, \ A \neq B$

- **3.** 집합 $A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$ 일 때, 다음 중 A 와 같은 집합을 모두 고르시오. [배점 3, 중하]
 - ① $\{3,5,7\}$
 - ② {x|x는 10 이하의 짝수}
 - (3){9,3,1,7,5}
 - ④ {x|x는 9의 약수}
 - ⑤ {x|x는 11보다 작은 홀수}

해설

 $A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$

- 2 {2, 4, 6, 8, 10}
- 3 $\{1,3,5,7,9\}$
- 4 $\{1,3,9\}$
- \bigcirc $\{1, 3, 5, 7, 9\}$

- 4. 두 집합 A, B 에 대하여 n(A) = 8, n(A ∩ B) =
 3, n(A∪B) = 12 일 때, n(A B) 와 n(B A) 를
 각각 구한 것으로 옳은 것은? [배점 3, 중하]
 - ① n(A-B):4, n(B-A):4
 - ② n(A-B):4, n(B-A):5
 - (3)n(A-B):5, n(B-A):4
 - (4) n(A-B):5, n(B-A):5
 - ⑤ n(A-B): 8, n(B-A): 7

해설

$$n(A - B) = n(A) - n(A \cap B) = 8 - 3 = 5$$

 $n(A \cup B) = n(A - B) + n(A \cap B) + n(B - A)$
 $12 = 5 + 3 + n(B - A)$: $n(B - A) = 4$

- **5.** 집합 $A = \{\emptyset, 2, 4, \{2,4\}\}$ 일 때, 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르면? (정답 2개) [배점 4, 중중]
 - ① $\varnothing \in A$
- ② $\varnothing \subset A$
- $3 \{2,4\} \subset A$
- $\{2,4\} \notin A$
- $\textcircled{5}\{2,4\} \not\subset A$

해설

- (4) $\{2,4\} \in A$

- **6.** 집합 $A = \{x | x = 20$ 보다 작은 소수 $\}$ 의 부분집합 중 에서 한 자리의 자연수를 모두 포함하는 부분집합의 개수는? [배점 4, 중중]
 - 1 4
- ② 10 ③ 12
- **4**)16
- ⑤ 20

해설

A = {2,3,5,7,11,13,17,19} 의 부분집합 중 원소 2,3,5,7 을 모두 포함하는 부분집합의 개수는 $2^{8-4} = 2^4 = 16$ (기)

- **7.** 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르면? (정답 3개) [배점 4, 중중]
 - ① $A = \emptyset$ 이면 n(A) = 0이다.
 - ② $B \subset A$ 이면 n(B) < n(A)이다.
 - ③ A = B이면 n(A) = n(B)이다.
 - (4)n(A) = n(B)이면 A = B이다.
 - ⑤ $A = \{0\}$ 이면 n(A) = 0이다.

해설

- ② $B \subset A$ 이면 $n(B) \leq n(A)$
- ④ 예를 들면 $A = \{0\}, B = \{1\}$ 이면 n(A) =n(B) = 1이지만 $A \neq B$
- ⑤ $A = \{0\}$ 이면 n(A) = 1

- 8. 다음 중 집합의 원소가 없는 것을 모두 고르면? (정답 2개) [배점 4, 중중]
 - (1) $\{0\}$
 - ② {x|x는 4의 약수 중 홀수}
 - 3 $\{x|x \leftarrow 3 \times x = 0$ 인 자연수 $\}$
 - ④ {x|x는 11 < x < 12인 자연수}</p>
 - ⑤ $\{x|x \vdash x \leq 1$ 인 자연수 $\}$

해설

- 1 {0}
- ② {1}
- ⑤ {1}
- **9.** 집합 $A = \{(a, b) \mid a \times b = 9, a, b$ 는 자연수} 일 때, 집합 n(A) 를 바르게 구한 것은? [배점 5, 중상]
 - ① 2
- ③ 4 ④ 5
- **(5)** 6

 $1 \times 9 = 3 \times 3 = 9 \times 1 = 9$ 이므로 원소나열법으로 나타내면 $A = \{(1, 9), (3, 3), (9, 1)\}$ 이다.

 $\therefore n(A) = 3$

- **10.** 두 집합 $A = \{x \mid x$ 는 6의 약수 $\}$, $B = \{1, 2, a\}$ 에 대하여 $B \subset A$ 를 만족하는 a 의 값을 모두 구하여라. [배점 5, 중상]
 - 답:답:
 - ▷ 정답: 3▷ 정답: 6
 - 해설

 $A = \{1, 2, 3, 6\}$ $B \subset A$ 이므로 $a \in A$ $\therefore a = 3$ 또는 a = 6 **11.** 두 집합 $A = \{x | x \vdash 10 \text{ 이상 } 15 \text{ 이하의 자연수}\}$, $B = \{x | x \vdash 12 \text{ 이상 } 18 \text{ 미만의 } 3 \circlearrowleft \text{ 배수}\}$ 에 대하여 다음 조건을 만족하는 집합 X 의 개수를 구하여라.

$$X \subset A, \ B \subset X, \ n(X) = 4$$

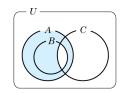
[배점 5, 중상]

- ▶ 답:
- ▷ 정답: 6개

해설

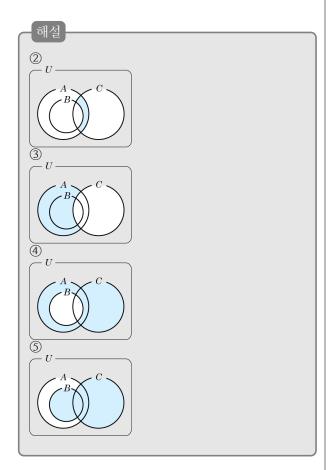
A = {10, 11, 12, 13, 14, 15}
B = {12, 15}
X ⊂ A, B ⊂ X 이므로 B ⊂ X ⊂ A
{12, 15} ⊂ X ⊂ {10, 11, 12, 13, 14, 15}
집합 X 는 집합 A 의 부분집합 중 원소 12, 15 는
반드시 포함하고 원소의 개수가 4 개인 집합이므로
{10, 11, 12, 15}, {10, 12, 13, 15},

{10, 11, 12, 15}, {10, 12, 13, 15}, {10, 12, 14, 15}, {11, 12, 13, 15}, {11, 12, 14, 15}, {12, 13, 14, 15}의6개이다. 12. 다음 벤 다이어그램의 색칠한 부분을 나타내는 집합을 골라라.



[배점 5, 중상]

- $\bigcirc A (B \cap C)$
- \bigcirc $(A-B)\cap C$
- \bigcirc $(A \cup B) C$
- $\textcircled{4} (A \cup C) B$
- \bigcirc $(A \cap B) \cup C$



13. 세 집합 $A = \{x | x 는 한국인\}, B =$ $\{x|x$ 는 학생 $\}$, $C = \{x|x$ 는 여자 $\}$ 에 대하여 한 국의 남학생을 나타내는 집합을 모두 고르면?

[배점 5, 상하]

- ① $(A \cup B) C$ ② $A \cup B \cup C$

한국 학생 중 여학생을 뺀 것 또는 한국 학생 중 여자가 아닌 사람이므로

 $(A \cap B) - C$ 또는 $A \cap B \cap C^c$ 이다.

 14. 1
 에서
 100
 까지의

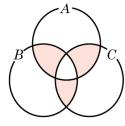
 자연수
 중에서
 A
 =

 {x | x는 2의 배수},
 B
 =

 {x | x는 3의 배수},
 C
 =

 {x | x는 5의 배수}
 일
 때,

 다음
 번
 다이어그램에 색칠된



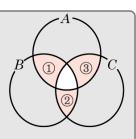
부분에 속하는 원소의 개수를 구하여라.

[배점 5, 상하]

▶ 답:

▷ 정답: 23 개

해설 부분 ①, ②, ③ 의



 $A \cap B = \{x \mid x$ 는 6의 배수 $\} \therefore n(A \cap B) = 16,$ $B \cap C = \{x \mid x$ 는 15의 배수 $\} \therefore n(B \cap C) = 6$ $C \cap A = \{x \mid x$ 는 10의 배수 $\} \therefore n(C \cap A) = 10$ $A \cap B \cap C = \{x \mid x$ 는 30의 배수 $\} \therefore n(A \cap B \cap C) = 3$

C) = 3つ, □, □ 에 의해

a+b+c

 $= n(A \cap B) + n(B \cap C) + n(C \cap A) - 3 \times n(A \cap B \cap C)$

=16+6+10-9=23

15. 전체집합 $U = \{x \mid x$ 는 한 자리의 자연수} 의 두 부분집합 A, B 에 대하여 $A = \{x \mid x$ 는 10 이하의 홀수 $\}$, $n(A \cap B) = 0$, $n(A \cup B) = 9$ 일 때, 집합 B - A 를 구하여라. [배점 5, 상하]

▶ 답:

▷ 정답: {2,4,6,8}

해설

 $U = \{1, 2, 3, \cdots, 9\}$

 $A = \{1, 3, 5, 7, 9\}$

 $n(U) = 9, \ n(A \cup B) = 9$ 이므로

 $A \cup B = U \cdots \bigcirc$

 $n(A \cap B) = 0$ 이므로 $A \cap B = \varnothing \cdots ②$

① 과 ② 에 의하여

 $B = A^c = \{2, 4, 6, 8\}$