

2회차 중1 수학 학력평가

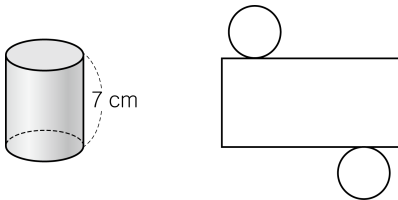
1. 소금 17.5 kg이 있다. 이 소금을 한 자루에 $1\frac{1}{6}$ kg씩 똑같이 나누어 담으면, 모두 몇 자루가 되는가? (3점)

- ① 5자루 ② 10자루 ③ 15자루
④ 20자루 ⑤ 25자루

해설

$$17.5 \div 1\frac{1}{6} = \frac{175}{10} \div \frac{7}{6} = \frac{175}{10} \times \frac{6}{7} = 15(\text{자루})$$

2. 다음 그림은 원기둥과 그 전개도이다. 원기둥의 한 밑면의 둘레의 길이가 12 cm이고 높이가 7 cm일 때, 전개도에서 직사각형의 둘레의 길이는 몇 cm인가? (3점)

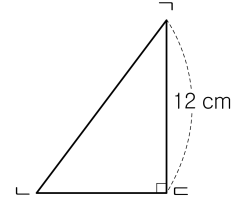


- ① 19 cm ② 26 cm ③ 31 cm
④ 38 cm ⑤ 48 cm

해설

$$(\text{둘레의 길이}) = (12 + 7) \times 2 = 38(\text{cm})$$

3. 다음 삼각형 ABC에서 변 BC를 회전축으로 하여 1회전 시켜 얻은 회전체를 회전축을 품은 평면으로 잘랐더니 단면의 넓이가 108 cm^2 가 되었다. 변 BC의 길이는 몇 cm인가? (3점)

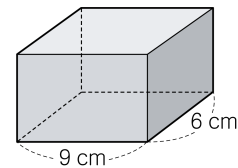


- ① 4.5 cm ② 9 cm ③ 12 cm
④ 13.5 cm ⑤ 18 cm

해설

변 BC의 길이를 xcm라 하면 회전체의 단면은 밑변의 길이가 24cm, 높이가 xcm인 삼각형이다.
 $24 \times x \div 2 = 108, x = 9$

4. 다음 그림의 직육면체의 부피가 216 cm^3 일 때, 이 직육면체의 겉넓이는 몇 cm^2 인가? (4점)

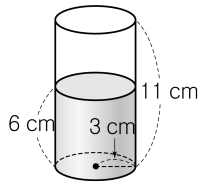


- ① 120 cm^2 ② 156 cm^2 ③ 174 cm^2
④ 216 cm^2 ⑤ 228 cm^2

해설

직육면체의 높이를 $x\text{cm}$ 라 하면
 $9 \times 6 \times x = 216$, $x = 4$
 $\therefore$ (직육면체의 겉넓이)
 $= (9 \times 6) \times 2 + (9 + 6 + 9 + 6) \times 4$
 $= 108 + 120 = 228(\text{cm}^2)$

5. 안치수가 오른쪽 그림과 같은 원기둥 모양의 컵이 있다. 정호가 이 컵에 가득 들어있던 물을 얼마만큼 마셨더니 물의 높이가 6cm 가 되었다. 정호가 마신 물의 양은 몇 mL인가? (3점)



- ① 14.13 mL ② 16.956 mL
 ③ 31.86 mL ④ 141.3 mL
 ⑤ 169.56 mL

해설

(정호가 마신 물의 양)
 $= 3 \times 3 \times 3.14 \times (11 - 6)$
 $= 141.3(\text{cm}^3) = 141.3(\text{mL})$

6. 희영, 상민, 지옥, 다숨 네 명의 학생 중에서 대표 2명을 뽑을 때, 상민이가 뽑힐 확률은 얼마인가? (4점)

- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{1}{4}$ ④ $\frac{1}{6}$ ⑤ $\frac{1}{12}$

해설

대표 2명을 뽑는 경우의 수는 (희영, 상민), (희영, 지옥), (희영, 다숨), (상민, 지옥), (상민, 다숨), (지옥, 다숨)의 6가지이다.
 $\therefore$ (상민이가 뽑힐 확률) $= \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$

7. 다음 중 x 대신 7을 넣어 참이 되는 식은? (3점)

- ① $6 + x = 14$ ② $x - 5 = 4$
 ③ $2 \times x - 3 = 11$ ④ $x \div 2 + 5 = 1$
 ⑤ $x + 4 \times 3 = 33$

해설

- ① $6 + 7 = 14$ (거짓)
 ② $7 - 5 = 4$ (거짓)
 ③ $2 \times 7 - 3 = 11$ (참)
 ④ $7 \div 2 + 5 = 1$ (거짓)
 ⑤ $7 + 4 \times 3 = 33$ (거짓)

8. 수학 시험에 3점, 5점짜리 문제가 출제되었다. 이 수학 시험에서 경석이는 3점짜리 문제를 5점짜리 문제보다 5문제 더 맞혀서 87점을 받았다. 경석이가 맞힌 5점짜리 문제는 몇 문제인가? (4점)

- ① 3문제 ② 5문제 ③ 9문제
 ④ 12문제 ⑤ 14문제

해설

경석이가 맞힌 5점짜리 문제 수를 x 개라 하면
 $3 \times (x + 5) + 5 \times x = 87$
 $8 \times x + 15 = 87$
 $8 \times x = 72, x = 9$
 따라서, 경석이가 맞힌 5점짜리 문제는 9문제이다.

9. 다음 중 $y = \frac{1}{4} \times x$ 에 대한 설명으로 옳은 것은? (3점)

- ① y 는 x 에 반비례한다.
- ② x 의 값이 4배가 되면 y 의 값은 $\frac{1}{4}$ 배가 된다.
- ③ x 의 값이 4이면 y 의 값은 16이다.
- ④ y 의 값이 3일 때 x 의 값은 12이다.
- ⑤ 의자의 수 x 개와 의자 다리의 수 y 개 사이의 관계를 식으로 나타낸 것과 같다.

해설

- ① y 는 x 에 정비례한다.
- ② x 의 값이 4배가 되면 y 의 값도 4배가 된다.
- ③ x 의 값이 4이면 y 의 값은 1이다.
- ⑤ x 와 y 사이의 관계를 식으로 나타내면 $y = 4x$ 이다.

10. 온도가 일정할 때 기체의 부피는 압력에 반비례한다.
 어떤 기체의 부피가 140 cm^3 일 때, 압력은 6기압이다.
 압력이 4기압일 때, 이 기체의 부피는 몇 cm^3 인가?
 (4점)

- ① 70 cm^3 ② 105 cm^3 ③ 210 cm^3
- ④ 280 cm^3 ⑤ 315 cm^3

해설

기체의 부피를 $x \text{ cm}^3$, 압력을 y 기압이라고 하면
 $x \times y = 140 \times 6 = 840$
 $y = 4$ 일 때, $x \times 4 = 840, x = 210$
 따라서, 기체의 부피는 210 cm^3 이다.

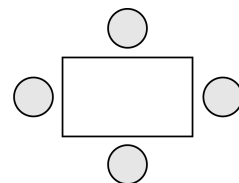
11. 은주가 읽고 있던 책을 펼쳤더니 펼친 두 쪽수의 곱이 1332이었다. 펼친 두 쪽수의 합을 구하면? (3점)

- ① 65 ② 69 ③ 73 ④ 77 ⑤ 85

해설

$30 \times 30 = 900, 40 \times 40 = 1600$ 이므로
 펼친 두 쪽수는 30과 40 사이이다.
 두 쪽수를 36, 37로 예상하면 (곱) $= 36 \times 37 = 1332$
 $\therefore$ (두 쪽수의 합) $= 36 + 37 = 73$

12. 다음 그림과 같이 4명씩 앉을 수 있는 탁자 8개를 옆으로 길게 이어 붙이면 모두 몇 명이 앉을 수 있는가?
 (3점)



- ① 18명 ② 20명 ③ 25명
- ④ 30명 ⑤ 32명

해설

탁자 한 개에 4명이 앉을 수 있고, 탁자가 한 개 늘어날 때마다 2명씩 더 앉을 수 있다.

$$\therefore 4 + 2 \times 7 = 18(\text{명})$$

13. 다음 중 462의 소인수가 아닌 것은? (3점)

- ① 2 ② 3 ③ 7 ④ 11 ⑤ 13

해설

$$462 = 2 \times 3 \times 7 \times 11$$

14. 두 수 $2^a \times 3^3 \times 5^2$, $2^3 \times 5^b \times 7$ 의 최대공약수는 20일 때, 두 자연수 a, b 에 대하여 $a \times b$ 의 값은? (3점)

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$$20 = 2^2 \times 5 \text{ 이므로 } a = 2, b = 1$$

$$\therefore a \times b = 2 \times 1 = 2$$

15. 100개보다 적은 사탕을 한 봉지에 6개씩 넣었더니 3개가 남았고, 8개씩 넣었더니 5개가 부족하고, 9개씩 넣었더니 6개가 부족했다. 이 사탕을 남거나 부족함 없이 넣으려면 한 봉지에 x 개씩 넣어야 한다고 할 때, 가능한 x 의 값의 합은? (4점)

- ① 75 ② 96 ③ 104

- ④ 124 ⑤ 150

해설

사탕의 개수를 n 개라고 하면

$$n = 6a + 3 = 8b - 5 = 9c - 6$$

$8b - 5 = 8(b - 1) + 3$, $9c - 6 = 9(c - 1) + 3$ 이므로 $n - 3$ 은 6, 8, 9의 최소공배수인 72로 나누어 떨어진다. 따라서, 사탕의 개수는 $72 + 3 = 75(\text{개})$ 의 약수이므로 n 의 값은 1, 3, 5, 15, 25, 75이다.

$$(\text{합}) = 1 + 3 + 5 + 15 + 25 + 75 = 124$$

16. 다음 중 정수가 아닌 유리수의 개수는? (3점)

$$-3, \frac{1}{8}, 0, 4, \frac{5}{10}, -0.9, +\frac{6}{2}$$

- ① 2개 ② 3개 ③ 4개

- ④ 5개 ⑤ 6개

해설

$$\frac{1}{8}, \frac{5}{10}, -0.9 \rightarrow 3\text{개}$$

17. 두 수 a, b 는 절댓값이 서로 같고 $a > b$ 이다. $a - b = \frac{2}{5}$ 일 때, a 의 값은? (3점)

- ① $\frac{1}{5}$ ② $\frac{2}{5}$ ③ $\frac{4}{5}$
 ④ $-\frac{2}{5}$ ⑤ $-\frac{4}{5}$

해설

a, b 의 절댓값은 $\frac{2}{5} \div 2 = \frac{1}{5}$
 $a > b$ 이므로 $a = \frac{1}{5}, b = -\frac{1}{5}$

18. $[1.3]=1$ 과 같이 $[x]$ 는 x 보다 크지 않은 정수 중 가장 큰 정수를 나타낼 때, $[x]=-1$ 이 성립하는 유리수 x 의 값으로 옳지 않은 것은? (3점)

- ① -0.7 ② -1 ③ -1.3
 ④ $-\frac{1}{10}$ ⑤ $-\frac{3}{8}$

해설

- ② $[-1]=-1$
 ③ $[-1.3]=-1$

19. 다음 중 계산 결과가 가장 큰 것은? (3점)

- ① $(+6) + (-14)$ ② $(-9) - (-5)$
 ③ $(-\frac{7}{4}) \times (+8)$ ④ $(-20) \div (+\frac{4}{3})$
 ⑤ $(-6) \times (-1)^4$

해설

- ① -8
 ② -4
 ③ -14
 ④ -15
 ⑤ -6

따라서, 계산 결과가 가장 큰 것은 ②이다.

20. 세 정수 a, b, c 에 대하여 $a \times b = -8, b \times c = 2$ 일 때, $(a + c) \times b$ 의 값은? (3점)

- ① -6 ② -10 ③ -16
 ④ 4 ⑤ 8

해설

$$(a + c) \times b = a \times b + c \times b = -8 + 2 = -6$$

21. 40 km 떨어진 두 지점을 자동차를 타고 이동하는 데 처음 15 km 구간은 시속 90 km로, 두 번째 10 km 구간은 시속 80 km로 달렸다. 마지막 구간까지 모두 달렸을 때 이 자동차의 평균 속력이 시속 80 km였다면, 마지막 15 km 구간의 자동차의 속력은 시속 몇 km인가? (4점)

- ① 65 km ② 68 km ③ 70 km
 ④ 72 km ⑤ 75 km

해설

처음 15km 구간에서 걸린 시간은 $\frac{15}{90} = \frac{1}{6}$ (시간)
 두 번째 10km 구간에서 걸린 시간은 $\frac{10}{80} = \frac{1}{8}$ (시간)
 마지막 구간의 자동차의 속력을 시속 x km라 하면,
 걸린 시간은 $\frac{15}{x}$ (시간)

$$\frac{40}{\frac{1}{6} + \frac{1}{8} + \frac{15}{x}} = 80$$

$$\frac{7}{24} + \frac{15}{x} = \frac{1}{2}, x = 72$$

 따라서, 마지막 구간의 자동차의 속력은 시속 72km이다.

22. 어느 중학교 전체 학생 수가 A명이고, 이 중 남학생이 $x\%$ 일 때, 여학생 수는 몇 명인가? (3점)

- ① $(A - x)$ 명 ② $(A - 100x)$ 명
 ③ $\left(A - \frac{x}{100}\right)$ 명 ④ $\left(A - \frac{Ax}{100}\right)$ 명
 ⑤ $\left(\frac{A - x}{100}\right)$ 명

해설

남학생 수는 $A \times \frac{x}{100} = \frac{Ax}{100}$ (명)이므로
 여학생 수는 $\left(A - \frac{Ax}{100}\right)$ 명이다.

23. $a = -3$ 일 때, 다음 식의 값 중 다른 하나는? (3점)

- ① $-9a$ ② $3a^2$ ③ a^3
 ④ $-a^3$ ⑤ $(-a)^3$

해설

- ① $-9 \times (-3) = 27$
 ② $3 \times (-3)^2 = 27$
 ③ $(-3)^3 = -27$
 ④ $-(-3)^3 = 27$
 ⑤ $\{-(-3)\}^3 = (+3)^3 = 27$

24. 백의 자리 숫자가 a 이고, 십의 자리 숫자가 b , 일의 자리 숫자가 8인 세 자리 자연수를 2로 나눈 몫을 p , 나머지를 r 이라 하고, 5로 나눈 몫을 q , 나머지를 s 라 할 때, $p + q + r + s$ 의 값은? (4점)

- ① $70ab + 3$ ② $\frac{70ab}{10} + 3$
 ③ $\frac{7ab}{10} + 8$ ④ $70a + 7b + 3$
 ⑤ $70a + 7b + 8$

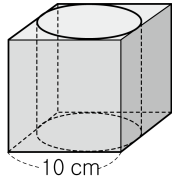
해설

세 자리 자연수는
 $100a + 10b + 8 = 2(50a + 5b + 4) \cdots$ ①
 $= 5(20a + 2b + 1) + 3 \cdots$ ②
 ①에 의하여 $p = 50a + 5b + 4, r = 0$
 ②에 의하여 $q = 20a + 2b + 1, s = 3$
 $\therefore p + q + r + s$
 $= 50a + 5b + 4 + 20a + 2b + 1 + 0 + 3$
 $= 70a + 7b + 8$

25.

주관식 문제입니다. 답안 표기시 단위는 생략하여 주십시오.

다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 10 cm인 정육면체 모양의 상자 안에 원기둥이 꼭 맞게 들어 있다. 이 원기둥의 겉넓이는 몇 cm^2 인지 구하여라. (4점)



▶ 답 :

▷ 정답 : 471

해설

원기둥의 밑면의 반지름의 길이는 5cm, 높이는 10cm이므로
(겉넓이) = $5 \times 5 \times 3.14 \times 2 + 5 \times 2 \times 3.14 \times 10$
= $157 + 314 = 471(\text{cm}^2)$

26.

주관식 문제입니다. 답안 표기시 단위는 생략하여 주십시오.

방정식 $x \times 5 + 8 = 73$ 을 등식의 성질을 이용하여 $x \times \triangle = \square$ 의 꼴로 나타낼 때, $\triangle + \square$ 의 값을 구하여라. (3점)

▶ 답 :

▷ 정답 : 70

해설

$$x \times 5 + 8 = 73$$

$$x \times 5 + 8 - 8 = 73 - 8$$

$$x \times 5 = 65$$

$$\therefore \triangle = 5, \square = 65, \triangle + \square = 5 + 65 = 70$$

27.

주관식 문제입니다. 답안 표기시 단위는 생략하여 주십시오.

두 상자 A, B에 공이 들어 있다. A 상자의 공이 B 상자보다 더 많았는데 공을 다음과 같이 옮겼더니 두 상자에 들어 있는 공의 수가 48개로 같아졌다. A 상자에 처음 들어 있던 공의 수를 구하여라. (4점)

- (1) B 상자에 있는 공의 개수만큼 A 상자에서 B 상자로 옮긴다.
- (2) A 상자에 남아 있는 공의 개수만큼 B 상자에서 A 상자로 옮긴다.
- (3) B 상자에 남아 있는 공의 개수만큼 A 상자에서 B 상자로 옮긴다.

▶ 답 :

▷ 정답 : 66

해설

거꾸로 생각하면 (3)에서 공을 옮기기 전에는
(A 상자) $48 + 24 = 72$ (개), (B 상자) $48 \div 2 = 24$ (개)
(2)에서 공을 옮기기 전에는
(A 상자) $72 \div 2 = 36$ (개), (B 상자) $24 + 36 = 60$ (개)
(1)에서 공을 옮기기 전에는
(A 상자) $36 + 30 = 66$ (개), (B 상자) $60 \div 2 = 30$ (개)
따라서, A 상자에 처음 들어 있던 공은 66개이다.

28.

주관식 문제입니다. 답안 표기시 단위는 생략하여 주십시오.

약수의 개수가 6개인 가장 작은 두 자리의 자연수를 구하여라. (3점)

▶ 답 :

▷ 정답 : 12

해설

약수의 개수가 6개이기 위해서는 $a^5, a^2 \times b$ (a, b 는 서로 다른 소수)의 꼴이어야 한다. 가장 작은 두 자리의 자연수는

(i) a^5 의 꼴인 경우 : $2^5 = 32$

(ii) $a^2 \times b$ 의 꼴인 경우 : $2^2 \times 3 = 12$

따라서, 가장 작은 두 자리의 자연수는 12이다.

29.

주관식 문제입니다. 답안 표기시 단위는 생략하여 주십시오.

3.6의 역수를 x , $\frac{2}{9}$ 보다 x 만큼 작은 수를 y 라고 하자.

$x + y = \frac{n}{m}$ 일 때, $m + n$ 의 값을 구하여라. (단, m, n 은 서로소이다.) (3점)

▶ 답 :

▷ 정답 : 11

해설

$$3.6 = \frac{36}{10} = \frac{18}{5} \text{ 이므로 } x = \frac{5}{18}$$

$$y = \frac{2}{9} - \frac{5}{18} = -\frac{1}{18}$$

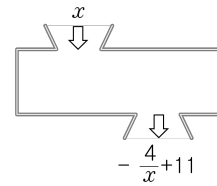
$$x + y = \frac{5}{18} + \left(-\frac{1}{18}\right) = \frac{2}{9}$$

$$\therefore m = 9, n = 2, m + n = 9 + 2 = 11$$

30.

주관식 문제입니다. 답안 표기시 단위는 생략하여 주십시오.

다음 그림과 같이 계산되는 상자에 $\frac{1}{3}$ 을 넣어서 나온 값과 -2를 넣어서 나온 값의 차를 구하여라. (4점)



▶ 답 :

▷ 정답 : 14

해설

(i) $x = \frac{1}{3}$ 일 때

$$-\frac{4}{\frac{1}{3}} + 11 = -12 + 11 = -1$$

(ii) $x = -2$ 일 때

$$-\frac{4}{-2} + 11 = 2 + 11 = 13$$

$$\therefore (\text{차}) = 13 - (-1) = 14$$