집합과 자연수Clinic

Test Length: 20 items

Test Time: 60 minutes November 16, 2010

Teacher Name: 1

Student Name: 안정인



1. 1g, 2g, 4g, 8g, 16g, 32g 의 저울추 1 개씩과 저울로 1g 부터 63g 까지의 자연수 무게를 가진 물체를 측정할 수 있다. 만약 4g 짜리 추를 잃어버리면 잴 수 없는 무게의 종류가 몇 가지인지 구하여라.

_		
	답:	가지
	ᆸ ・	/ /

2. 집합 P 에 대하여 P[x] 를 (1) $x \in P$ 이면 $P[x] = \{-x+1, 0, x-1\}$ (2) $x \notin P$ 이면 $P[x] = \{1, x, x^2\}$ 이라고 정의한다. 두 집합 $A = \{x | x$ 는 소수인 자연수 $\}$, B = ${3x-1|x$ 는 자연수} 일 때, 집합 $(A-B)[2] \cup (B-B)[2]$ A)[8] 의 원소의 총합을 구하여라.

>	답:

- **3.** $2^7 = a$, $13^b = 169$ 을 만족하는 자연수 a, b 에 대하여 *a* − *b* 의 값은?
 - ① 120
- 2 122
- ③ 124

- **4** 126
- ⑤ 128

4. 집합 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 의 부분집합 중 원소의 개수 가 세 개인 부분집합에 들어 있는 모든 원소들의 합을 구하여라.

▶ 답:	답:	
------	----	--

- **5.** 집합 $A_a = \{x \mid x \in a \text{ uhh}\}$, 집합 $B_b = \{x \mid x \in a \text{ uhh}\}$ x는 b의 약수} 라고 할 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고 르면?
 - ① $A_2 \subset A_4$
- ② $B_2 \subset B_4$
- $3 A_4 = B_4$
- $(4) n(B_{15}) = 5$
- \bigcirc $A_8 \subset A_4 \subset A_2$

- 집합 $A = \{x | x \in 189 \ \text{약수}\}, B =$ $\{x|x$ 는 12의 약수 $\}$ 에 대하여 $(A \cup B) \cap X =$ $X, (A \cap B) \cup X = X$ 를 만족하는 집합 X 의 개수를 구한 것은?
 - ① 2개
- ② 4 개
- ③ 8 개

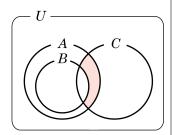
- ④ 16 개
- ⑤ 32 개



7. 과학의 날 행사에 1 학년 10 반 학생 35명이 전원 참여하였다. 물로켓 발사대회에 참여한 학생이 20명, 에어로켓 발사대회에 참여한 학생이 23 명이라고 한다. 두 대회에 모두 참여한 학생은 몇 명인지 구하여라.

>	답:	<u> </u>

8. 다음 벤 다이어그램의 색칠한 부분을 나타내 는 집합은?



- ① $A (B \cap C)$
- \bigcirc $(A-B)\cap C$
- $(A \cup B) C$
- $\textcircled{4} (A \cup C) B$

9. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

①
$$n(\{1, 3, 5\}) - n(\{1, 5\}) = 3$$

- ② n(A) = n(B) 이면 A = B 이다.
- ③ $A \subset B$ 이면 $n(A) \leq n(B)$ 이다.
- ④ n(A) < n(B) 이면 $A \subset B$ 이다.
- ⑤ $n(\{x \mid x = 10 의 약수\}) = n(\{x \mid x = 14 의 약수\})$

- 10. 두 집합 A, B 에 대하여, 집합 A = {1,2,4}, A∪B = {x | x는 52 의 약수} 이다. 이를 만족하는 집합 B로 가능하지 않은 것은?
 - ① $\{13, 26, 52\}$
- $2 \{3, 13, 26, 52\}$
- $3 \{1, 2, 13, 26, 52\}$
- 4 {2, 4, 13, 26, 52}
- \bigcirc $\{1, 2, 4, 13, 26, 52\}$



11. 어떤 자연수로 84를 나누면 6이 남고 109를 나누면 5 가 남는다고 한다. 이를 만족하는 수 중에서 가장 큰 수를 이진법으로 나타내면?

① $110_{(2)}$

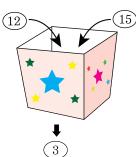
② 1010₍₂₎

③ 1110₍₂₎

④ 11010₍₂₎

⑤ 11011₍₂₎

12. 다음 그림과 같은 요술 상자에 두개의 숫자카드를 넣으면 두 수의 최대공약수가적힌 한 장의 카드가 나온다고 한다. 다음 물음에 답하여라. 갑, 을, 병세 사람이아래와 같은 카드를 넣었을



때, 가장 작은 숫자가 적힌 카드가 나온 사람은 누구인 지 말하여라.

갑: 4, 12 을: 15, 40 병: 16, 40

▶ 답:

13. 두 자연수 *A*, *B* 에 대하여 두 수의 최대공약수를 *A*●*B*, 두 수의 최소공배수를 *A*∗*B* 로 나타낼 때, (80●144) * (36●126) 의 값을 구하면?

① 122

② 138

3 144

④ 152

⑤ 164

14. 어느 반 학생 39 명이 수학 시험을 보는데 A 문제를 맞힌 학생은 19 명, B 문제를 맞힌 학생은 27 명, A 와 B 모두 맞힌 학생은 12 명일 때, A 와 B 모두 틀린 학생은 몇 명인지 구하여라.(단, 수학 시험의 문제는 A 와 B 두 문제만 있다.)

▶ 답: 명

15. 명희네 반 학생 중에서 영어를 좋아하는 학생은 28 명, 수학을 좋아하는 학생은 23 명이다. 영어 또는 수학을 좋아하는 학생이 41 명일 때, 수학만 좋아하는 학생은 몇 명인지 구하여라.

▶ 답: 『



- **16.** 세 집합 $A = \{x|x \in \text{한국인}\}, B = \{x|x \in \text{학생}\}, C = \{x|x \in \text{여자}\}$ 에 대하여 한국의 남학생을 나타내는 집합을 모두 고르면?
 - ① $(A \cup B) C$
- $\bigcirc A \cup B \cup C$
- $(A \cap B) C$
- $\textcircled{4} A \cap B \cap C^c$
- \bigcirc $(A-B)^c \cap C^c$

17. 세 자연수 16, 18, 24 의 어느 것으로 나누어도 나누어 떨어지는 자연수 중에서 가장 작은 수를 구하여라.

▶ 답:

- 18. 다음 중 옳지 않은 것은?
 - ① $8 \times 10^3 + 2 \times 10 + 4 \times 1 = 8024$
 - ② $1 \times 2^3 + 1 \times 1 = 1001_{(2)}$
 - ③ $1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2 + 1 \times 1 = 11011_{(2)}$
 - $4 1 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 1 \times 2^2 = 110010_{(2)}$
 - $(3) 1 \times 10^5 + 5 \times 10^4 + 7 \times 10^2 + 3 \times 1 = 150703$

19. 바둑돌을 이용하여 이진법으로 나타낸 수 1001₍₂₎을 ■○○■로 나타낼 때, ■○■■○■이 나타내는 수를 십진법으로 나타내어라.

▶ 답:	
------	--

- **20.** 288 을 어떤 수 x 로 나누어 자연수의 제곱이 되게 하려고 할 때, 가장 작은 자연수 x 를 구하면?
 - ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 6 ⑤ 8