

단원 종합 평가

1. 집합 $A = \{x \mid x \text{는 } 10 \text{ 이하의 } 2 \text{의 배수}\}$ 에 대하여 $n(X) = 4$ 인 집합 A 의 부분집합 X 의 개수를 구하여라.

2. 전체집합 $U = \{x \mid x \text{는 } 12 \text{미만의 자연수}\}$ 의 두 부분집합 $A = \{2, 4, 6, 8, 10\}$, $B = \{2, 3, 5, 6, 7, 11\}$ 에 대하여 $n((A - B)^c)$ 은?

- ① 4 ② 6 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

3. 두 집합 $A = \{2, 5, 9, a\}$, $B = \{3, 7, b+2, b-2\}$ 에 대하여 $A - B = \{2, 8\}$ 일 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

4. 두 자연수의 곱이 768 이고 최소공배수가 96 일 때, 두 수의 최대공약수를 구하여라.

5. 세 수 42, 24, 63 의 최소공배수는?

- ① $2^2 \times 3^2 \times 5$ ② $2^2 \times 3^2 \times 7$
 ③ $2^2 \times 3^2 \times 5 \times 7$ ④ $2^3 \times 3^2 \times 5^2$
 ⑤ $2^3 \times 3^2 \times 7$

6. 두 집합 A, B 에 대하여 다음 중 옳은 것을 골라라

- ① $A \subset B$ 이면 $A \cap B = B$
 ② $B \subset A$ 이면 $A \cup B = B$
 ③ $A \cup \emptyset = \emptyset$
 ④ $A \subset B, B \not\subset A$ 이면 $A \cap B = A$
 ⑤ $A \subset (A \cap B) \subset (A \cup B)$

7. 자연수들로 이루어진 두 집합 X, Y 에 대하여 $X + Y = \{x + y \mid x \in X, y \in Y\}$ 라 하자.

$X = \{3, 6, 9, \dots\}, Y = \{5, 10, 15, \dots\}$ 이라 할 때, 집합 $X + Y$ 의 원소 중에서 20 이하의 자연수의 개수를 구하여라.

8. 운동장에서 진수는 달리기를 하고 성찬이는 자전거를 타고 있다. 한 바퀴 도는 데 진수는 1분 30초 걸리고 성찬이는 54초가 걸린다. 출발점에서 두 사람이 오전 10시에 동시에 출발했을 때, 그 다음 출발점에서 만나는 시각은?

- ① 10시 2분 10초 ② 10시 2분 50초
 ③ 10시 3분 20초 ④ 10시 3분 40초
 ⑤ 10시 4분 30초

9. 원주 위의 같은 방향으로 움직이는 세 점 A, B, C 가 3 분에 각각 45 바퀴, 30 바퀴, 60 바퀴를 돈다. 원주 위의 한 점 P 에서 세 점 A, B, C 가 동시에 출발하여 출발한 이후 1 시간 동안 점 P 를 동시에 통과하는 횟수를 구하여라.

10. 전체집합 $U = \{3x + 1 | x < 10, x \text{는 자연수}\}$ 의 부분집합 A, B 가 있다.
 $A^c \cap B^c = \{28\}$, $(A \cup B) - (A \cap B) = \{4, 10, 19, 25\}$ 일 때, $n(A \cap B)$ 를 구하여라.

11. $n(\{0, \emptyset, \{0, 2\}, \{1\}\}) \times n(\{0, 1\}) - n(\emptyset)$ 를 구하여라.

12. 1g, 2g, 4g, 8g, $\dots$, 2^n g 의 추가 $n + 1$ 개 있을 때 63g 짜리 물건의 무게를 잴 수 있도록 가장 작은 n 의 값을 구하여라.

13. 합이 32 이고 최소공배수가 60 인 두 자연수를 구하여라.

14. 무한집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대하여 $A \cup B$ 는 무한집합, A 는 유한집합일 때, 다음 중 반드시 유한집합을 모두 고르면 ? (정답 2개)

- ① $A^c \cap B$
- ② $(A \cap B)^c$
- ③ $B \cup X = X$ 일 때, 집합 X
- ④ $A - B$
- ⑤ $A^c \cap B^c = \emptyset$ 일 때, B^c

15. 두 집합 $A = \{1, 2, 3, a + 1\}$, $B = \{4, 5, a\}$ 에 대하여 $A \cap B = \{3, 4\}$ 일 때, $n(A - B)$ 를 구하면? (단, a 는 상수)

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4